

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Волхонов Михаил Станиславович
Должность: Ректор
Дата подписания: 19.05.2025
Уникальный программный ключ:
40a6db1879d6a9ee29ec8e0ffb2f95e4614a0998

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«КОСТРОМСКАЯ ГОСУДАРСТВЕННАЯ СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННАЯ АКАДЕМИЯ»

Утверждаю:
Декан архитектурно-строительного
факультета

_____/Цыбакин С.В./
14 мая 2025 года

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
по дисциплине

МАТЕМАТИКА

Направление	<u>08.03.01 Строительство</u>
подготовки/Специальность	
Направленность (профиль)	<u>«Промышленное и гражданское строительство»</u>
Квалификация выпускника	<u>бакалавр</u>
Форма обучения	<u>очная/очно-заочная</u>
Срок освоения ОПОП ВО	<u>4 года/4 года 6 месяцев</u>

Фонд оценочных средств предназначен для оценивания сформированности компетенций по дисциплине «Математика».

Разработчик:

доцент кафедры высшей математики Л.Б. Рыбина_____

Утвержден на заседании кафедры высшей математики,
протокол № 9 от 24.04.2025 года.

Заведующий кафедрой Л.Ю. Головина_____

Согласовано:

Председатель методической комиссии архитектурно-строительного
факультета

Е.И. Примакина _____
протокол № 5 от 14.05.2025

Паспорт фонда оценочных средств

Таблица 1 – Паспорт фонда оценочных средств

Разделы дисциплины	Формируемые компетенции или их части	Оценочные материалы и средства	Количество
Раздел №1. Линейная и векторная алгебра	ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ИДЗ №1	80
		Тестирование	50
Раздел №2. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве		Контрольная работа №1	101
		ИДЗ №2	80
		Тестирование	50
Раздел №3. Дифференциальное исчисление функции одной переменной		Контрольная работа №2	121
		ИДЗ №3	100
		Тестирование	50
Раздел №4. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных		Контрольная работа №3	42
		Тестирование	20
Раздел №5. Интегральное исчисление функций одной переменной		Контрольная работа №4	120
		ИДЗ №4	121
		Тестирование	70
Раздел №6. Дифференциальные уравнения		ИДЗ №5	161
		Тестирование	30
Раздел №7. Теория вероятностей		Контрольная работа №5	101
		Тестирование	50
Раздел №8. Основы математической статистики		ИДЗ №6	40
		Тестирование	40

1 ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ И НАВЫКОВ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 2 – Формируемые компетенции

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Оценочные материалы и средства
Раздел №1. Линейная и векторная алгебра		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.6. Решение инженерных задач с помощью математического аппарата векторной алгебры, аналитической геометрии. ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	ИДЗ Тестирование
Раздел №2. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.6. Решение инженерных задач с помощью математического аппарата векторной алгебры, аналитической геометрии	Контрольная работа ИДЗ Тестирование
Раздел №3. Дифференциальное исчисление функции одной переменной		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Контрольная работа ИДЗ Тестирование

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Оценочные материалы и средства
Раздел №4. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Контрольная работа Тестирование
Раздел №5. Интегральное исчисление функций одной переменной		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Контрольная работа ИДЗ Тестирование
Раздел №6. Дифференциальные уравнения		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	ИДЗ Тестирование

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Оценочные материалы и средства
Раздел №7. Теория вероятностей		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Контрольная работа Тестирование
Раздел 8. Основы математической статистики		
ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	ИДЗ Тестирование

Оценочные материалы и средства для проверки сформированности компетенций

Раздел №1. Линейная и векторная алгебра

Индивидуальное домашнее задание №1 «Элементы линейной и векторной алгебры»

Типовые задания

Базовый уровень

Задание 1. Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 3 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$,

$C = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$. Найдите матрицу $D = 3BA + CB$.

Задание 2. Решить систему линейных уравнений
$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 6, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 1, \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 7 \end{cases}$$
 1) по

правилу Крамера, при этом два определителя вычислить по правилу треугольников, один — разложением по элементам любой строки, один — разложением по элементам любого столбца;

2) матричным методом, при этом сделать проверку правильности нахождения обратной матрицы;

3) методом Гаусса.

Задание 3. Даны координаты вершин пирамиды $A(3; -1; 2)$, $B(4; -1; -1)$, $C(2; 0; 2)$, $D(1; 2; 4)$.

Найти:

1) координаты векторов $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$, $\vec{b} = \overrightarrow{AC}$, $\vec{c} = \overrightarrow{AD}$, записать их разложение по базису $\vec{i}$, $\vec{j}$, $\vec{k}$;

2) модуль вектора $\vec{d} = 3\vec{a} - \vec{b} + \vec{c}$ и его направляющие косинусы;

3) косинус угла BAC ;

3) площадь грани ABC ;

4) объем пирамиды $ABCD$.

Повышенный уровень

Задание 4. Решить систему линейных уравнений

$$\begin{cases} 2x_1 - 10x_2 - 3x_3 - x_4 = 33, \\ 3x_2 + 5x_3 - 7x_4 = -4, \\ 8x_1 - x_3 + 9x_4 = 23, \\ 5x_1 + 2x_2 - 6x_3 = 3 \end{cases} \quad \text{методом Гаусса.}$$

Письменное тестирование

1 задание: Вычисление определителей

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Формула вычисления определителя третьего порядка

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & k \end{vmatrix} \text{ содержит следующие произведения ...}$$

+ bfg (50 %)

cdk

adf

+ aek (50 %)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Формула вычисления определителя третьего порядка

$$\begin{vmatrix} m & n & p \\ q & r & s \\ t & u & v \end{vmatrix} \text{ содержит следующие произведения ...}$$

+ pqu (50 %)

pqs

+ prt (50 %)

pnt

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Формула вычисления определителя третьего порядка

$$\begin{vmatrix} x & y & z \\ k & l & m \\ n & o & p \end{vmatrix} \text{ содержит следующие произведения ...}$$

+ kyp (50 %)

xyp

xlm

+ xlp (50 %)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Формула вычисления определителя третьего порядка

$$\begin{vmatrix} x & y & z \\ k & l & m \\ n & o & p \end{vmatrix} \text{ содержит следующие произведения ...}$$

zlo
 zkm
 $+ znl$ (50 %)
 $+ zko$ (50 %)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Формула вычисления определителя третьего порядка

$$\begin{vmatrix} i & j & k \\ l & m & n \\ o & p & r \end{vmatrix} \text{ содержит следующие произведения ...}$$

njl
 $+ jlr$ (50 %)
 $+ jno$ (50 %)
 jlp

2 задание: Вычисление определителей

Введите Ваш вариант ответа.

Если определитель $\begin{vmatrix} 3 & b \\ a & -3 \end{vmatrix}$ равен $-0,7$, то определитель $\begin{vmatrix} 30 & 29 & 28 \\ 0 & 3 & a \\ 0 & b & -3 \end{vmatrix}$ равен ...

– 21

Введите Ваш вариант ответа.

Если определитель $\begin{vmatrix} a & -2 \\ 4 & b \end{vmatrix}$ равен $\frac{2}{3}$, то определитель $\begin{vmatrix} 0 & 0 & -6 \\ b & -2 & -7 \\ 4 & a & -8 \end{vmatrix}$ равен ...

– 4

Введите Ваш вариант ответа.

Если определитель $\begin{vmatrix} a & -7 \\ 3 & b \end{vmatrix}$ равен $\frac{6}{5}$, то определитель $\begin{vmatrix} a & 24 & -7 \\ 0 & 25 & 0 \\ 3 & 26 & b \end{vmatrix}$

равен ...

30

Введите Ваш вариант ответа.

Если определитель $\begin{vmatrix} a & b \\ -3 & 5 \end{vmatrix}$ равен 1,9, то определитель $\begin{vmatrix} 5 & 0 & b \\ 19 & 20 & 21 \\ -3 & 0 & a \end{vmatrix}$

равен ...

38

Введите Ваш вариант ответа.

Если определитель $\begin{vmatrix} a & 6 \\ b & -7 \end{vmatrix}$ равен $\frac{1}{12}$, то определитель $\begin{vmatrix} a & -59 & b \\ 0 & -60 & 0 \\ 6 & -61 & -7 \end{vmatrix}$

равен ...

-5

3 задание: Вычисление определителей

Выберите один правильный вариант ответа.

Определитель $\begin{vmatrix} 0 & -3 & 0 \\ 2 & 0 & -2 \\ k & 4 & 2 \end{vmatrix}$ равен нулю, при k равном ...

2

-3

+ -2

0

Выберите один правильный вариант ответа.

Определитель $\begin{vmatrix} 2 & 4 & 0 \\ 0 & -1 & k \\ 4 & 0 & -2 \end{vmatrix}$ равен нулю, при k равном ...

2

+0,5

-0,5

1

Выберите один правильный вариант ответа.

Определитель $\begin{vmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & -1 & 4 \\ 2 & k & -2 \end{vmatrix}$ равен нулю, при k равном ...

- 0
- +5,5
- 5,5
- 1

Выберите один правильный вариант ответа.

Определитель $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 6 & -2 \\ 1 & -3 & k \end{vmatrix}$ равен нулю, при k равном ...

- 0
- 5,5
- 5,5
- +1

Выберите один правильный вариант ответа.

Определитель $\begin{vmatrix} 0 & 0 & -2 \\ k & 6 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ равен нулю, при k равном ...

- 0
- +12
- 12
- +2

4 задание: Системы линейных уравнений

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей:

$4x_1 - 3x_2 + x_3 = -2,$ 1. $2x_1 + x_3 - 4 = 0,$ $4x_1 + x_2 + 3 = 0$	3. $\begin{pmatrix} 4 & 3 & -1 & 2 \\ -2 & 1 & 0 & 4 \\ 0 & -4 & 1 & -3 \end{pmatrix}$ (25%)
$4x_1 - 3x_2 + x_3 = -2,$ 2. $2x_1 + x_3 - 4 = 0,$ $4x_1 + x_2 + 3 = 0$	4. $\begin{pmatrix} -4 & 1 & 3 & -2 \\ 2 & 0 & 1 & 4 \\ -4 & 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ (25%)

1. $4x_1 + 3x_2 - x_3 = 2,$ 2. $2x_1 + x_2 - 4 = 0,$ 3. $4x_2 + x_3 = -3$	1. $\begin{pmatrix} -4 & -3 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & -1 & -4 \\ -4 & 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ (25%)
1. $4x_1 + x_2 + 3x_3 = -2,$ 2. $2x_1 + x_3 - 4 = 0,$ 3. $4x_1 + x_2 - 3 = 0$	1. $\begin{pmatrix} 4 & -3 & 1 & -2 \\ -2 & 1 & -4 & 0 \\ -4 & 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$
	1. $\begin{pmatrix} -4 & 1 & 3 & 0 \\ 2 & 0 & 1 & 0 \\ -4 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$
	1. $\begin{pmatrix} 4 & -3 & 1 & -2 \\ -2 & 0 & 1 & 4 \\ -4 & 1 & 0 & -3 \end{pmatrix}$ (25%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей:

1. $x_2 + 2x_3 - 4 = 0,$ 2. $x_1 + 3x_2 + 2x_3 = -4,$ 3. $2x_1 + 3x_3 - 1 = 0$	1. $\begin{pmatrix} -1 & 2 & -4 & 0 \\ 1 & 3 & -2 & 4 \\ 2 & 3 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ (25%)
1. $x_1 + 2x_2 - 4x_3 = 0,$ 2. $x_1 + 3x_2 - 2x_3 = 4,$ 3. $2x_1 + 3x_2 - 1 = 0$	1. $\begin{pmatrix} 0 & -1 & 2 & 4 \\ -1 & 3 & 2 & -4 \\ 2 & 0 & 3 & 1 \end{pmatrix}$ (25%)
1. $x_1 + 2x_3 - 4 = 0,$ 2. $x_1 + 2x_2 + 3x_3 = -4,$ 3. $2x_2 + 3x_3 + 1 = 0$	1. $\begin{pmatrix} -1 & 0 & 2 & 4 \\ -1 & 2 & 3 & -4 \\ 0 & 2 & 3 & -1 \end{pmatrix}$ (25%)
1. $x_1 - 2x_2 + 4 = 0,$ 2. $x_1 + 2x_2 - 4 = 0,$ 3. $2x_1 + x_3 = 3$	1. $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 & -4 \\ -1 & 2 & 0 & 4 \\ 2 & 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ (25%)
	1. $\begin{pmatrix} -1 & 2 & -4 & 0 \\ -1 & 3 & 2 & -4 \\ 2 & 3 & -1 & 0 \end{pmatrix}$
	1. $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей:

1. $\begin{cases} 6x_1 + 2x_2 - x_3 = 3, \\ 6x_2 - x_3 - 2 = 0, \\ 3x_1 - x_2 - 2 = 0 \end{cases}$	2. $\begin{pmatrix} -6 & 2 & 1 & 0 \\ 6 & -1 & 0 & -2 \\ 0 & 3 & -1 & -2 \end{pmatrix}$ (25%)
2. $\begin{cases} 6x_1 + 2x_2 + x_3 = 0, \\ 6x_1 - x_2 + 2 = 0, \\ 3x_2 - x_3 = -2 \end{cases}$	$\begin{pmatrix} 6 & 2 & 1 & 0 \\ -1 & 6 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 3 & 2 \end{pmatrix}$
3. $\begin{cases} 6x_1 - 2x_2 + x_3 = -3, \\ 6x_1 - x_3 - 2 = 0, \\ 3x_1 - x_3 + 2 = 0 \end{cases}$	1. $\begin{pmatrix} 6 & 2 & -1 & 3 \\ 0 & 6 & -1 & 2 \\ 3 & -1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ (25%)
4. $\begin{cases} 6x_1 + 2x_2 + x_3 = 0, \\ x_1 + 6x_2 + 2 = 0, \\ x_1 + 3x_3 = 2 \end{cases}$	4. $\begin{pmatrix} 6 & 2 & 1 & 0 \\ -1 & 6 & 0 & -2 \\ -1 & 0 & 3 & 2 \end{pmatrix}$ (25%)
	3. $\begin{pmatrix} -6 & -2 & 1 & -3 \\ 6 & 0 & -1 & -2 \\ -1 & 0 & 3 & 2 \end{pmatrix}$ (25%)
	$\begin{pmatrix} -6 & -2 & 1 & -3 \\ 6 & -1 & -2 & 0 \\ 3 & -1 & 2 & 0 \end{pmatrix}$

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей:

1. $\begin{cases} 2x_1 - x_3 + 3 = 0, \\ -x_1 + 2x_3 = 3, \\ 3x_1 + x_2 - 2x_3 = 0 \end{cases}$	2. $\begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 & -3 \\ 0 & -1 & 2 & 3 \\ 3 & 0 & -2 & -2 \end{pmatrix}$ (25%)
2. $\begin{cases} 2x_2 - x_3 + 3 = 0, \\ -x_1 + 2x_2 = 3, \\ -3x_1 + x_2 + 2 = 0 \end{cases}$	4. $\begin{pmatrix} 2 & -1 & -3 & 0 \\ 2 & 0 & -1 & -3 \\ 3 & -2 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ (25%)
3. $\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3, \\ -x_2 + 2x_3 = 3, \\ 3x_1 - 2x_3 + 2 = 0 \end{cases}$	$\begin{pmatrix} 2 & 0 & -1 & 3 \\ -1 & 0 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$

4. $\begin{cases} 2x_1 - x_2 - 3x_3 = 0, \\ 2x_1 - x_3 + 3 = 0, \\ 3x_1 - 2x_2 = -2 \end{cases}$	$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 & 0 \\ -1 & 2 & 0 & 3 \\ -3 & 1 & 2 & 0 \end{pmatrix}$
	3. $\begin{pmatrix} 0 & 2 & -1 & -3 \\ -1 & 2 & 0 & 3 \\ -3 & 1 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ (25%)
	1. $\begin{pmatrix} 2 & 0 & -1 & -3 \\ -1 & 0 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & -2 & 0 \end{pmatrix}$ (25%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей:

1. $\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + 3x_3 = -1, \\ 5x_2 - 2x_3 = -3, \\ -2x_1 + x_2 - 4 = 0 \end{cases}$	$\begin{pmatrix} 5 & -2 & 3 & 0 \\ 0 & 5 & -2 & 0 \\ -2 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$
2. $\begin{cases} 5x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 0, \\ 5x_1 - 2x_3 + 3 = 0, \\ -2x_2 + x_3 = -4 \end{cases}$	2. $\begin{pmatrix} 5 & 2 & -3 & 0 \\ 5 & 0 & -2 & -3 \\ 0 & -2 & 1 & -4 \end{pmatrix}$ (25%)
3. $\begin{cases} -5x_1 + 3x_3 + 3 = 0, \\ 5x_1 - 2x_2 = 4, \\ -2x_1 + x_3 - 5 = 0 \end{cases}$	1. $\begin{pmatrix} 5 & -2 & 3 & -1 \\ 0 & 5 & -2 & -3 \\ -2 & 1 & 0 & 4 \end{pmatrix}$ (25%)
4. $\begin{cases} -5x_2 + 3x_3 - 3 = 0, \\ 5x_1 + x_2 - 2x_3 = -4, \\ -2x_1 + x_2 + 5 = 0 \end{cases}$	3. $\begin{pmatrix} -5 & 0 & 3 & -3 \\ 5 & -2 & 0 & 4 \\ -2 & 0 & 1 & 5 \end{pmatrix}$ (25%)
	4. $\begin{pmatrix} 0 & -5 & 3 & 3 \\ 5 & 1 & -2 & -4 \\ -2 & 1 & 0 & -5 \end{pmatrix}$ (25%)
	$\begin{pmatrix} -5 & 3 & -3 & 0 \\ 5 & 1 & -2 & -4 \\ -2 & 1 & 5 & 0 \end{pmatrix}$

5 задание: Системы линейных уравнений

Соотнесите элементы двух списков.

Система линейных уравнений
$$\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 = 1, \\ 4x_1 + 5x_2 = 3 \end{cases}$$
 решается по правилу

Крамера. Установите соответствие между определителями системы и их значениями:

1. D	– 5
2. D ₁	2. 11 (33,3%)
3. D ₂	1. 23 (33,3%)
	3. 5 (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Система линейных уравнений
$$\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 = 4, \\ 5x_1 + 4x_2 = 1 \end{cases}$$
 решается по правилу

Крамера. Установите соответствие между определителями системы и их значениями:

1. D	17
2. D ₁	2. 18 (33,3%)
3. D ₂	1. 22 (33,3%)
	3. – 17 (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Система линейных уравнений
$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 = 2, \\ 3x_1 + 4x_2 = 1 \end{cases}$$
 решается по правилу

Крамера. Установите соответствие между определителями системы и их значениями:

1. D	3
2. D ₁	1. 27 (33,3%)
3. D ₂	2. 13 (33,3%)
	3. – 3 (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Система линейных уравнений
$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 = 0, \\ 3x_1 - x_2 = 3 \end{cases}$$
 решается по правилу

Крамера. Установите соответствие между определителями системы и их значениями:

1. D	– 6
2. D ₁	3. 6 (33,3%)
3. D ₂	1. 13 (33,3%)
	2. 15 (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Система линейных уравнений $\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 = 4, \\ 3x_1 - 3x_2 = 7 \end{cases}$ решается по правилу

Крамера. Установите соответствие между определителями системы и их значениями:

1. D	1. 9 (33,3%)
2. D ₁	2. 23 (33,3%)
3. D ₂	3. 2 (33,3%)
	– 2

6 задание: Системы линейных уравнений

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $(x_0; y_0)$ — решение системы линейных уравнений

$\begin{cases} 5x - 2y = 2, \\ 3x - 4y = -3 \end{cases}$, тогда $x_0 - y_0$ равно...

- 2,5
- 0,5
- 2,5
- + – 0,5

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $(x_0; y_0)$ — решение системы линейных уравнений

$\begin{cases} 3x - 7y = -18, \\ 4x + 3y = 13, \end{cases}$ тогда $x_0 - y_0$ равно...

- + – 2
- 4
- 0,5
- 3

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $(x_0; y_0)$ — решение системы линейных уравнений

$\begin{cases} 2x + 3y = 10, \\ 4x - 5y = -24, \end{cases}$ тогда $x_0 - y_0$ равно...

- 3
- 3
- 5
- + – 5

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $(x_0; y_0)$ — решение системы линейных уравнений

$$\begin{cases} 5x + 2y = -8, \\ 3x - 5y = -11, \end{cases} \text{ тогда } y_0 - x_0 \text{ равно...}$$

– 3

+ 3

5

– 5

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $(x_0; y_0)$ — решение системы линейных уравнений $\begin{cases} 2x + 7y = -3, \\ 5x - 3y = 13, \end{cases}$

тогда $y_0 - x_0$ равно...

+ – 3

3

5

– 5

7 задание: Длина вектора

Введите Ваш вариант ответа.

Длина вектора $\vec{a}(-8; 6)$ равна ...

10

Введите Ваш вариант ответа.

Длина вектора $\vec{a}(-12; 5)$ равна ...

13

Введите Ваш вариант ответа.

Длина вектора $\vec{a}(-15; 8)$ равна ...

17

Введите Ваш вариант ответа.

Длина вектора $\vec{a}(-8; 15)$ равна ...

17

Введите Ваш вариант ответа.

Длина вектора $\vec{a}(3; -4)$ равна ...

5

8 задание: Скалярное произведение векторов

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $\vec{a} = (1; 0; 2)$ и $\vec{b} = (2; 3; -1)$, тогда скалярное произведение

$\vec{a} \cdot \vec{b}$ равно ...

- 3
- +0
- 5
- 7

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $\vec{a} = (3; 4; -1)$ и $\vec{b} = (1; -2; -6)$, тогда скалярное произведение $\vec{a} \cdot \vec{b}$

равно ...

- 0
- 2
- +1
- 3

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $\vec{a} = (-2; 1; -1)$ и $\vec{b} = (1; 6; 2)$, тогда скалярное произведение

$\vec{a} \cdot \vec{b}$ равно ...

- +2
- 6
- 24
- 18

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $\vec{a} = (1; 0; 2)$ и $\vec{b} = (2; 3; -1)$, тогда скалярное произведение

$\vec{a} \cdot \vec{b}$ равно ...

- 3
- 0
- +5
- 7

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $\vec{a} = (-2; 1; -1)$ и $\vec{b} = (1; -2; -6)$, тогда скалярное произведение

$\vec{a} \cdot \vec{b}$ равно ...

- 0
- +2
- 1
- 3

9 задание: Скалярное произведение векторов

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между парой векторов $\vec{a}$ и $\vec{b}$ и значением k , при котором они ортогональны:

1. $\vec{a} = (2; 1; k)$, $\vec{b} = (3; -11; 2)$	1. $k = \frac{5}{2}$ (33,3%)
2. $\vec{a} = (1; k; 3)$, $\vec{b} = (2; 1; 1)$	2. $k = -1$ (33,3%)
3. $\vec{a} = (1; -1; -1)$, $\vec{b} = (k; 3; -2)$	3. $k = 1$ (33,3%)
	$k = -1$
	$k = 5$

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между парой векторов $\vec{a}$ и $\vec{b}$ и значением k , при котором они ортогональны:

1. $\vec{a} = (2; -1; -k)$, $\vec{b} = (3; 11; 2)$	2. $k = -5$ (33,3%)
2. $\vec{a} = (1; k; -3)$, $\vec{b} = (-2; -1; 1)$	3. $k = -5$ (33,3%)
3. $\vec{a} = (1; -1; -1)$, $\vec{b} = (k; -3; 2)$	$k = \frac{5}{2}$
	1. $k = -\frac{5}{2}$ (33,3%)
	$k = 1$

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между парой векторов $\vec{a}$ и $\vec{b}$ и значением k , при котором они ортогональны:

1. $\vec{a} = (2; -1; 2k)$, $\vec{b} = (3; 11; 2)$	$k = 7$
2. $\vec{a} = (1; k; -3)$, $\vec{b} = (-2; 3; 1)$	2. $k = \frac{5}{3}$ (33,3%)
3. $\vec{a} = (-1; -1; -2)$, $\vec{b} = (-k; -3; -2)$	1. $k = \frac{5}{4}$ (33,3%)
	$k = -\frac{5}{3}$
	3. $k = -7$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между парой векторов $\vec{a}$ и $\vec{b}$ и значением k , при котором они ортогональны:

1. $\vec{a} = (2; -1; -2k)$, $\vec{b} = (3; 12; 2)$	2. $k = -\frac{1}{5}$ (33,3%)
2. $\vec{a} = (1; k; -3)$, $\vec{b} = (-2; 5; -1)$	$k = \frac{3}{2}$
3. $\vec{a} = (2; -1; -2)$, $\vec{b} = (k; -3; -3)$	$k = \frac{1}{5}$
	3. $k = -\frac{9}{2}$ (33,3%)
	1. $k = -\frac{3}{2}$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между парой векторов $\vec{a}$ и $\vec{b}$ и значением k , при котором они ортогональны:

1. $\vec{a} = (1; -4; k)$, $\vec{b} = (3; 1; 2)$	$k = -1$
2. $\vec{a} = (1; k; 3)$, $\vec{b} = (1; 5; -2)$	$k = \frac{15}{2}$
3. $\vec{a} = (-2; 3; 2)$, $\vec{b} = (k; -3; -3)$	1. $k = \frac{1}{2}$ (33,3%)
	2. $k = 1$ (33,3%)
	3. $k = -\frac{15}{2}$ (33,3%)

10 задание: Векторное произведение

Выберите один правильный вариант ответа.

Векторное произведение векторов $\vec{a} = (2; a; -2)$ и $\vec{b} = (3; 6; b)$ равно нулю, если...

$+a = 4; b = -3$

$a = 4; b = 3$

$a = 9; b = -8$

$a = -4; b = 3$

Выберите один правильный вариант ответа.

Векторное произведение векторов $\vec{a} = (4; a; b)$ и $\vec{b} = (2; 3; 4)$ равно нулю, если...

$$a = 10; b = 14$$

$$a = 0; b = -2$$

$$a = \frac{1}{6}; b = 8$$

$$+a = 6; b = 8$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Векторное произведение векторов $\vec{a} = (1; a; 4)$ и

$\vec{b} = (-2; 3; -b)$ равно нулю, если...

$$a = -1,5; b = -8$$

$$a = 0; b = -0,5$$

$$+a = -1,5; b = 8$$

$$a = 5; b = 8$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Векторное произведение векторов $\vec{a} = (-1; 2; 5)$ и $\vec{b} = (a; 8; b)$ равно нулю, если...

$$a = 4; b = 20$$

$$+a = -4; b = 20$$

$$a = -4; b = -20$$

$$a = 4; b = -20$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Векторное произведение векторов $\vec{a} = (a; -6; -10)$ и

$\vec{b} = (1; -3; b)$ равно нулю, если...

$$a = -2; b = -5$$

$$+a = 2; b = -5$$

$$a = -2; b = 5$$

$$a = 2; b = 5$$

Таблица 3 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ОПК-1.6. Решение инженерных задач с помощью математического аппарата векторной алгебры, аналитической геометрии ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Знает основные понятия и методы линейной и векторной алгебры, но допускает неточности в доказательствах теоретических утверждений и выводах формул, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математического аппарата линейной и векторной алгебры для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при решении такого типа задач.	Знает основные понятия и методы линейной и векторной алгебры, умеет доказывать теоретические утверждения и выводить формулы, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарат линейной и векторной алгебры для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	Знает основные понятия и методы линейной и векторной алгебры, умеет доказывать теоретические утверждения и выводить формулы, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками использования математического аппарата линейной и векторной алгебры для решения инженерных задач и описания физических процессов и владеет навыками содержательной интерпретации полученных результатов (составление и решение систем линейных уравнений при

			решении практических задач, использование методов векторной алгебры для нахождения работы постоянной силы, определения момента силы относительно точки, нахождения линейной скорости вращения и т.п., для решения геометрических задач на нахождение углов, площадей, объемов).
--	--	--	--

Раздел №2. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве

Контрольная работа №1 «Аналитическая геометрия на плоскости»

Типовые задания:

Базовый уровень

Задание № 1.

Даны координаты вершин треугольника ABC $A(-3; -2)$, $B(0; 10)$, $C(6; 2)$.
Найти:

- 1) длину стороны AB ;
- 2) уравнения сторон AB и AC и их угловые коэффициенты;
- 3) внутренний угол A ;
- 4) уравнение высоты CD и ее длину;
- 5) длину медианы AE ;
- 6) уравнение окружности, для которой CD служит диаметром;
- 7) точку пересечения медиан;
- 8) уравнение прямой, проходящей через точку A , параллельно высоте CD .

Задание № 2.

Дано уравнение эллипса $4x^2 + y^2 = 16$. Построить эллипс. Найти полуоси, координаты вершин, фокусов, эксцентриситет.

Задание № 3.

Даны действительная полуось $a=2\sqrt{3}$ и эксцентриситет $\varepsilon=\sqrt{3}$ гиперболы. Составить уравнение гиперболы. Построить гиперболу и найти координаты вершин, фокусов, уравнения асимптот гиперболы.

Задание № 4.

Дано уравнение параболы $y^2 = -10x$. Построить параболу и найти координаты фокуса и уравнение директрисы параболы.

*Повышенный уровень***Задание № 5.**

Через фокус параболы $y^2 = -x$ проведена прямая под углом 135° к оси Ox . Найти длину образовавшейся хорды.

Задание № 6.

Доказать оптическое свойство параболы: луч света, исходящий из фокуса параболы, отразившись от нее, идет по прямой, параллельной оси этой параболы.

Индивидуальное домашнее задание № 2 «Аналитическая геометрия в пространстве»*Типовые задания:**Базовый уровень***Задание № 1.**

Даны координаты точек $A(3; -1; 2)$, $B(4; -1; -1)$, $C(2; 0; 2)$, $D(1; 2; 4)$.

Требуется:

- 1) написать уравнение плоскости ABC ;
- 2) написать уравнение плоскости, проходящей через точку D параллельно плоскости ABC ;
- 3) написать канонические и параметрические уравнения прямой AB ;
- 4) написать канонические уравнения прямой, проходящей через точку D перпендикулярно плоскости ABC ;
- 5) найти расстояние от точки D до плоскости ABC .

*Повышенный уровень***Задание №2.**

Найти проекцию точки $A(3; -1; 2)$ на плоскость BCD .

Задание №3.

Найти кратчайшее расстояние от точки $A(3; -1; 2)$ до сферы $x^2 + y^2 + z^2 = 4$.

Письменный тест

1 задание: Основные задачи аналитической геометрии на плоскости:
расстояние между точками

Выберите один правильный вариант ответа.

Даны точки $A(0; 2)$, $B(3; 5)$, $C(3; 6)$. Тогда периметр треугольника ABC равен ...

- $6 + \sqrt{58}$
- $+ 6 + 3\sqrt{2}$
- $5\sqrt{10}$
- $16 + 3\sqrt{2}$

Выберите один правильный вариант ответа.

Даны точки $A(-1; 3)$, $B(1; 2)$, $C(0; 5)$. Тогда периметр треугольника ABC равен ...

- $+ 6\sqrt{5} + \sqrt{65}$
- $26\sqrt{5} + \sqrt{65}$
- $5\sqrt{10}$
- $2 + \sqrt{5}$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Если длина отрезка AB равна 15, то координаты начала и конца отрезка могут быть равны соответственно ...

- $A(5; 12)$ и $B(-7; 3)$
- $A(-6; 1)$ и $B(6; 10)$
- $+ A(0; 0)$ и $B(15; 15)$ (50%)
- $+ A(0; 15)$ и $B(15; 0)$ (50%)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Если длина отрезка AB равна 8, то координаты начала и конца отрезка могут быть равны соответственно ...

- $+ A(-3; -3)$ и $B(5; -3)$ (50%)
- $A(0; 8)$ и $B(8; 0)$
- $+ A(2; -1)$ и $B(10; -1)$ (50%)
- $A(0; 0)$ и $B(8; 8)$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Если длина отрезка AB равна 10, то координаты начала и конца отрезка могут быть равны соответственно ...

- + $A(2; -1)$ и $B(10; 5)$ (50%)
- + $A(-3; -3)$ и $B(5; 3)$ (50%)
- $A(0; 10)$ и $B(10; 0)$
- $A(0; 0)$ и $B(10; 10)$

2 задание: Основные задачи аналитической геометрии на плоскости:
деление отрезка в заданном отношении

Введите Ваш вариант ответа.

Даны точки $A(1; 10)$ и $B(-13; 2)$. Тогда сумма координат середины отрезка равна ...
 0

Введите Ваш вариант ответа.

Даны точки $A(5; 7)$ и $B(-3; 5)$. Тогда сумма координат середины отрезка равна...
 2

Введите Ваш вариант ответа.

Даны точки $A(-1; -1)$ и $B(3; -7)$ Тогда сумма координат середины отрезка равна...
 3

Выберите один правильный вариант ответа.

Даны вершины треугольника ABC : $A(3; 4)$, $B(-3; 4)$, $C(0; -2)$, CD – его медиана. Тогда координаты точки D равны ...
 + $(0; 4)$
 $(0; 8)$
 $\left(\frac{3}{2}; 1\right)$
 $(-3; 0)$

Выберите один правильный вариант ответа.

Даны вершины треугольника ABC : $A(-1; 2)$, $B(3; 2)$, $C(1; -2)$, CD – его медиана. Тогда координаты точки D равны ...
 $(0; 0)$
 $(2; 4)$
 + $(1; 2)$
 $(2; 0)$

3 задание: Прямая на плоскости

Выберите один правильный вариант ответа.

Общее уравнение прямой, проходящей через точки $A(-2;3)$ и $B(3;-3)$ имеет вид...

$+6x + 5y - 3 = 0$

$-5x - y - 7 = 4$

$6x + 5y - 27 = 0$

$-5x + 6y = 0$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Среди прямых

$l_1: x + 5y + 10 = 0,$

$l_2: 2x + 10y - 5 = 0,$

$l_3: 2x - 10y - 10 = 0,$

$l_4: -2x + 10y - 10 = 0$

параллельными являются ...

l_1 и l_3

$+ l_3$ и l_4 (50%)

l_2 и l_3

$+ l_1$ и l_2 (50%)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Прямая на плоскости задана уравнением $y = 2x - 7$. Тогда перпендикулярными к ней являются прямые ...

$+ -4y - 2x + 7 = 0$ (50%)

$y = 2x - 8$

$x - 2y - 5 = 0$

$+x + 2y + 5 = 0$ (50%)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Прямая на плоскости задана уравнением $2y + 8x - 5 = 0$. Тогда параллельными к ней являются прямые ...

$3y - 12x + 7 = 0$

$+4x + y - 9 = 0$ (50%)

$4x - y + 5 = 0$

$+3y + 12x - 13 = 0$ (50%)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Прямая на плоскости задана уравнением $5y + x - 3 = 0$. Тогда перпендикулярными к ней являются прямые ...

$+2y - 10x + 3 = 0$ (50%)

$5x + y + 9 = 0$

$2y + 10x - 5 = 0$

$+5x - y - 7 = 0$ (50%)

4 задание: Кривые второго порядка

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Параболами являются ...

$x^2 + 4y^2 = 1$

$\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{25} = 1$

$+y^2 = 4x$

$+x^2 = 4y$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Гиперболами являются ...

$\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{7} = 1$

$+ \frac{x^2}{13} - \frac{y^2}{7} = 1$

$+ \frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{17} = 1$

$\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{4} = 1$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Параболами являются ...

$(x+1)^2 - (y+2)^2 = 36$

$+x + y^2 = 25$

$+x^2 - y = 4$

$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Гиперболами являются ...

$+9x^2 - 16y^2 = 12$

$(x-2)^2 + (y-2)^2 = 4$

$x^2 + y^2 = 1$

$+x^2 - y^2 = 1$

Выберите один правильный вариант ответа.

Окружностью является ...

$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{7} = 1$

$x - 3y - 7 = 0$

$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{7} = 1$

$+x^2 + y^2 = 9$

5 задание: Кривые второго порядка

Соотнесите элементы двух списков и нажмите кнопку «Далее»

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола	2. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ (33,5 %)
2. Эллипс	$y^2 - 9 = 0$
3. Гипербола	$y^2 + 25 = 0$
	1. $y^2 = 9x$ (33,5 %)
	3. $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{25} = 1$ (33,5 %)

Соотнесите элементы двух списков и нажмите кнопку «Далее»

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола	2. $\frac{x^2}{27} + \frac{y^2}{13} = 1$ (33,5 %)
2. Эллипс	$13y^2 - 27x^2 = 0$
3. Гипербола	$27y^2 + 13x^2 = 0$
	3. $\frac{x^2}{13} - \frac{y^2}{27} = 1$ (33,5 %)
	1. $y^2 = 13x$ (33,5 %)

Соотнесите элементы двух списков и нажмите кнопку «Далее»

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола	3. $\frac{x^2}{7} - \frac{y^2}{12} = 1$ (33,5 %)
2. Эллипс	1. $y^2 = 12x$ (33,5 %)
3. Гипербола	$12y^2 - 7x^2 = 0$
	$7y^2 + 12x^2 = 0$
	2. $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{7} = 1$ (33,5 %)

Соотнесите элементы двух списков и нажмите кнопку «Далее»

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола	3. $\frac{x^2}{8} - \frac{y^2}{15} = 1$ (33,5 %)
2. Эллипс	2. $\frac{x^2}{15} + \frac{y^2}{8} = 1$ (33,5 %)
3. Гипербола	$15y^2 - 8x^2 = 0$
	1. $y^2 = 8x$ (33,5 %)
	$8y^2 + 15x^2 = 0$

Соотнесите элементы двух списков и нажмите кнопку «Далее»

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола	3. $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{81} = 1$ (33,5 %)
2. Эллипс	$81y^2 - 49x^2 = 0$
3. Гипербола	$49y^2 + 81x^2 = 0$
	1. $y^2 = 49x$ (33,5 %)
	2. $\frac{x^2}{81} + \frac{y^2}{49} = 1$ (33,5 %)

6 задание: Кривые второго порядка

Выберите один правильный вариант ответа.

Если уравнение гиперболы имеет вид $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$, то длина ее действительной полуоси равна...

- 9
- +2
- 3
- 4

Выберите один правильный вариант ответа.

Если уравнение гиперболы имеет вид $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$, то длина ее действительной полуоси равна...

- +4
- 16
- 9
- 3

Выберите один правильный вариант ответа.

Если уравнение эллипса имеет вид $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$, то длина его малой полуоси равна...

- 4
- 16
- 9
- +3

Выберите один правильный вариант ответа.

Уравнение параболы с вершиной в начале координат, симметричной относительно оси Ox и проходящей через точку $A(4;-2)$, имеет вид ...

- $y^2 = -x$
- $y^2 = 4x$
- $x^2 = -8y$
- $+y^2 = x$

Введите Ваш вариант ответа.

Расстояние между фокусами эллипса $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ равно ...

- 10

7 задание: Основные задачи аналитической геометрии в пространстве

Выберите один правильный вариант ответа.

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с абсциссами разных знаков. Тогда этот отрезок обязательно пересекает...

- +плоскость Oyz
- плоскость Oxy
- плоскость Oxz
- ось абсцисс

Выберите один правильный вариант ответа.

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с аппликатами разных знаков. Тогда этот отрезок обязательно пересекает...

- ось аппликат
- плоскость Oxz
- плоскость Oyz
- +плоскость Oxy

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с абсциссами одинаковых знаков. Тогда этот отрезок не может пересекать...

- плоскость Oxy
- ось абсцисс
- +плоскость Oxz
- +плоскость Oyz

Выберите один правильный вариант ответа.

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с нулевыми аппликатами. Тогда этот отрезок целиком лежит...

- +в плоскости Oxy
- в плоскости Oxz
- на оси аппликат
- в плоскости Oyz

Выберите один правильный вариант ответа.

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с нулевыми абсциссами и аппликатами. Тогда этот отрезок обязательно лежит...

- на оси абсцисс

+на оси ординат
на оси аппликат
в плоскости Oxy

8 задание: Основные задачи аналитической геометрии в пространстве

Выберите один правильный вариант ответа.

Координата y_0 точки $A(1; y_0; 6)$, принадлежащей плоскости

$7x - y + 6z - 40 = 0$, равна ...

- 5
- +3
- 4
- 2

Выберите один правильный вариант ответа.

Координата z_0 точки $A(1; 3; z_0)$, принадлежащей плоскости

$3x - 7y + z + 7 = 0$, равна ...

- 7
- 10
- 13
- +11

Выберите один правильный вариант ответа.

Координата y_0 точки $A(5; y_0; 1)$, принадлежащей плоскости

$2x - y + 9z - 15 = 0$, равна...

- 6
- +4
- 7
- 5

Выберите один правильный вариант ответа.

Координата x_0 точки $A(x_0; 1; 3)$, принадлежащей плоскости

$2x + y - 2z - 3 = 0$, равна ...

- 5
- 3
- 6
- +4

Выберите один правильный вариант ответа.

Координата x_0 точки $A(x_0; 1; 4)$, принадлежащей плоскости

$3x + 2y - z - 4 = 0$, равна ...

- +2
- 3

– 4
1

9 задание: Плоскость в пространстве

Выберите один правильный вариант ответа.

Нормальный вектор плоскости $x - 4y - 8z - 3 = 0$ имеет координаты

...

- + (1; –4; –8)
- (– 4; –8; –3)
- (1; –4; 8)
- (1; –4; –3)

Выберите один правильный вариант ответа

Нормальный вектор плоскости $7x - y - z = 0$ имеет координаты ...

- (7; 0; –1)
- + (7; –1; –1)
- (– 7; 1; 1)
- (7; 0; 0)

Выберите один правильный вариант ответа.

Нормальный вектор плоскости $4x + 8y + 9z - 1 = 0$ имеет координаты ...

- (4; 8; – 1)
- + (4; 8; 9)
- (8; 9; – 1)
- (– 4; – 8; – 9)

Выберите один правильный вариант ответа.

Нормальный вектор плоскости $x - 5y + 6z - 11 = 0$ имеет координаты ...

- + (1; – 5; 6)
- (– 5; 6; – 11)
- (– 1; 5; – 6)
- (1; 6; – 11)

Выберите один правильный вариант ответа.

Нормальный вектор плоскости $3x + 2y + z - 10 = 0$ имеет координаты ...

- (3; 1; – 10)
- (2; 1; – 10)
- (– 3; – 2; – 1)

+(3; 2; 1)

10 задание: Поверхности второго порядка

Выберите один правильный вариант ответа.

Точка, принадлежащая поверхности $\frac{(x+1)^2}{4} + \frac{(y+2)^2}{25} - \frac{(z-5)^2}{2} = 1$,

имеет координаты ...

+(1;-2;5)

(-1;-2;5)

(1;2;-5)

(4;25;2)

Выберите один правильный вариант ответа.

Дано уравнение сферы $x^2 + (y-5)^2 + z^2 - 10z - 26 = 0$. Тогда ее центр имеет координаты ...

(0;-5;-5)

+(0;5;5)

(0;10;10)

(0;-10;-10)

Выберите один правильный вариант ответа.

Дано уравнение сферы $(x-2)^2 + (y+3)^2 + (z-4)^2 = 4$. Тогда ее центр имеет координаты ...

(2;3;4)

(-2;3;-4)

(-2;-3;-4)

+(2;-3;4)

Выберите один правильный вариант ответа.

Дано уравнение сферы $(x+5)^2 + (y-4)^2 + (z-3)^2 = 9$. Тогда ее центр имеет координаты ...

(5;-4;-3)

+(-5;4;3)

(5;4;3)

(-5;-4;-3)

Выберите один правильный вариант ответа.

Дано уравнение сферы $(x - 3)^2 + (y + 2)^2 + (z + 1)^2 = 4$. Тогда ее центр имеет координаты ...

- (3;2;1)
- (- 3;2;1)
- (- 3;-2;-1)
- + (3;-2;-1)

Таблица 4 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ОПК-1.6. Решение инженерных задач с помощью математического аппарата векторной алгебры, аналитической геометрии	Знает основные понятия и методы аналитической геометрии, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математического аппарата аналитической геометрии для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при решении такого типа задач.	Знает основные понятия и методы аналитической геометрии, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарат аналитической геометрии для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	Знает основные понятия и методы аналитической геометрии, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками использования математического аппарата аналитической геометрии для решения инженерных задач и описания физических процессов и владеет навыками содержательной интерпретации полученных

			результатов (составление уравнений линий и поверхностей, установление взаимного расположения объектов на плоскости и в пространстве).
--	--	--	--

Раздел №3. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Контрольная работа №2 «Дифференцирование функций одной переменной»

Типовые задания

Базовый уровень

Задание № 1.

Найти производные заданных функций.

1) $y = (3x - 4\sqrt[3]{x} + 2)^4$

2) $y = \frac{4x + 7\operatorname{tg}x}{\sqrt{1+9x^2}}$

3) $y = \cos 3x \cdot e^{\sin x}$

4) $y = \ln \operatorname{arctg} 2x$

Повышенный уровень

Задание №2.

Найти производную неявной функции

$$\sin(x - 2y) + \frac{x^3}{y} = 7x.$$

Задание №3.

Найти производную $\frac{dy}{dx}$ параметрически заданной функции $\begin{cases} x = e^{-t} \cos t, \\ y = e^t \cos t. \end{cases}$

Задание №4.

Тело, выпущенное вертикально вверх, движется по закону $s(t) = 4 + 8t - 5t^2$, где высота $s(t)$ измеряется в метрах, а время t – в секундах. Найти: а) скорость тела в начальный момент времени; б) скорость тела в момент соприкосновения с землей; в) наибольшую высоту подъема тела.

Индивидуальное домашнее задание №3 «Исследование функций одной переменной и построение графиков»

Типовые задания

Базовый уровень

Задание №1.

Исследовать данную функцию $y = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 5$ методами дифференциального исчисления и построить ее график. Исследование и построение графика рекомендуется проводить по следующей схеме:

- 1) найти область определения функции;
- 2) исследовать функцию на четность, нечетность;
- 3) исследовать функцию на непрерывность, найти точки разрыва, если они существуют, определить их род;
- 4) найти точки экстремума и экстремумы функции, определить интервалы возрастания и убывания функции;
- 5) найти точки перегиба графика функции, определить интервалы выпуклости и вогнутости графика функции;
- 6) найти асимптоты графика функции, если они имеются;
- 7) найти точки пересечения графика функции с осями координат; при необходимости можно дополнительно найти точки графика функции, давая значению x ряд значений и вычисляя соответствующие значения y ;
- 8) построить график функции, используя результаты исследования.

Задание № 2.

Найти наибольшее и наименьшее значения данной функции $y = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 5$ на отрезке $[1; 3]$.

Задание № 3.

Исследовать данную функцию $y = \frac{x^2 + 21}{x - 2}$ методами дифференциального исчисления и построить ее график.

Исследование и построение графика рекомендуется проводить по следующей схеме:

- 1) найти область определения функции;
- 2) исследовать функцию на четность, нечетность;
- 3) исследовать функцию на непрерывность, найти точки разрыва, если они существуют, определить их род;
- 4) найти точки экстремума и экстремумы функции, определить интервалы возрастания и убывания функции;
- 5) найти точки перегиба графика функции, определить интервалы выпуклости и вогнутости графика функции;
- 6) найти асимптоты графика функции, если они имеются;

7) найти точки пересечения графика функции с осями координат; при необходимости можно дополнительно найти точки графика функции, давая значению x ряд значений и вычисляя соответствующие значения y ;

8) построить график функции, используя результаты исследования.

Задание № 4.

Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{1 - 2 \cos x}{\sin(\pi - 3x)}$ по правилу Лопиталя.

Повышенный уровень

Задание № 5.

Решить задачу: Сечение оросительного канала имеет форму равнобокой трапеции, боковые стороны которой равны меньшему основанию. При каком угле наклона боковых сторон сечение канала будет иметь наибольшую площадь.

Письменный тест

1 задание: Основные свойства функций: область определения функции

Выберите один правильный вариант ответа.

Областью определения функции $y = \frac{\sqrt{x+6}}{\sqrt[3]{x+3}}$ **является множество ...**

- (6; +∞)
- $+[-6; -3) \cup (-3; +\infty)$
- (-3; +∞)
- $[-6; +\infty)$

Выберите один правильный вариант ответа.

Областью определения функции $y = \frac{\ln(1-x)}{x+3}$ **является множество ...**

- $+(-\infty; -3) \cup (-3; 1)$
- $(-\infty; 1)$
- $(-\infty; 1]$
- $(-\infty; -3) \cup (-3; 1]$

Выберите один правильный вариант ответа.

Областью определения функции $y = \arccos\left(\frac{x}{2} - 1\right)$ **является**

множество ...

- $+ [0; 4]$

$[2; +\infty)$
 $(0; 4)$
 $[0; 1]$

Выберите один правильный вариант ответа.

Областью определения функции $y = \sqrt{4 - x^2}$ является множество ...

$(-2; 2)$
 $+[-2; 2]$
 $(-\infty; 2)$
 $(-\infty; 2]$

Выберите один правильный вариант ответа.

Областью определения функции $y = \frac{x}{\sqrt{x^2 - 9}}$ является множество ...

$(-\infty; 3)$
 $[-3; 3]$
 $+(-\infty; -3) \cup (3; +\infty)$
 $(-\infty; -3] \cup [3; +\infty)$

2 задание: Основные свойства функций: множество значений

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана функция $y = 8\cos(3x + 6)$. Тогда ее областью значений является множество ...

$+[-8, 8]$
 $[-24, 24]$
 $(-\infty, +\infty)$
 $[-1, 1]$

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана функция $y = 5\sin(2x + 3)$. Тогда ее областью значений является множество ...

$[-1; 1]$
 $+[-5; 5]$
 $(-\infty; +\infty)$
 $[-10; 10]$

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана функция $y = 4\cos(5x + 7)$. Тогда ее областью значений является множество ...

$[-20; 20]$

$[-1; 1]$

$(-\infty; +\infty)$

$+[-4; 4]$

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана функция $y = 3\sin(7x - 4)$. Тогда ее областью значений является множество ...

$(-\infty; +\infty)$

$+[-3; 3]$

$[-21; 21]$

$[-1; 1]$

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана функция $y = 2\sin(5x + 3)$. Тогда ее областью значений является множество ...

$[-10; 10]$

$+[-2; 2]$

$(-\infty; +\infty)$

$[-1; 1]$

3 задание: Основные свойства функций: четность, нечетность

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций являются нечетными:

$+ y = \frac{x}{\cos x} + \sin x$ (50 %)

$y = x^3 \cdot \operatorname{tg} x$

$+ y = x^3 + \operatorname{tg} x$ (50 %)

$y = \frac{x(x+1)}{\sin x}$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций являются нечетными:

$y = x^3 \cdot \operatorname{ctg} x$

$$+ y = \frac{\cos x}{x} - \sin x \text{ (50 \%)}$$

$$+ y = x^3 + \sin x \text{ (50 \%)}$$

$$y = \frac{x(x-1)}{\operatorname{tg} x}$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций являются нечетными:

$$y = x^3 \cdot \sin x$$

$$+ y = \frac{x}{\cos x} + \operatorname{tg} x \text{ (50 \%)}$$

$$+ y = x^3 + \operatorname{ctg} x \text{ (50 \%)}$$

$$y = \frac{x(x+1)}{\operatorname{ctg} x}$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций являются нечетными:

$$y = x^3 \cdot \sin x$$

$$+ y = \frac{x}{\cos x} - \sin x \text{ (50 \%)}$$

$$y = \frac{x(x+1)}{\operatorname{tg} x}$$

$$+ y = x^3 - \operatorname{tg} x \text{ (50 \%)}$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций являются нечетными:

$$y = x^3 \cdot \arcsin x$$

$$+ y = \frac{x}{\cos x} - \operatorname{tg} x \text{ (50 \%)}$$

$$+ y = x^3 + \operatorname{tg} x \text{ (50 \%)}$$

$$y = \frac{x(x+1)}{\operatorname{tg} x}$$

4 задание: Основные свойства функций: периодичность

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций имеют период $\frac{1}{3}$.

+ $y = \operatorname{tg} 3\pi x$ (50 %)

+ $y = \cos 6\pi x$ (50 %)

$y = \operatorname{ctg} \frac{\pi x}{3}$

$y = \sin \frac{2\pi}{3} x$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций имеют период 4.

$y = \sin 2\pi x$

+ $y = \operatorname{tg} \frac{\pi x}{4}$ (50 %)

$y = \operatorname{ctg} 4\pi x$

+ $y = \cos \frac{\pi x}{2}$ (50 %)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций имеют период $\frac{1}{4}$.

$y = \cos 4\pi x$

$y = \operatorname{ctg} \frac{\pi x}{4}$

+ $y = \sin 8\pi x$ (50 %)

+ $y = \operatorname{tg} 4\pi x$ (50 %)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций имеют период 3.

+ $y = \cos \frac{2\pi}{3} x$ (50 %)

$y = \operatorname{tg} 3\pi x$

$y = \sin \frac{3\pi}{2} x$

+ $y = \operatorname{ctg} \frac{\pi x}{3}$ (50 %)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Укажите, какие из представленных ниже функций имеют период $\frac{1}{4}$.

+ $y = \cos 8\pi x$ (50 %)

$$y = \sin 4\pi x$$

$$+ y = \operatorname{ctg} 4\pi x \text{ (50 \%)}$$

$$y = \operatorname{tg} \frac{\pi x}{4}$$

5 задание: Предел функции

Введите Ваш вариант ответа.

Значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{x}$ **равно ...**

5

Введите Ваш вариант ответа.

Значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin 5x}$ **равно ...**

0,2

Введите Ваш вариант ответа.

Значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3x}{x}$ **равно ...**

3

Введите Ваш вариант ответа.

Значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\operatorname{tg} 2x}$ **равно ...**

0,5

Введите Ваш вариант ответа.

Значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 6x}{\operatorname{tg} 2x}$ **равно ...**

3

6 задание: Предел функции

Выберите один правильный вариант ответа.

Бесконечно-малой функцией при $x \rightarrow 0$ является ...

$$f(x) = x^2 + 1$$

$$+ f(x) = \frac{x}{x-3}$$

$$f(x) = \frac{5}{x}$$

$$f(x) = e^x$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Бесконечно-малой функцией при $x \rightarrow 0$ является ...

$$f(x) = x^2 - 1$$

$$+ f(x) = \frac{x}{x+7}$$

$$f(x) = 3^x$$

$$f(x) = \frac{6}{x^2}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Бесконечно-малой функцией при $x \rightarrow 0$ является ...

$$f(x) = x^2 + 5$$

$$f(x) = \frac{x+3}{x-7}$$

$$+ f(x) = \sin x$$

$$f(x) = \frac{6}{x}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Бесконечно-малой функцией при $x \rightarrow 0$ является ...

$$+ f(x) = \operatorname{tg} 3x$$

$$f(x) = x^2 + 1$$

$$f(x) = \ln x$$

$$f(x) = \frac{1}{x}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Бесконечно-малой функцией при $x \rightarrow 0$ является ...

$$+ f(x) = \operatorname{tg} 4x$$

$$f(x) = x^2 + 5$$

$$f(x) = \ln x$$

$$f(x) = \frac{1}{x^3}$$

7 задание: Производные первого порядка функции одной переменной

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная функции $y = \sin(x^2 + 1)$ равна ...

$$-2x \cos(x^2 + 1)$$

$$\begin{aligned} &\cos(x^2 + 1) \\ &+ 2x \cos(x^2 + 1) \\ &x \cos(x^2 + 1) \end{aligned}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная функции $y = \cos(5x^2 - 2)$ равна ...

$$\begin{aligned} &x \sin(5x^2 - 2) \\ &-\sin(5x^2 - 2) \\ &+ -10x \sin(5x^2 - 2) \\ &10x \sin(5x^2 - 2) \end{aligned}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная функции $y = \sin(2x^2 - 5)$ равна ...

$$\begin{aligned} &-x \cos(2x^2 - 5) \\ &\cos(2x^2 - 5) \\ &+ 4x \cos(2x^2 - 5) \\ &-4x \cos(2x^2 - 5) \end{aligned}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная функции $y = \cos(3x^2 + 2)$ равна ...

$$\begin{aligned} &+ -6x \sin(3x^2 + 2) \\ &x \sin(3x^2 + 2) \\ &-\sin(3x^2 + 2) \\ &6x \sin(3x^2 + 2) \end{aligned}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная функции $y = \frac{x+3}{x+2}$ равна ...

$$\begin{aligned} &-\frac{1}{x+2} \\ &\frac{2x+5}{(x+2)^2} \\ &\frac{1}{(x+2)^2} \end{aligned}$$

$$+ - \frac{1}{(x+2)^2}$$

8 задание: Производные высших порядков функции одной переменной

Выберите один правильный вариант ответа.

Значение производной второго порядка функции $y = 2\sin 3x - 5x$ в точке $x = \frac{\pi}{6}$ равно ...

- 2
- + - 18
- 23
- 0

Выберите один правильный вариант ответа.

Значение производной второго порядка функции $y = e^{-3(x-1)} + 5x$ в точке $x = 1$ равно ...

- 0
- 6
- +9
- 1

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная второго порядка функции $y = \ln 2x$ имеет вид ...

- $-\frac{1}{2x^2}$
- $+ - \frac{1}{x^2}$
- $\frac{2}{x}$
- $\frac{1}{x^2}$

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная второго порядка функции $y = \frac{3}{2x+5}$ равна ...

- $+\frac{24}{(2x+5)^3}$
- $\frac{6}{(2x+5)^3}$

$$\frac{12}{(2x+5)^3} - \frac{6}{(2x+5)^3}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Производная третьего порядка функции $y = x \cdot \ln 2x$ равна ...

$$\frac{1}{x^2}$$

$$+ - \frac{1}{x^2}$$

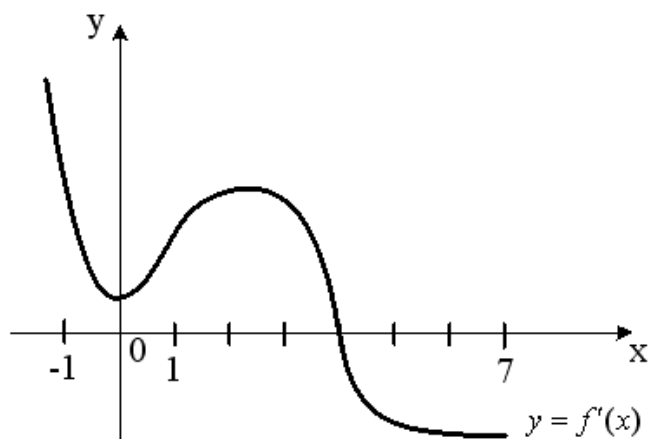
$$\frac{2}{x^3}$$

$$\frac{1}{x}$$

9 задание: Приложения дифференциального исчисления функции одной переменной

Выберите один правильный вариант ответа.

На рисунке изображен график производной $y = f'(x)$ функции $y = f(x)$, заданной на отрезке $[-1; 7]$.



Тогда точкой максимума функции $y = f(x)$ является ...

2

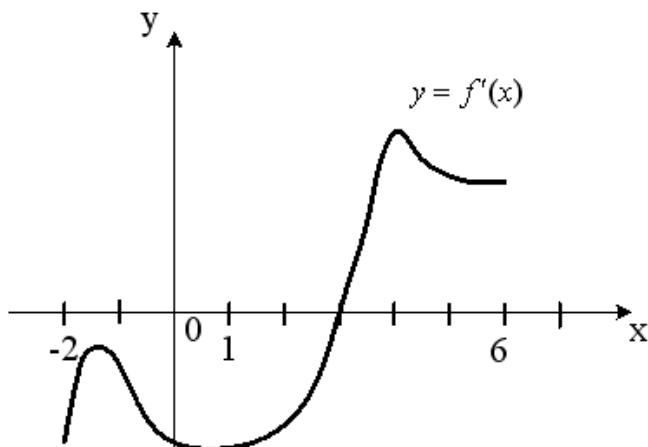
-1

+4

0

Выберите один правильный вариант ответа.

На рисунке изображен график производной $y = f'(x)$ функции $y = f(x)$, заданной на отрезке $[-2; 6]$.

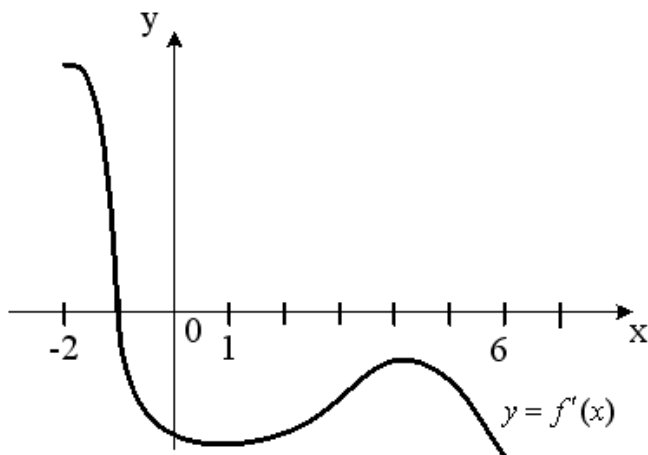


Тогда точкой минимума функции $y = f(x)$ является ...

- 2
- + 3
- 4
- 1

Выберите один правильный вариант ответа.

На рисунке изображен график производной $y = f'(x)$ функции $y = f(x)$, заданной на отрезке $[-2; 6]$.

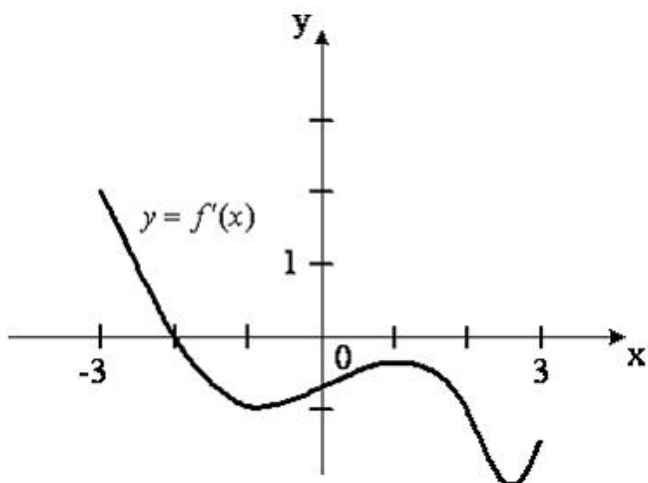


Тогда точкой максимума функции $y = f(x)$ является ...

- 6
- 4
- + - 1
- 2

Выберите один правильный вариант ответа.

На рисунке изображен график производной $y = f'(x)$ функции $y = f(x)$, заданной на отрезке $[-3; 3]$.

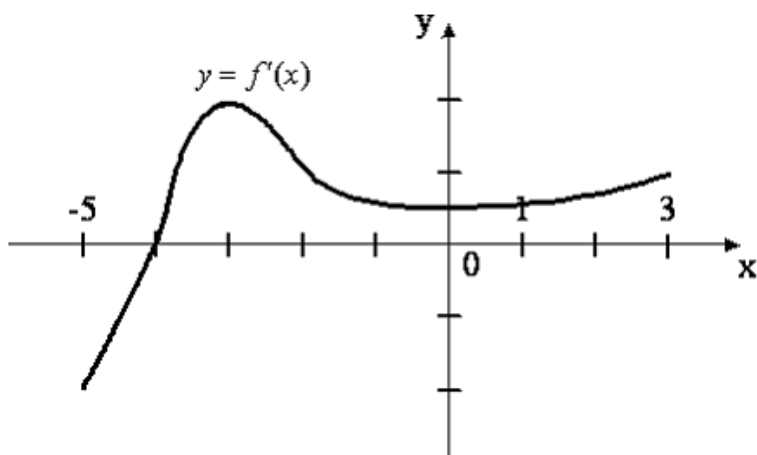


Тогда точкой максимума функции $y = f(x)$ является ...

- 1
- 3
- + - 2
- 3

Выберите один правильный вариант ответа.

На рисунке изображен график производной $y = f'(x)$ функции $y = f(x)$, заданной на отрезке $[-5; 3]$.



Тогда точкой минимума функции $y = f(x)$ является ...

- + - 4
- 3
- 5
- 3

10 задание: Асимптоты графика функции

Выберите один правильный вариант ответа.

Уравнение наклонной асимптоты графика функции $y = \frac{8x - x^2}{x + 2}$

имеет вид $y = kx + 10$. Тогда значение k равно ...

- 1
- 4
- + − 1
- − 2

Выберите один правильный вариант ответа.

Уравнение наклонной асимптоты графика функции $y = \frac{5x - 2x^2}{x + 1}$

имеет вид $y = kx + 7$. Тогда значение k равно ...

- 1
- 5
- − 1
- + − 2

Выберите один правильный вариант ответа.

Уравнение наклонной асимптоты графика функции $y = \frac{7x + 3x^2}{x + 1}$

имеет вид $y = kx + 4$. Тогда значение k равно ...

- 1
- +3
- 7
- − 2

Выберите один правильный вариант ответа.

Уравнение наклонной асимптоты графика функции $y = \frac{3x - 4x^2}{x - 1}$

имеет вид $y = kx + 7$. Тогда значение k равно ...

- 1
- − 3
- 7
- + − 4

Выберите один правильный вариант ответа.

Уравнение наклонной асимптоты графика функции $y = \frac{x + 4x^2}{2x - 1}$

имеет вид $y = kx + 5$. Тогда значение k равно ...

- 1
- − 1
- 4
- + − 4

Таблица 5 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Знает основные понятия и методы дифференциального исчисления функций одной переменной, но допускает неточности в доказательствах теоретических утверждений и выводах формул, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математического аппарата дифференциального исчисления функций одной переменной для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при решении такого типа задач.	Знает основные понятия и методы дифференциального исчисления функций одной переменной, умеет доказывать теоретические утверждения и выводить формулы, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарат дифференциального исчисления функций одной переменной для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	Знает основные понятия и методы дифференциального исчисления функций одной переменной, умеет доказывать теоретические утверждения и выводить формулы, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками использования математического аппарата дифференциального исчисления функций одной переменной для решения инженерных задач и описания физических процессов и владеет навыками содержательной интерпретации полученных результатов (применять

			дифференциал в приближенных вычислениях, исследовать с помощью производной функции, встречающиеся в инженерных и физических задачах, применять производную для решения задач на нахождение наибольшего и наименьшего значений функции при решении практических задач).
--	--	--	--

Модуль 4. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных

Контрольная работа № 3 «Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных»

Типовые задания

Базовый уровень

Задание № 1.

Дана функция $u = y\sqrt{\frac{y}{x}}$. Проверить, удовлетворяет ли она заданному уравнению $x^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - y^2 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0$.

Задание № 2.

Исследовать функцию $z = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ на экстремум.

Повышенный уровень

Задание №3.

Найти линии уровня функции $z = \sqrt{y - x^2}$.

Задание №4.

Найти градиент функции $z = x \ln(x + y)$ и его модуль в точке $M(-1; 2)$.

Задание №5.

Поток пассажиров z выражается функцией $z = \frac{x^2}{y}$, где x – число жителей; y – расстояние между городами. Найти частные производные этой функции и пояснить их смысл.

Письменное тестирование1 задание: Частные производные первого порядка функции двух переменных

Выберите один правильный вариант ответа.

Частная производная функции $z = x^4 \cos 3y$ по переменной y в точке

$M\left(1; \frac{\pi}{6}\right)$ равна ...

+– 3

4

3

0

Выберите один правильный вариант ответа.

Частная производная функции $z = x^3 \sin 6y$ по переменной y в точке

$M\left(-1; \frac{\pi}{18}\right)$ равна ...

+– 3

6

0

3

Выберите один правильный вариант ответа.

Частная производная функции $z = e^{x^2+y}$ по переменной x в точке

$M(1; 0)$ равна...

0

+ 2e

e^2

e

Выберите один правильный вариант ответа.

Частная производная функции $z = e^{x^3+y}$ по переменной x в точке

$M(1; 0)$ равна ...

- + $3e$
- e
- e^2
- 3

Выберите один правильный вариант ответа.

Частная производная функции $z = e^{x^3+y}$ по переменной y в точке $M(0; 1)$ равна ...

- + $2e$
- e
- 1
- $2e^2$

2 задание: Полный дифференциал первого порядка функции двух переменных

Выберите один правильный вариант ответа.

Полный дифференциал первого порядка функции $z = \ln(3x + 2y^2)$ в точке $M(1; 2)$ имеет вид ...

- $\frac{8}{11}dx + \frac{3}{11}dy$
- $+\frac{3}{11}dx + \frac{8}{11}dy$
- $\frac{1}{11}dx + \frac{1}{11}dy$
- другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Полный дифференциал первого порядка функции $z = \ln(2x^2 + 4y)$ в точке $M(2; 1)$ имеет вид ...

- $+\frac{2}{3}dx + \frac{1}{3}dy$
- $\frac{1}{3}dx + \frac{2}{3}dy$
- $\frac{1}{12}dx + \frac{1}{12}dy$
- другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Полный дифференциал первого порядка функции $z = \ln(3x^3 + 2y)$ в точке $M(1; 1)$ имеет вид ...

$$+\frac{9}{5}dx + \frac{2}{5}dy$$

$$\frac{2}{5}dx + \frac{9}{5}dy$$

$$\frac{1}{5}dx + \frac{1}{5}dy$$

другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Полный дифференциал первого порядка функции $z = \ln(x^2 + 3y^2)$ в точке $M(1; 3)$ имеет вид ...

$$\frac{9}{14}dx + \frac{1}{14}dy$$

$$+\frac{1}{14}dx + \frac{9}{14}dy$$

$$\frac{1}{28}dx + \frac{1}{28}dy$$

другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Полный дифференциал первого порядка функции $z = \ln(4x + y^2)$ в точке $M(-1; 1)$ имеет вид ...

$$-\frac{2}{3}dx - \frac{4}{3}dy$$

$$+ -\frac{4}{3}dx - \frac{2}{3}dy$$

$$-\frac{1}{3}dx - \frac{1}{3}dy$$

другой ответ

3 задание: Частные производные второго порядка функции двух переменных

Введите Ваш вариант ответа.

Частная производная $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ функции $z = 2xy^2 - 3y^3x^2 + y$ в точке $M(0; 1)$ равна ...

– 6

Введите Ваш вариант ответа .

Частная производная $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ функции $z = 3x^2y^3 - 5yx + 2x$ в точке $M(1; -1)$ равна ...
6

Введите Ваш вариант ответа.

Частная производная $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = 3x^2y^3 - 5yx + 2x$ в точке $M(0; 1)$ равна ...
- 5

Введите Ваш вариант ответа.

Частная производная $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$ функции $z = 2xy^2 - 3yx^2 + y$ в точке $M(1; -1)$ равна ...
4

Выберите один правильный вариант ответа.

Частная производная второго порядка $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ функции $z = x^2y^3$ равна ...

- $2y^3$
- $2xy^3$
- $+ 6xy^2$
- $2y^3 + 12xy^2 + 6x^2y$

4 задание: Градиент функции двух переменных

Выберите один правильный вариант ответа.

Градиентом функции $z = 4x^2y^3$ в точке $M(1; 2)$ является вектор ...
 $+ \text{grad } z(M) = 64\vec{i} + 48\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 48\vec{i} + 64\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 64\vec{i} + 64\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 48\vec{i} + 48\vec{j}$
другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Градиентом функции $z = 2x^3y^2$ в точке $M(1; 2)$ является вектор ...

$\text{grad } z(M) = 8\vec{i} + 24\vec{j}$
 $+ \text{grad } z(M) = 24\vec{i} + 8\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 24\vec{i} + 24\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 8\vec{i} + 8\vec{j}$
 другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Градиентом функции $z = 4xy^3$ в точке $M(2;1)$ является вектор ...

$+ \text{grad } z(M) = 32\vec{i} + 24\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 24\vec{i} + 32\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 24\vec{i} + 24\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 32\vec{i} + 32\vec{j}$
 другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Градиентом функции $z = 3x^3y$ в точке $M(2;1)$ является вектор ...

$+ \text{grad } z(M) = 36\vec{i} + 24\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 24\vec{i} + 36\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 24\vec{i} + 24\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 36\vec{i} + 36\vec{j}$
 другой ответ

Выберите один правильный вариант ответа.

Градиентом функции $z = 4x^2y^2$ в точке $M(-1;1)$ является вектор ...

$+ \text{grad } z(M) = -8\vec{i} + 8\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 8\vec{i} + 8\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = 8\vec{i} - 8\vec{j}$
 $\text{grad } z(M) = -8\vec{i} - 8\vec{j}$
 другой ответ

Таблица 6 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно»	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального

	50-64% от максимального балла	балла	балла
ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Знает основные понятия и методы дифференциального исчисления функций нескольких переменных, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математического аппарата дифференциального исчисления функций нескольких переменных для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при решении такого типа задач.	Знает основные понятия и методы дифференциального исчисления функций нескольких переменных, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарат дифференциального исчисления функций нескольких переменных для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	Знает основные понятия и методы дифференциального исчисления функций нескольких переменных, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками использования математического аппарата дифференциального исчисления функций нескольких переменных для решения инженерных задач и описания физических процессов и владеет навыками содержательной интерпретации полученных результатов (исследовать с помощью частных производных функции нескольких переменных, встречающиеся в инженерных и физических задачах, находить линии и поверхности

			уровня, градиент, производную по направлению, составлять уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности).
--	--	--	--

Раздел №5. Интегральное исчисление функций одной переменной

Контрольная работа № 4 «Неопределенный интеграл»

Типовые задания:

Базовый уровень

Задание № 1.

Требуется найти неопределенные интегралы. В пунктах 1) и 2) сделать проверку дифференцированием:

$$1) \int \left(3x^2 + \frac{8}{x^5} + 11\sqrt[9]{x^2} \right) dx$$

$$2) \int \sqrt{\cos x} \sin x dx$$

$$3) \int \ln x dx$$

Повышенный уровень

Задание № 2.

$$1) \int \frac{4x-1}{x^2-4x+8} dx$$

$$2) \int \frac{x}{x^3+1} dx$$

$$3) \int \cos^2 x \sin^3 x dx$$

Индивидуальное домашнее задание №4 «Определенный интеграл и его применение»

Типовые задания:

Базовый уровень

Задание № 1.

Вычислить определенный интеграл $\int_0^{\sqrt{3}} x \sqrt[3]{1+x^2} dx$

Задание № 2.

Вычислить определенный интеграл $\int_2^3 x \ln(x-1) dx$.

Задание № 3.

Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями $y = \frac{1}{2}x^2 - x + 1$, $y = -\frac{1}{2}x^2 + 3x + 6$. Построить фигуру.

Задание № 4.

Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, расположенной в первом квадранте и ограниченной параболой $y = \frac{1}{3}x^2$, прямой $y = -x + 6$ и осью Ox . Сделать рисунок фигуры вращения.

Задание № 5.

Вычислить площадь фигуры, ограниченной линией $r = a(1 + \sin 2\varphi)$. Построить фигуру.

Задание № 6.

Вычислить длину дуги кривой $\begin{cases} x = 2(t - \sin t) \\ y = 2(1 - \cos t) \end{cases} \quad 0 \leq t \leq 2\pi$.

Повышенный уровень**Задание № 7.**

Найти центр тяжести однородной дуги окружности $x^2 + y^2 = R^2$, расположенной в первой координатной четверти.

Письменное тестирование**1 задание: Первообразная функции**

Выберите один правильный вариант ответа.

Множество первообразных функции $f(x) = \cos 3x$ имеет вид ...

$3\sin 3x + C$

$-\frac{1}{3}\sin 3x + C$

$3\sin x + C$

$+\frac{1}{3}\sin 3x + C$

Выберите один правильный вариант ответа.

Множество первообразных функции $f(x) = \cos 6x$ имеет вид ...

$\sin 6x + C$

$6\sin 6x + C$

$+\frac{1}{6}\sin 6x + C$

$-\frac{1}{6}\sin 6x + C$

Выберите один правильный вариант ответа.

Множество первообразных функции $f(x) = \cos \frac{x}{4}$ имеет вид ...

$+4\sin \frac{x}{4} + C$

$-4\sin \frac{x}{4} + C$

$\frac{1}{4}\sin \frac{x}{4} + C$

$4\sin \frac{x}{4} + C$

Выберите один правильный вариант ответа.

Множество первообразных функции $f(x) = \sin \frac{x}{2}$ имеет вид ...

$2\cos \frac{x}{2} + C$

$+ - 2\cos \frac{x}{2} + C$

$\frac{1}{2}\cos \frac{x}{2} + C$

$-\frac{1}{2}\cos \frac{x}{2} + C$

Выберите один правильный вариант ответа.

Множество первообразных функции $f(x) = \sin \frac{x}{5}$ имеет вид ...

$5\cos \frac{x}{5} + C$

$+ - 5\cos \frac{x}{5} + C$

$\frac{1}{5}\cos \frac{x}{5} + C$

$$-\frac{1}{5}\cos\frac{x}{5}+C$$

2 задание: Неопределенный интеграл (основные методы интегрирования)

Выберите один правильный вариант ответа.

Интеграл $\int \frac{dt}{\sqrt{t^2+3}}$ **равен ...**

$$\frac{1}{2\sqrt{3}}\ln\left|\frac{t+\sqrt{3}}{t-\sqrt{3}}\right|+C$$

$$+\ln|t+\sqrt{t^2+3}|+C +$$

$$\ln|3+\sqrt{t+3}|+C$$

$$\operatorname{arctg}\frac{t}{\sqrt{3}}+C$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Интеграл $\int \frac{dt}{t^2+2}$ **равен ...**

$$+\frac{1}{\sqrt{2}}\operatorname{arctg}\frac{t}{\sqrt{2}}+C$$

$$\frac{1}{2\sqrt{2}}\ln\left|\frac{t+\sqrt{2}}{t-\sqrt{2}}\right|+C$$

$$\frac{1}{2}\operatorname{arctg}\frac{t}{2}+C$$

$$\arcsin\frac{t}{\sqrt{2}}+C$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Интеграл $\int \frac{x^2}{\sqrt{9+x^3}}dx$ **равен ...**

$$+\frac{2}{3}\sqrt{9+x^3}+C$$

$$\sqrt{9+x^3}+C$$

$$\ln(9+x^3)+C$$

$$\frac{1}{3\sqrt{9+x^3}}+C$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Интеграл $\int \frac{e^{2x}}{4 + e^{2x}} dx$ **равен ...**

$$+ \frac{1}{2} \ln(4 + e^{2x}) + C$$

$$\frac{1}{2} \operatorname{arctg} \frac{e^x}{2} + C$$

$$\frac{1}{4} \ln \left| \frac{e^x - 2}{e^x + 2} \right| + C$$

$$- \frac{1}{(4 + e^{2x})^2} + C$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Интеграл $\int \frac{e^x}{4 + e^{2x}} dx$ **равен ...**

$$+ \frac{1}{2} \operatorname{arctg} \frac{e^x}{2} + C$$

$$\ln(2 + e^{2x}) + C$$

$$\frac{1}{2\sqrt{2}} \ln \left| \frac{e^x - \sqrt{2}}{e^x + \sqrt{2}} \right| + C$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{arctg} \frac{e^x}{\sqrt{2}} + C$$

3 задание: Свойства определенного интеграла

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $\int_{-1}^0 f(x) dx = 3$ **и** $\int_0^1 f(x) dx = -1$, **то интеграл** $\int_{-1}^1 2f(x) dx$ **равен ...**

$$-4$$

$$-8$$

$$+4$$

$$2$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Ненулевая функция $y = f(x)$ **является нечетной на отрезке** $[-4; 4]$.

Тогда $\int_{-4}^4 f(x) dx$ **равен ...**

$$2 \int_0^4 f(x) dx$$

$$\frac{1}{8} \int_0^1 f(x) dx$$

$$8 \int_0^1 f(x) dx$$

$$+0$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Ненулевая функция $y = f(x)$ является нечетной на отрезке $[-9; 9]$.

Тогда $\int_{-9}^9 f(x) dx$ равен ...

$$18 \int_0^1 f(x) dx$$

$$2 \int_0^9 f(x) dx$$

$$\frac{1}{18} \int_0^1 f(x) dx$$

$$+0$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Ненулевая функция $y = f(x)$ является нечетной на отрезке

$[-12; 12]$. Тогда $\int_{-12}^{12} f(x) dx$ равен ...

$$+0$$

$$\frac{1}{24} \int_0^1 f(x) dx$$

$$2 \int_0^{12} f(x) dx$$

$$24 \int_0^1 f(x) dx$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Если $f(x) \geq 0$ на $[a; c]$ и $a < b < c$, то $\int_a^b f(x) dx$ может быть равен ...

$$\begin{aligned}
& \int_a^c f(x)dx + \int_b^c f(x)dx \\
& + \int_a^c f(x)dx - \int_b^c f(x)dx \\
& \int_c^a f(x)dx - \int_b^c f(x)dx \\
& \int_c^a f(x)dx + \int_b^c f(x)dx
\end{aligned}$$

4 задание: Вычисление определенного интеграла

Выберите один правильный вариант ответа.

Определенный интеграл $\int_{-2}^{-1} \left(4x^3 + \frac{1}{x^2} \right) dx$ равен ...

- 14,5
- + − 14,5
- − 15,5
- − 34,5

Выберите один правильный вариант ответа.

Значение определенного интеграла $\int_1^2 \frac{e^x}{x^2} dx$ равно ...

- $e^2 - e$
- $+ e - \sqrt{e}$
- $e - e^2$
- $\sqrt{e} - e$

Выберите один правильный вариант ответа.

Значение определенного интеграла $\int_1^2 \frac{xdx}{x^2 + 3}$ равно...

- $\ln \frac{2}{\sqrt{7}}$
- $- \frac{3}{28}$
- $- \frac{5}{28}$
- $+ \frac{1}{2} \ln \frac{7}{4}$

Выберите один правильный вариант ответа.

Значение определенного интеграла $\int_1^{e^3} \frac{dx}{x\sqrt{1+\ln x}}$ равно...

- 6
- 0
- 1
- +2

Выберите один правильный вариант ответа.

Значение определенного интеграла $\int_0^1 \frac{\arctg^2 x dx}{1+x^2}$ равно ...

- $\frac{\pi^2}{16}$
- $+\frac{\pi^3}{192}$
- $-\frac{\pi^2}{16}$
- $-\frac{\pi^3}{192}$

5 задание: Вычисление определенного интеграла

Выберите один правильный вариант ответа.

Определенный интеграл $\int_0^{\frac{\pi}{8}} \cos 4x dx$ равен ...

- $-\frac{1}{4}$
- 4
- 0
- $+\frac{1}{4}$

Выберите один правильный вариант ответа.

Определенный интеграл $\int_1^e \frac{\ln^3 x}{x} dx$ равен ...

- $-\frac{1}{4}$
- $+\frac{1}{4}$

$$\frac{1}{4}(e^4 - 1)$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Определенный интеграл $\int_0^1 x e^x dx$ равен ...

$$\begin{aligned} & \frac{e}{2} \\ & -1 \\ & +1 \\ & 2e+1 \end{aligned}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В определенном интеграле $\int_0^{16} \frac{dx}{3 + \sqrt{x}}$ введена новая переменная

$t = \sqrt{x}$. Тогда интеграл примет вид ...

$$\begin{aligned} & \int_0^4 \frac{dt}{3+t} \\ & \int_0^{16} \frac{2tdt}{3+t} \\ & + \int_0^4 \frac{2tdt}{3+t} \\ & \int_0^4 \frac{tdt}{3+t} \end{aligned}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Определенный интеграл $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx$ равен ...

$$\begin{aligned} & +\frac{\pi}{2} - 1 \\ & \frac{\pi}{2} \\ & 0 \\ & \pi \end{aligned}$$

6 задание: Несобственные интегралы

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Сходящимися являются несобственные интегралы ...

$$+ \int_1^{+\infty} x^{\frac{5}{2}} dx \text{ (50\%)}$$

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-\frac{3}{2}} dx \text{ (50\%)}$$

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{3}{5}} dx$$

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{2}{3}} dx$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Сходящимися являются несобственные интегралы ...

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{2}{3}} dx$$

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-3} dx \text{ (50\%)}$$

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{3}} dx$$

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-\frac{3}{2}} dx \text{ (50\%)}$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Сходящимися являются несобственные интегралы ...

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{2}{3}} dx$$

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-\frac{4}{3}} dx \text{ (50\%)}$$

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-\frac{7}{3}} dx \text{ (50\%)}$$

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{3}} dx$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Сходящимися являются несобственные интегралы ...

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-5} dx \text{ (50\%)}$$

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{5}} dx$$

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-3} dx \text{ (50\%)}$$

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{3}} dx$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Сходящимися являются несобственные интегралы ...

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-\frac{5}{3}} dx \text{ (50\%)}$$

$$+ \int_1^{+\infty} x^{-\frac{8}{3}} dx \text{ (50\%)}$$

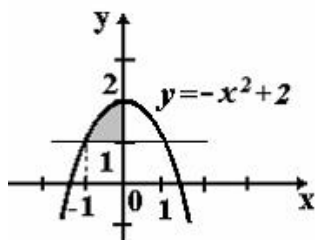
$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{3}{8}} dx$$

$$\int_1^{+\infty} x^{-\frac{3}{5}} dx$$

7 задание: Приложения определенного интеграла

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь фигуры, изображенной на рисунке, определяется интегралом ...



$$\int_{-1}^0 (-x^2 + 2) dx$$

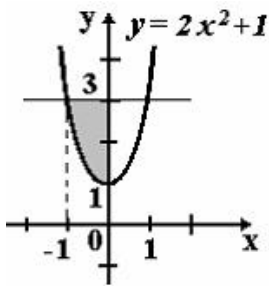
$$\int_0^2 (2 - x^2) dx$$

$$+ \int_{-1}^0 (-x^2 + 1) dx$$

$$\int_{-1}^0 (x^2 - 1) dx$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь фигуры, изображенной на рисунке, определяется интегралом ...



$$\int_{-1}^0 (2 - 2x^2) dx$$

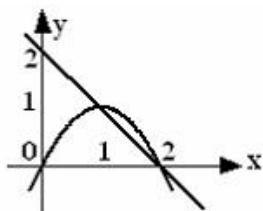
$$\int_{-1}^0 (2x^2 - 2) dx$$

$$\int_{-1}^0 (3 - 2x^2) dx$$

$$\int_{-1}^0 (2x^2 + 1) dx$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь фигуры, ограниченной параболой $y = 2x - x^2$ и прямой $x + y = 2$, вычисляется с помощью интеграла ...



$$\int_1^2 (-x^2 + x + 2) dx$$

$$\int_1^2 (-x^2 + 3x - 2) dx$$

$$\int_1^2 (x^2 - x - 2) dx$$

$$\int_1^2 (x^2 - 3x + 2) dx$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2$, $y = 3x^2$, $x = 1$, вычисляется с помощью определенного интеграла ...

$$\int_0^1 (x^2 - 3x^2) dx$$

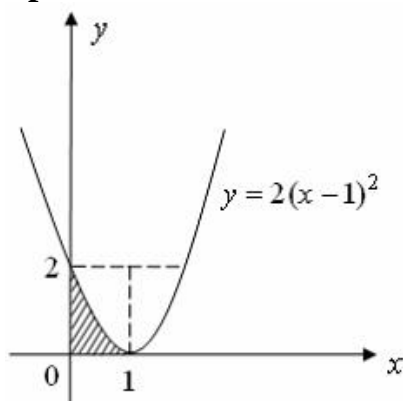
$$\int_0^1 x^2 dx$$

$$\int_0^1 3x^2 dx$$

$$+ \int_0^1 (3x^2 - x^2) dx$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь фигуры, изображенной на рисунке, определяется интегралом ...



$$- \int_0^2 \sqrt{\frac{y}{2}} dy + \int_0^2 \frac{y}{2} dy$$

$$+ \int_0^2 \sqrt{\frac{y}{2}} dy + \int_0^2 \frac{y}{2} dy$$

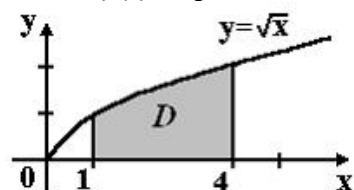
$$\int_0^1 \sqrt{\frac{y}{2}} dy + \int_0^2 \frac{y}{2} dy$$

$$\int_0^2 \sqrt{\frac{y}{2}} dy$$

8 задание: Приложения определенного интеграла

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь криволинейной трапеции D



равна ...

$$\frac{10}{3}$$

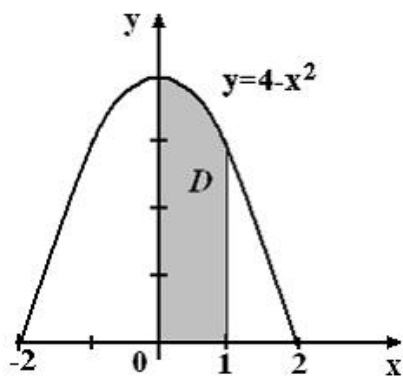
$$\frac{8}{3}$$

$$+\frac{14}{3}$$

$$\frac{11}{3}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь криволинейной трапеции D



равна ...

$$\frac{10}{3}$$

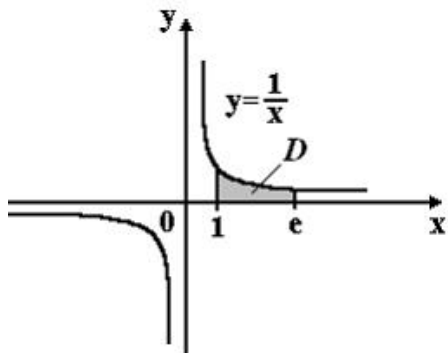
$$\frac{8}{3}$$

$$\frac{14}{3}$$

$$+\frac{11}{3}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Площадь криволинейной трапеции D

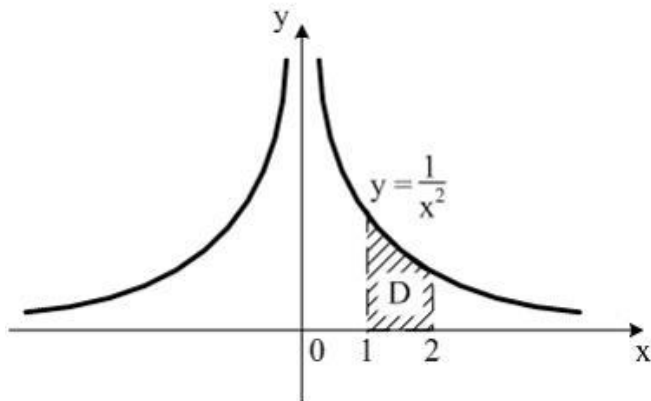


равна ...

$$2e$$

+1
e
2

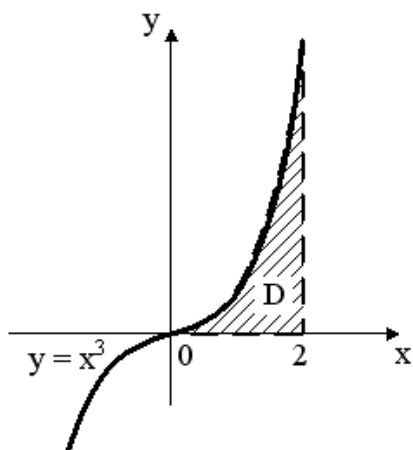
Выберите один правильный вариант ответа.
Площадь криволинейной трапеции D



равна ...

$\frac{1}{4}$
 $+\frac{1}{2}$
1
2

Выберите один правильный вариант ответа.
Площадь криволинейной трапеции D



равна ...

3
1
+4
2

Таблица 7 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Знает основные понятия и методы интегрального исчисления функций одной переменной, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математического аппарата интегрального исчисления функций одной переменной для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при решении такого типа задач.	Знает основные понятия и методы интегрального исчисления функций одной переменной, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарат интегрального исчисления функций одной переменной для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	Знает основные понятия и методы интегрального исчисления функций одной переменной, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками использования математического аппарата интегрального исчисления функций одной переменной для решения инженерных задач и описания физических процессов и владеет навыками содержательной интерпретации полученных результатов (находить путь, пройденный телом, работу силы, давление жидкости на вертикальную

			пластинку, статические моменты и координаты центра тяжести плоской кривой и плоской фигуры и т.п., решать задачи на вычисление площадей, длин, объемов).
--	--	--	--

Раздел №6. Дифференциальные уравнения

Индивидуальное домашнее задание №5 «Дифференциальные уравнения»

Типовые задания:

Базовый уровень

Задание № 1.

Найти общее решение (общий интеграл) дифференциального уравнения

$$y - xy = (1 + x^2)y'.$$

Задание № 2.

Найти общее решение (общий интеграл) дифференциального уравнения

$$xe^{\frac{x}{y}} + y^2 = x^2 y' e^{\frac{x}{y}}$$

Задание № 3.

Найти общее решение (общий интеграл) дифференциального уравнения

$$(1 + x^2)y' + y = \operatorname{arctg} x.$$

Задание № 4.

Найти общее решение (общий интеграл) дифференциального уравнения

$$3xy' + 5y = (4x - 5)y^4.$$

Задание № 5.

Найти частное решение дифференциального уравнения второго порядка, допускающего понижение порядка $(y - 2)y'' = 2(y')^2$, при указанных начальных условиях $y(0) = 3$, $y'(0) = 1$.

Задание № 6.

Найти общее решение дифференциального уравнения
 $y'' - 2y' - 8y = 16x^2 + 2$.

Задание № 7.

Найти общее решение дифференциального уравнения
 $y'' - y' - 2y = 3e^{2x}$.

Задание № 8.

Найти общее решение дифференциального уравнения
 $y'' + y' - 2y = \cos x - 3\sin x$.

Повышенный уровень

Задание 9. Материальная точка массой m движется прямолинейно под действием силы, которая пропорциональна квадрату отношения времени к скорости (коэффициент пропорциональности равен k). Найти зависимость скорости от времени при условии, что в начальный момент движения скорость точки равнялась нулю.

Письменное тестирование

1 задание: Типы дифференциальных уравнений

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями первого порядка являются ...

$+ 2x^2 y'' - y^2 + 3y - 11 = 0$ (50 %)

$2x \frac{d^2 y}{dx^2} + xy \frac{dy}{dx} + 11 = 0$

$y \frac{d^2 y}{dx^2} - 2x \frac{dy}{dx} + y^2 = y$

$+ x^2 \frac{dz}{dx} - y \frac{dz}{dy} = 0$ (50 %)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями первого порядка являются ...

$x \frac{d^2 y}{dx^2} + y \frac{dy}{dx} - 2xy^2 = 8x$

$y \frac{d^2 y}{dx^2} + 9y \frac{dy}{dx} + xy = 0$

$+ x^3 y'' + 4x^2 y' - 3x + 1 = 0$ (50 %)

$$+ xy \frac{dz}{dx} + 5x^2 y \frac{dz}{dy} = 0 \quad (50 \%)$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями второго порядка являются ...

$$x^2 y'' - 5xy^2 + x - y = 0$$

$$x^2 \frac{dz}{dx} + 3y \frac{dz}{dy} = 0$$

$$+ x^2 \frac{d^2 y}{dx^2} - 2y \frac{dy}{dx} - xy = x \quad (50 \%)$$

$$+ x^2 \frac{d^2 y}{dx^2} - xy^2 \frac{dy}{dx} + 4xy = 0 \quad (50 \%)$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями второго порядка являются ...

$$xy \frac{dz}{dx} + 5y^2 \frac{dz}{dy} = 0$$

$$x^2 y'' + 2y - 15x + 3 = 0$$

$$+ xy \frac{d^2 y}{dx^2} + y \frac{dy}{dx} + 3y = 7x \quad (50 \%)$$

$$+ y \frac{d^2 y}{dx^2} + 4y \frac{dy}{dx} + 12x = 0 \quad (50 \%)$$

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Из данных дифференциальных уравнений уравнениями с разделяющимися переменными являются ...

$$\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \frac{y^3}{x^3}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \frac{y^2}{x^2} + 1$$

$$+ \frac{dy}{dx} - y^2 = y^2 e^x \quad (50 \%)$$

$$+ y \frac{dy}{dx} + 2x^4 y = 0 \quad (50 \%)$$

2 задание: Дифференциальные уравнения первого порядка

Введите Ваш вариант ответа.

Если $y(x)$ — решение уравнения $y' = e^{x-y}$, удовлетворяющее условию $y(0)=0$, тогда $y(4)$ равно ...

4

Введите Ваш вариант ответа.

Если $y(x)$ — решение уравнения $y' = \frac{y}{x-1}$, удовлетворяющее условию $y(2)=1$, тогда $y(1)$ равно ...

0

Введите Ваш вариант ответа.

Если $y(x)$ — решение уравнения $y' = \cos 2x \cdot y$, удовлетворяющее условию $y(0)=1$, тогда $y(3\pi)$ равно ...

1

Введите Ваш вариант ответа.

Если $y(x)$ — решение уравнения $y' = \frac{y-1}{x}$, удовлетворяющее условию $y(2)=3$, тогда $y(1)$ равно ...

2

Введите Ваш вариант ответа.

Если $y(x)$ — решение уравнения $y' = \sin 2x \cdot y$, удовлетворяющее условию $y\left(\frac{\pi}{4}\right)=1$, тогда $y\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ равно ...

1

3 задание: Дифференциальные уравнения первого порядка

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

1. $y' - 8x^7 y = 0$	3. $\ln y = 3x^2 + C$ (33,3%)
2. $y' - 6x^5 y = 0$	$\ln y = 6x^2 + C$
3. $y' = 6xy$	2. $\ln y = x^6 + C$ (33,3%)
	1. $\ln y = x^8 + C$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

1. $y' - 9x^8 y = 0$	3. $\ln y = \frac{7}{2}x^2 + C$ (33,3%)
2. $y' - 7x^6 y = 0$	$\ln y = 7x^2 + C$
3. $y' = 7xy$	2. $\ln y = x^7 + C$ (33,3%)
	1. $\ln y = x^9 + C$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

1. $y' - 11x^{10} y = 0$	3. $\ln y = \frac{3}{2}x^2 + C$ (33,3%)
2. $y' - 3x^2 y = 0$	$\ln y = 3x^2 + C$
3. $y' = 3xy$	2. $\ln y = x^3 + C$ (33,3%)
	1. $\ln y = x^{11} + C$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

1. $y' - 6x^5 y = 0$	3. $\ln y = 2x^2 + C$ (33,3%)
2. $y' - 4x^3 y = 0$	$\ln y = 4x^2 + C$
3. $y' = 4xy$	2. $\ln y = x^4 + C$ (33,3%)
	1. $\ln y = x^6 + C$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

1. $y' - 14x^{13} y = 0$	3. $\ln y = 7x^2 + C$ (33,3%)
2. $y' - 7x^6 y = 0$	$\ln y = 14x^2 + C$
3. $y' = 14xy$	2. $\ln y = x^7 + C$ $\ln y = x^7 + C$ (33,3%)
	1. $\ln y = x^{14} + C$ (33,3%)

4 задание: Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его характеристическим уравнением:

1. $4y'' + 3y' - 2y = 0$	3. $4k^2 + k = 0$ (33,3%)
--------------------------	---------------------------

2. $4y'' + 3y' = 0$	$4k^2 + 3 = 0$
3. $4y'' + y' = 0$	2. $4k^2 + 3k = 0$ (33,3%)
	$k^2 + 2k = 0$
	1. $4k^2 + 3k - 2 = 0$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его характеристическим уравнением:

1. $4y'' - 3y' - 2y = 0$	2. $4k^2 - 3k = 0$ (33,3%)
2. $4y'' - 3y' = 0$	$-3k^2 + 4 = 0$
3. $-3y'' + 4y' = 0$	$4k^2 - k = 0$
	1. $4k^2 - 3k - 2 = 0$ (33,3%)
	3. $-3k^2 + 4k = 0$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его характеристическим уравнением:

1. $8y'' + 7y' - 6y = 0$	2. $8k^2 + 7k = 0$ (33,3%)
2. $8y'' + 7y' = 0$	$8k^2 - 6 = 0$
3. $8y'' - 6y' = 0$	3. $8k^2 - 6k = 0$ (33,3%)
	$7k^2 - 6k = 0$
	1. $8k^2 + 7k - 6 = 0$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его характеристическим уравнением:

1. $9y'' + 6y' - 2y = 0$	$6k^2 - 2k = 0$
2. $9y'' - 2y' = 0$	2. $9k^2 - 2k = 0$ (33,3%)
3. $9y'' + 6y' = 0$	$9k^2 - 2 = 0$
	3. $9k^2 + 6k = 0$ (33,3%)
	1. $9k^2 + 6k - 2 = 0$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его характеристическим уравнением:

1. $y'' + 2y' - 3y = 0$	2. $k^2 + k = 0$ (33,3%)
-------------------------	--------------------------

2. $y'' + y' = 0$	3. $k^2 - 3k = 0$ (33,3%)
3. $y'' - 3y' = 0$	$k^2 + 2k = 0$
	$k^2 - 3 = 0$
	1. $k^2 + 2k - 3 = 0$ (33,3%)

5 задание: Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и общим видом его частного решения:

1. $y''' + 3y'' + 3y' = 4 + 4x$	2. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x)x$ (33,3%)
2. $y''' + 3y'' = 4 + 4x$	3. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x)x^2$ (33,3%)
3. $y''' - 2 = 2 + 4x$	$y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1x^2$
	1. $y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1x$ (33,3%)
	$y(x)_{\text{частное}} = C_0x$

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и общим видом его частного решения:

1. $y''' + 5y'' + 4y' = 5 + 4x$	1. $y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1x$ (33,3%)
2. $y''' + 5y' = 4 + 5x$	2. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x)x$ (33,3%)
3. $y''' - 2 = 2 + 5x$	$y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1x^2$
	$y(x)_{\text{частное}} = C_0x$
	3. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x)x^2$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и общим видом его частного решения:

1. $y''' - 4y'' + 3y' = 1 + 4x + 3x^2$	2. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x + C_2x^2)x$ (33,3%)
2. $y''' - 4y'' = 1 + 4x + 3x^2$	3. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x + C_2x^2)x^2$ (33,3%)
3. $y''' + 2 = 3 + 4x + 3x^2$	$y(x)_{\text{частное}} = C_0x + C_1x^2$
	$y(x)_{\text{частное}} = (C_0x + C_1x^2)x$

	1. $y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1x + C_2x^2$ (33,3%)
--	--

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и общим видом его частного решения:

1. $y''' + 2y'' + 2y = 5 + 5x + 2x^2$	3. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x + C_2x^2)x^2$ (33,3%)
2. $y''' + 2y'' = 5 + 5x + 2x^2$	$y(x)_{\text{частное}} = C_0x + C_1x^2$
3. $y''' - 2 = 3 + 5x + 2x^2$	2. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x + C_2x^2)x$ (33,3%)
	$y(x)_{\text{частное}} = (C_0x + C_1x^2)x$
	1. $y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1x + C_2x^2$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и общим видом его частного решения:

1. $y''' + 2y'' + 2y = 5 - 5x - 2x^2$	$y(x)_{\text{частное}} = (C_0x - C_1x^2)x$
2. $y''' + 2y'' = 5 - 5x - 2x^2$	1. $y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1x + C_2x^2$ (33,3%)
3. $y''' - 2 = 3 - 5x + 2x^2$	2. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x + C_2x^2)x$ (33,3%)
	3. $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x + C_2x^2)x^2$ (33,3%)
	$y(x)_{\text{частное}} = C_0x - C_1x^2$

6 задание: Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка

Выберите один правильный вариант ответа.

Общее решение дифференциального уравнения $y'' = e^{3x} + 5$ имеет вид ...

$$+ y = \frac{1}{9}e^{3x} + \frac{5}{2}x^2 + C_1x + C_2$$

$$y = \frac{1}{3}e^{3x} + 5x + C$$

$$y = e^{3x} + x^2 + C_1x + C_2$$

$$y = \frac{1}{9}e^{3x} + \frac{5}{2}x^2 + x$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Общее решение дифференциального уравнения $xy'' - y' = 0$ при $y \neq 0$ имеет вид ...

$$y = \frac{x^2}{2}$$

$$y + Cx, \quad C \neq 0$$

$$y = C_1 \ln|x| + C_2, \quad C_1 \neq 0, \quad C_2 \neq 0$$

$$+ y = C_1 \frac{x^2}{2} + C_2, \quad C_1 \neq 0, \quad C_2 \neq 0$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x + 3$ имеет вид

...

$$+ y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{2}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

$$y = x^4 + x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$$

$$y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{2}x^3 + C$$

$$y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Общее решение дифференциального уравнения $y''' = 12x + 8$ имеет вид ...

$$y = \frac{1}{2}x^4 + \frac{4}{3}x^3 + C$$

$$y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

$$y = x^4 + x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$$

$$+ y = \frac{1}{2}x^4 + \frac{4}{3}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Общее решение дифференциального уравнения $y''' = \cos 7x$ имеет вид

...

$$y = -\frac{1}{343}\sin 7x + C$$

$$+ y = -\frac{1}{343}\sin 7x + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

$$y = -\sin 7x + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

$$y = \frac{1}{343} \sin 7x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$$

Таблица 8 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Знает основные понятия теории дифференциальных уравнений и методы их решения, но допускает неточности в доказательствах теоретических утверждений и выводах формул, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математического аппарата теории дифференциальных уравнений для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при решении такого типа задач.	Знает основные понятия теории дифференциальных уравнений и методы их решения, умеет доказывать теоретические утверждения и выводить формулы, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарат теории дифференциальных уравнений для решения инженерных задач и описания физических процессов, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	Знает основные понятия теории дифференциальных уравнений и методы их решения, умеет доказывать теоретические утверждения и выводить формулы, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками использования математического аппарата теории дифференциальных уравнений для решения инженерных задач и описания физических процессов и владеет навыками содержательной интерпретации полученных результатов

			(составление и решение дифференциальных уравнений для решения задач физики и геометрии).
--	--	--	--

Модуль 7. Теория вероятностей

Контрольная работа № 5 «Теория вероятностей»

Типовые задания

Базовый уровень

Задание № 1.

Вероятности бесперебойной работы для каждого из двух станков соответственно равны 0,95 и 0,8. Найти вероятность того, что за смену: а) произойдет остановка только одного станка; б) остановится хотя бы один станок.

Задание № 2.

Вероятность того, что семя злака прорастет, равна 0,9. Найти вероятность того, что из 100 посаженных семян прорастет ровно 95.

Задание № 3.

Дана вероятность $p=0,8$ появления события A в каждом из $n=360$ независимых испытаний. Найти вероятность того, что в этих испытаниях событие A появится не менее $k_1=280$ раз и не более $k_2=300$ раз.

Задание № 4.

Случайная величина X задана рядом распределения:

X	-3	1	2
p	0,1	0,6	0,3

Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины X .

Задание № 5.

Случайная величина X задана интегральной функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 1, \\ \frac{1}{2}(x^2 - x), & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ 1, & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

Найти:

- 1) дифференциальную функцию $f(x)$ (плотность вероятности);
- 2) математическое ожидание $M(X)$;
- 3) дисперсию $D(X)$;
- 4) построить графики функций $F(x)$ и $f(x)$.

Повышенный уровень:

Задание № 6.

Текущая цена ценной бумаги представляет собой нормально распределенную случайную величину X со средним 100 усл. ед. и дисперсией 9. Найти вероятность того, что цена актива будет находиться в пределах от 91 до 109 усл. ед.

Письменное тестирование

1 задание: Определение вероятности события

Выберите один правильный вариант ответа.

Игральная кость бросается один раз. Тогда вероятность того, что на верхней грани выпадет 6 очков, равна ...

- $+\frac{1}{6}$
- 0,1
- 0
- 1

Выберите один правильный вариант ответа.

Из урны, в которой находятся 4 белых и 7 черных шаров, вынимают наудачу один шар. Тогда вероятность того, что этот шар будет белым, равна ...

- 1
- $\frac{1}{3}$
- $+\frac{4}{11}$

$$\frac{4}{7}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Из урны, в которой находятся 5 белых и 9 черных шаров, вынимают наудачу один шар. Тогда вероятность того, что этот шар будет черным, равна ...

$$\begin{array}{r} 1 \\ \frac{5}{14} \\ \frac{14}{9} \\ + \frac{9}{14} \end{array}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Вероятность того, что при бросании игрального кубика выпадет более 4 очков, составляет ...

$$\begin{array}{r} \frac{1}{6} \\ \frac{1}{11} \\ \frac{1}{11} \\ + \frac{1}{3} \end{array}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Игральная кость бросается один раз. Тогда вероятность того, что на верхней грани выпадет менее трех очков, равна ...

$$\begin{array}{r} \frac{1}{6} \\ + \frac{1}{3} \\ \frac{1}{2} \\ \frac{2}{2} \\ \frac{2}{3} \end{array}$$

2 задание: Геометрическая вероятность

Выберите один правильный вариант ответа.

В квадрат со стороной 12 брошена точка.



Тогда вероятность того, что она попадет в выделенную область, равна ...

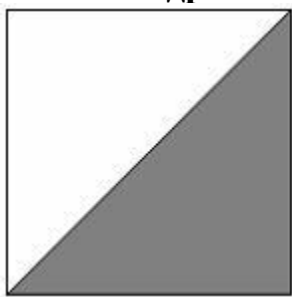
$$\frac{2}{5}$$

$$\frac{1}{12}$$

$$+\frac{1}{2}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В квадрат со стороной 9 брошена точка.



Тогда вероятность того, что она попадет в выделенную область, равна ...

$$\frac{2}{5}$$

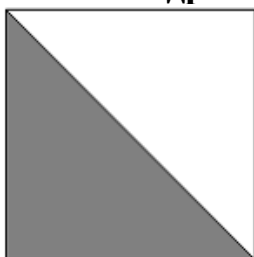
$$+\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{12}$$

$$40,5$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В квадрат со стороной 5 брошена точка.

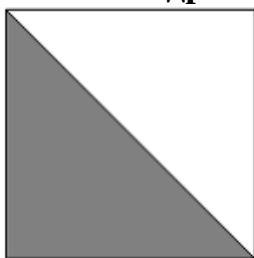


Тогда вероятность того, что она попадет в выделенную область, равна ...

$$\begin{array}{r}
 +\frac{1}{2} \\
 \frac{2}{5} \\
 \frac{1}{5} \\
 \hline
 12,5
 \end{array}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В квадрат со стороной 11 брошена точка.

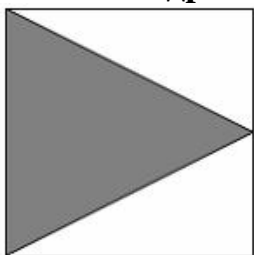


Тогда вероятность того, что она попадет в выделенную область, равна ...

$$\begin{array}{r}
 +\frac{1}{2} \\
 \frac{2}{11} \\
 \frac{1}{11} \\
 \hline
 60,5
 \end{array}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В квадрат со стороной 11 брошена точка.



Тогда вероятность того, что она попадет в выделенную область, равна ...

$$\begin{array}{r}
 \frac{2}{11} \\
 +\frac{1}{2} \\
 \frac{1}{11} \\
 \hline
 60,5
 \end{array}$$

3 задание: Теоремы умножения вероятностей

Выберите один правильный вариант ответа.

Из урны, в которой находятся 6 черных и 10 белых шаров, вынимают одновременно 2 шара. Тогда вероятность того, что оба шара будут белыми, равна ...

$$+\frac{3}{8}$$

$$\frac{1}{5}$$

$$\frac{1}{10}$$

$$\frac{5}{8}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В урне находятся 2 белых и 3 черных шара. Из урны поочередно вынимают два шара, но после первого вынимания шар возвращается в урну, и шары в урне перемешиваются. Тогда вероятность того, что оба шара белые, равна ...

$$+\frac{4}{25}$$

$$\frac{2}{25}$$

$$\frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{25}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В урне находятся 4 белых и 2 черных шара. Из урны поочередно вынимают два шара. При этом после первого вынимания шар возвращается в урну, и шары в урне перемешиваются. Тогда вероятность того, что оба шара белые, равна

$$\frac{1}{36}$$

$$+\frac{4}{9}$$

$$\frac{2}{5}$$

$$\frac{2}{9}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В урне находятся 2 белых и 2 черных шара. Из урны поочередно вынимают два шара. Тогда вероятность того, что оба шара белые равна

...

$$\begin{array}{r} + \frac{1}{6} \\ \frac{1}{4} \\ \frac{5}{6} \\ \frac{2}{5} \end{array}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В урне находятся 3 белых и 5 черных шаров. Из урны поочередно вынимают два шара. Тогда вероятность того, что оба шара белые равна

...

$$\begin{array}{r} + \frac{3}{28} \\ \frac{37}{56} \\ \frac{9}{64} \\ \frac{5}{64} \end{array}$$

4 задание: Теоремы сложения, умножения вероятностей

Выберите один правильный вариант ответа.

Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,7 и 0,2 соответственно. Тогда вероятность того, что в цель попадут оба стрелка, равна ...

$$\begin{array}{r} 0,9 \\ +0,14 \\ 0,12 \\ 0,24 \end{array}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,5 и 0,3 соответственно. Тогда вероятность того, что в цель попадут оба стрелка, равна ...

+0,15
0,8
0,12
0,35

Выберите один правильный вариант ответа.

Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,7 и 0,4 соответственно. Тогда вероятность того, что в цель попадет только один стрелок, равна ...

+0,54
0,7
0,4
+0,28

Выберите один правильный вариант ответа.

Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,6 и 0,7 соответственно. Тогда вероятность того, что в цель попадет только один стрелок, равна ...

0,42
+0,46
0,6
0,7

Выберите один правильный вариант ответа.

Два предприятия производят разнотипную продукцию. Вероятности их банкротства в течение года равны 0,1 и 0,2 соответственно. Тогда вероятность того, что в течение года обанкротится хотя бы одно предприятие, равна ...

0,02
0,72
0,2
+0,28

5 задание: Формула полной вероятности. Формула Байеса

Выберите один правильный вариант ответа.

Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность $P(B_1) = \frac{1}{4}$ и условные вероятности

$P(A/B_1) = \frac{1}{2}$, $P(A/B_2) = \frac{2}{3}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна ...

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{2} + \frac{5}{8} - \frac{3}{8}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность $P(B_1) = \frac{2}{5}$ и условные вероятности

$P(A / B_1) = \frac{1}{4}$, $P(A / B_2) = \frac{1}{2}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна ...

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{2} - \frac{3}{5} + \frac{2}{5}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность $P(B_1) = \frac{3}{7}$ и условные вероятности

$P(A / B_1) = \frac{1}{3}$, $P(A / B_2) = \frac{1}{2}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна ...

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{2} + \frac{3}{7} - \frac{4}{7}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

В первой урне 4 белых и 6 черных шаров. Во второй урне 1 белый и 9 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна...

- 0,15
- +0,25
- 0,5
- 0,3

Выберите один правильный вариант ответа.

В первой урне 4 черных и 6 белых шаров. Во второй урне 3 белых и 7 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна ...

- +0,45
- 0,4
- 0,15
- 0,9

6 задание: Дискретные случайные величины

Выберите один правильный вариант ответа.

Дан закон распределения вероятностей дискретной случайной величины X :

X	1	2	3	4
p	0,2	0,3	0,4	a

Тогда значение a равно...

- 0,7
- 0,7
- 0,2
- +0,1

Выберите один правильный вариант ответа.

Дан закон распределения вероятностей дискретной случайной величины X :

X	1	2	3	4
p	0,1	a	0,2	0,6

Тогда значение a равно...

- 0,9
- +0,1
- 0,2
- 0,9

Выберите один правильный вариант ответа.

Дан закон распределения вероятностей дискретной случайной величины X :

X	1	2	3	4
p	0,1	a	0,5	0,3

Тогда значение a равно...

– 0,9

+0,1

0,3

0,9

Выберите один правильный вариант ответа.

Дан закон распределения вероятностей дискретной случайной величины X :

X	1	2	3	4
p	0,2	0,3	a	0,1

Тогда значение a равно...

– 0,6

0,3

0,6

+0,4

Выберите один правильный вариант ответа.

Дискретная случайная величина задана законом распределения вероятностей

X	1	2	4	5
p	0,2	0,1	a	b

Тогда значения a и b могут быть равны ...

$a = 0,4, b = 0,2$

$a = 0,7, b = 0,7$

$+a = 0,4, b = 0,3$

$a = 0,2, b = 0,1$

7 задание: Дискретные случайные величины (числовые характеристики)

Выберите один правильный вариант ответа.

Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей

X	– 2	x_2	4
-----	-----	-------	---

p	0,5	0,2	0,3
-----	-----	-----	-----

Если математическое ожидание $M(X) = 0,4$, то значение x_2 равно ...

- +1
- 3
- 1
- 2

Выберите один правильный вариант ответа.

Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей

X	1	2	x_3
p	0,1	0,1	0,8

Если математическое ожидание $M(X) = 5,1$, то значение x_3 равно ...

- +6
- 7
- 3
- 4

Выберите один правильный вариант ответа.

Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей:

X	-1	0	3
p	0,1	0,3	0,6

Тогда математическое ожидание случайной величины $Y = 5X$ равно...

- 10
- 6,7
- 9,5
- +8,5

Выберите один правильный вариант ответа.

Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей:

X	-1	0	3
p	0,1	0,3	0,6

Тогда математическое ожидание случайной величины $Y = 6X$ равно...

- +10,2
- 11,4

12
7,7

Выберите один правильный вариант ответа.

Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей:

X	-1	0	4
p	0,1	0,3	0,6

Тогда математическое ожидание случайной величины $Y = 4X$ равно...

10
+9,2
12
6,3

8 задание: Непрерывная случайная величина

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина задана функцией распределения вероятностей:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{9} & \text{при } 0 < x \leq 3, \\ 1 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Тогда плотность распределения вероятностей имеет вид...

$$+ f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{2x}{9} & \text{при } 0 < x \leq 3, \\ 0 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{2x}{9} & \text{при } 0 < x \leq 3, \\ 1 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{2x}{9} & \text{при } 0 < x \leq 3, \\ 0 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^3}{27} & \text{при } 0 < x \leq 3, \\ x & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq -1, \\ 1 - x^2, & -1 < x \leq 0, \\ 1, & x > 0 \end{cases}$$

Тогда значение дифференциальной функции распределения

вероятностей этой случайной величины в точке $x = -\frac{1}{2}$ равно ...

- +1
- $\frac{3}{4}$
- $\frac{1}{4}$
- $\frac{1}{2}$

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} C, & x \leq -1, \\ 2x + 2, & -1 < x \leq -\frac{1}{2}, \\ 1, & x > -\frac{1}{2} \end{cases}$$

Тогда значение C равно ...

- +0
- 0,3
- $\frac{1}{2}$
- 1

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{16} & \text{при } 0 < x \leq 4, \\ C & \text{при } x > 4. \end{cases}$$

Тогда значение C равно ...

- 0
- 0,3
- $\frac{1}{2}$
- $\frac{1}{2}$
- +1

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана дифференциальной функцией распределения вероятностей

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ C & \text{при } 2 < x \leq 6, \\ 0 & \text{при } x > 6. \end{cases}$$

Тогда значение C равно ...

- 0
- 0,3
- +0,25
- 4

9 задание: Непрерывная случайная величина

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0, \\ x^2, & 0 < x \leq 1, \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

Тогда вероятность, что эта случайная величина примет значение, заключенное в интервале $\left(\frac{1}{2}; 3\right)$, равна ...

- $+\frac{3}{4}$
- 1

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{2}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{16} & \text{при } 0 < x \leq 4, \\ 1 & \text{при } x > 4. \end{cases}$$

Тогда вероятность, что эта случайная величина примет значение, заключенное в интервале $(2; 6)$, равна ...

$$+\frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{2}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 1, \\ \frac{x^2 - x}{2} & \text{при } 1 < x \leq 2, \\ 1 & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

Тогда вероятность, что эта случайная величина примет значение, заключенное в интервале $(-1; 3)$, равна ...

$$\frac{3}{4}$$

$$+1$$

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{2}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{25} & \text{при } 0 < x \leq 5, \\ 1 & \text{при } x > 5. \end{cases}$$

Тогда вероятность, что эта случайная величина примет значение, заключенное в интервале $(-1; 2)$, равна ...

$$\begin{aligned} &\frac{3}{25} \\ &\frac{1}{25} \\ &+\frac{4}{25} \end{aligned}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ \frac{x^2 - 2x}{3} & \text{при } 2 < x \leq 3, \\ 1 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Тогда вероятность, что эта случайная величина примет значение, заключенное в интервале $(2,4; 4)$, равна ...

$$\begin{aligned} &+0,68 \\ &0 \\ &0,25 \\ &0,5 \end{aligned}$$

10 задание: Виды законов распределения случайных величин

Введите Ваш вариант ответа.

Случайная величина распределена равномерно на интервале $(8;12)$. Тогда ее математическое ожидание равно ...

$$10$$

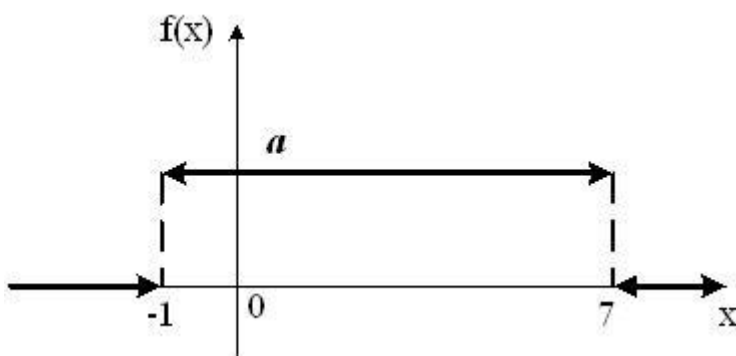
Введите Ваш вариант ответа.

Случайная величина распределена равномерно на интервале $(4;14)$. Тогда ее математическое ожидание равно ...

$$9$$

Выберите один правильный вариант ответа.

График плотности распределения вероятностей непрерывной случайной величины X , распределённой равномерно в интервале $(-1; 7)$, имеет вид:

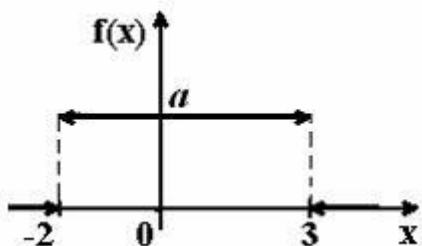


Тогда значение a равно ...

- $+\frac{1}{8}$
- $\frac{1}{6}$
- 1
- $\frac{1}{7}$

Выберите один правильный вариант ответа.

График плотности распределения вероятностей непрерывной случайной величины X , распределённой равномерно в интервале $(-2; 3)$, имеет вид:



Тогда значение a равно ...

- $+\frac{1}{5}$
- $\frac{1}{3}$
- 1
- $\frac{1}{2}$

Выберите один правильный вариант ответа.

Непрерывная случайная величина X задана плотностью

распределения вероятностей $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-4)^2}{18}}$. Тогда математическое

ожидание этой нормально распределённой случайной величины равно

...

+4

9

18

3

Таблица 9 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Знает основные понятия и методы теории вероятностей, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математического аппарата теории вероятностей для решения инженерных и физических задач, но испытывает затруднения при решении такого типа задач.	Знает основные понятия и методы теории вероятностей, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарат теории вероятностей для решения инженерных и физических задач, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	Знает основные понятия и методы теории вероятностей, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками использования математического аппарата теории вероятностей для решения инженерных задач и описания физических процессов и владеет навыками содержательной

			интерпретации полученных результатов.
--	--	--	---------------------------------------

Раздел №8. Основы математической статистики

Индивидуальное домашнее задание № 6 «Вариационные ряды»

Типовые задания

Базовый уровень

Задание №1.

Заданы результаты обследования. Требуется:

- 1) построить вариационный ряд и гистограмму относительных частот;
- 2) вычислить выборочную среднюю $\bar{x}_e$, «исправленную» дисперсию s^2 , «исправленное» среднее квадратическое отклонение s , коэффициент вариации V , среднее квадратическое отклонение выборочной средней $\sigma_{\bar{x}_e}$;
- 3) с надежностью 95% указать доверительный интервал для оценки генеральной средней $\bar{x}_Г$.

Номер наблюдения	Значение величины
1	3,1
2	4,2
3	5,0
4	4,6
5	6,4
6	5,3
7	3,8
8	5,1
9	4,9
10	5,4
11	5,9
12	6,5
13	5,5
14	5,7
15	4,7
16	5,6
17	5,8
18	7,3
19	4,7
20	5,5

Повышенный уровень

Задание 2. Дана выборка значений нормально распределенного признака X (в первой строке таблицы указаны значения признака x_i , во второй – соответствующие им частоты n_i).

x_i	20	30	40	50	60	70	80
n_i	4	11	25	30	15	10	5

Найти методом произведений выборочную среднюю $\bar{x}_e$; выборочную дисперсию D_e ; «исправленное» выборочное среднее квадратическое отклонение s .

Письменное тестирование

1 задание: Статистическое распределение выборки (выборочная средняя)

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате 6 измерений длины стержня (без математических погрешностей) были получены следующие результаты (в мм):

90, 95, 104, 108, 115, 112. Тогда выборочная средняя длины стержня (в мм) равна ...

- +104
- 108
- 90
- 112

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате 6 измерений длины стержня (без математических погрешностей) были получены следующие результаты (в мм):

95, 105, 108, 110, 115, 112. Тогда выборочная средняя длины стержня (в мм) равна ...

- +107,5
- 108
- 95
- 112

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате 6 измерений длины стержня (без математических погрешностей) были получены следующие результаты (в мм):

95, 105, 108, 110, 116, 120. Тогда выборочная средняя длины стержня (в мм) равна ...

- +109
- 108

95
116

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате 6 измерений длины стержня (без математических погрешностей) были получены следующие результаты (в мм):

90, 105, 108, 110, 115, 120. Тогда выборочная средняя длины стержня (в мм) равна ...

+108
108
90
110

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате 6 измерений длины стержня (без математических погрешностей) были получены следующие результаты (в мм):

90, 105, 108, 110, 126, 130. Тогда выборочная средняя длины стержня (в мм) равна ...

108
+111,5
90
110

2 задание: Статистическое распределение выборки (частота варианты)

Введите Ваш вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n=50$:

x_i	1	2	3	4
n_i	10	9	8	n_4

Тогда значение n_4 равно ...

23

Введите Ваш вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n=110$:

x_i	4	6	8	10	12	14
n_i	10	15	20	25	30	n_6

Тогда значение n_6 равно ...

10

Введите Ваш вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n=20$:

x_i	2	4	5	6	9
-------	---	---	---	---	---

n_i	7	2	n_3	5	5
-------	---	---	-------	---	---

Тогда значение n_3 равно ...

1

Введите Ваш вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n=81$:

x_i	1	4	5	6	9
n_i	5	14	n_3	22	6

Тогда значение n_3 равно...

34

Введите Ваш вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n=30$:

x_i	2	4	5	6	9
n_i	7	2	n_3	5	3

Тогда значение n_3 равно ...

13

3 задание: Статистическое распределение выборки (относительная частота варианты)

Введите Ваш вариант ответа.

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	1	2	3	4
n_i	10	9	8	23

Тогда относительная частота варианты $x_1 = 2$ равна ...

0.08

Введите Ваш вариант ответа.

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	4	6	8	10	12	14
n_i	10	15	20	25	30	50

Тогда относительная частота варианты $x_5 = 30$ равна ...

0,2

Введите Ваш вариант ответа.

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	2	4	5	6	9
n_i	7	2	1	5	5

Тогда относительная частота варианты $x_5 = 9$ равна ...
0,25

Введите Ваш вариант ответа.

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	1	4	5	6	9
n_i	5	14	3	22	6

Тогда относительная частота варианты $x_5 = 9$ равна...
0,12

Введите Ваш вариант ответа.

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	1	4	5	6	9
n_i	5	14	3	22	6

Тогда относительная частота варианты $x_4 = 6$ равна ...
0,44

4 задание: Статистическое распределение выборки. Вариационный ряд и его числовые характеристики (мода, размах варьирования)

Выберите один правильный вариант ответа.

Мода вариационного ряда 2 , 5 , 5 , 6 , 7 , 9 , 10 равна ...

- 2
- 10
- 6
- +5

Выберите один правильный вариант ответа.

Мода вариационного ряда 5 , 8 , 8 , 9 , 10 , 11 , 13 равна ...

- 5
- +8
- 13
- 9

Выберите один правильный вариант ответа.

Мода вариационного ряда 1 , 2 , 5 , 6 , 7 , 7 , 10 равна ...

- 1
- 10
- 6
- +7

Выберите один правильный вариант ответа.

Мода вариационного ряда 2, 3, 4, 8, 9, 9, 10 равна ...

- 8
- +9
- 2
- 10

Выберите один правильный вариант ответа.

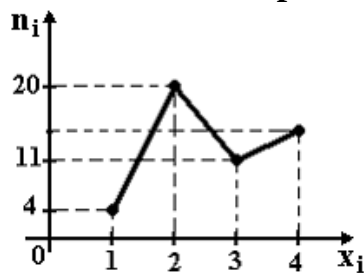
Размах варьирования вариационного ряда 3, 5, 5, 7, 9, 10, 16 равен ...

- +13
- 16
- 7
- 6,5

5 задание: Графическое представление вариационного ряда (полигон частот)

Выберите один правильный вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$, полигон частот которой имеет вид

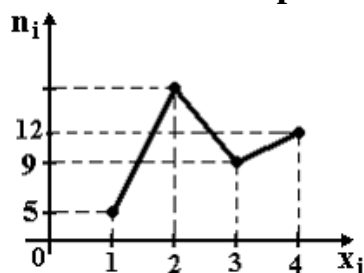


Тогда число вариант $x_i=4$ в выборке равно ...

- +15
- 50
- 14
- 16

Выберите один правильный вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=60$, полигон частот которой имеет вид

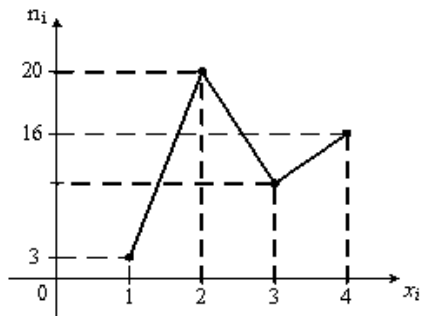


Тогда число вариант $x_i=2$ в выборке равно ...

- +34
- 35
- 60

Выберите один правильный вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=48$, полигон частот которой имеет вид

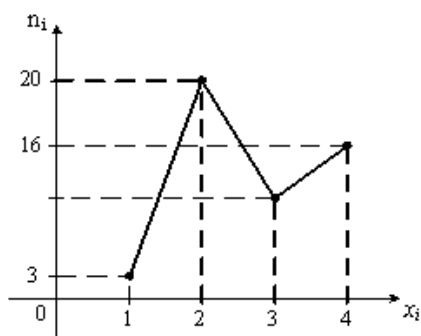


Тогда число вариант $x_i=3$ в выборке равно ...

- 48
- 8
- +9
- 10

Выберите один правильный вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$, полигон частот которой имеет вид

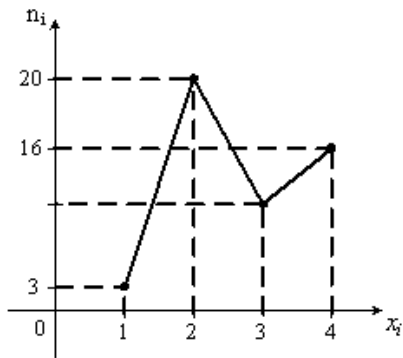


Тогда число вариант $x_i=3$ в выборке равно ...

- 10
- +11
- 50
- 12

Выберите один правильный вариант ответа.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=52$, полигон частот которой имеет вид



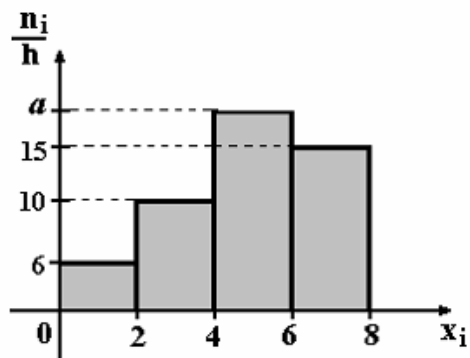
Тогда число вариант $x_i=3$ в выборке равно ...

- 52
- 14
- +12
- 13

6 задание: Графическое представление вариационного ряда
(гистограмма частот)

Выберите один правильный вариант ответа.

По выборке объема $n=100$ построена гистограмма частот:

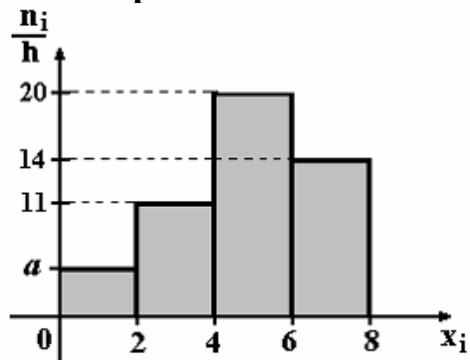


Тогда значение a равно ...

- 69
- 18
- 20
- +19

Выберите один правильный вариант ответа.

По выборке объема $n=100$ построена гистограмма частот:

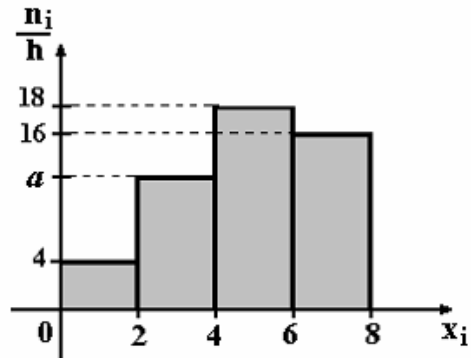


Тогда значение a равно ...

- 55
- 6
- 5
- +4

Выберите один правильный вариант ответа.

По выборке объема $n=100$ построена гистограмма частот:

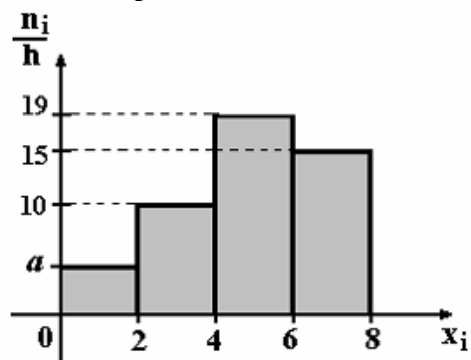


Тогда значение a равно ...

- 11
- +12
- 13
- 62

Выберите один правильный вариант ответа.

По выборке объема $n=100$ построена гистограмма частот:

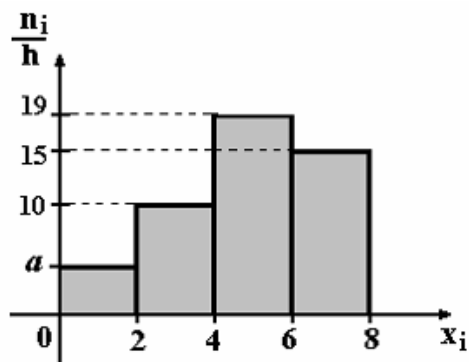


Тогда значение a равно ...

- +5
- 6
- 56
- 7

Выберите один правильный вариант ответа.

По выборке объема $n=96$ построена гистограмма частот:



Тогда значение a равно ...

- 3
- 6
- +4
- 4,5

7 задание: Точечные оценки параметров распределения

Выберите один правильный вариант ответа.

Проведено 5 измерений (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 5, 6, 9, 10, 11. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

- 8,4
- +8,2
- 9
- 10,25

Выберите один правильный вариант ответа.

Проведено 5 измерений (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 10, 11, 12, 14, 15. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

- 15,5
- 12,2
- +12,4
- 12

Выберите один правильный вариант ответа.

Для выборки объема $n = 9$ вычислена выборочная дисперсия $D_B = 72$. Тогда исправленная дисперсия S^2 для этой выборки равна ...

- 88
- +81
- 80
- 64

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 11, 13, 15. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна ...

- 8
- 0
- 3
- +4

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 14, 17, 17. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна ...

- 0
- 2
- +3
- 6

8 задание: Точечные и интервальные оценки параметров распределения

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 11. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

- (11; 12,1)
- (9,8; 10,8)
- + (10,1; 11,9)
- (9,8; 11)

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 13. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

- +(11,8; 14,2)
- (13; 14,6)
- (11,8; 12,8)
- (11,6; 13)

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 14. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

- + (12,6; 15,4)
- (14; 15,1)

(12,1; 14)
(12,7; 13,7)

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 14. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

(14; 15,5)
(12,5; 14)
(12,5; 13,4)
+ (12,5; 15,5)

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 16. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

(16; 17,1)
(14,9; 15,2)
+(14,9; 17,1)
(14,9; 16)

Таблица 10 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Знает основные понятия и методы математической статистики, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% обязательных заданий проверочных работ, имеет представление о возможностях использования математической	Знает основные понятия и методы математической статистики, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математическую статистику для статистической обработки	Знает основные понятия и методы математической статистики, умеет решать основные типы задач и выполняет не менее 86-100% обязательных заданий проверочных работ, умеет решать нестандартные задачи, обладает навыками

	статистики для статистической обработки экспериментальных данных.	экспериментальных данных, но испытывает затруднения при содержательной интерпретации полученных результатов.	использования математической статистики для статистической обработки экспериментальных данных и владеет навыками содержательной интерпретации полученных результатов.
--	---	--	---

2 ОЦЕНИВАНИЕ ПИСЬМЕННЫХ РАБОТ СТУДЕНТОВ, РЕГЛАМЕНТИРУЕМЫХ УЧЕБНЫМ ПЛАНОМ

Не регламентированы учебным планом.

3 ОПРЕДЕЛЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТА ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Форма промежуточной аттестации по дисциплине *экзамен*.

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ И СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОВЕРКИ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ

Код и наименование компетенции

ОПК-1. Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата

Задания открытого типа

Выберите один правильный вариант ответа:

1. На строительство объекта поступают железобетонные плиты с четырёх цементных заводов в следующем количестве: 20 штук – с 1-го, 10 штук – со 2-го, 40 штук – с 3-го и 30 штук – с 4-го заводов. Каждый из заводов производит 1 %, 5 %, 2 %, 3 % брака соответственно. Тогда вероятность того, что взятая случайным образом плита, поступившая на объект, будет небракованной, равна ...

- 0,76
- +0,976
- 0,24
- 0,024

2. В результате 6 измерений длины стержня (без математических погрешностей) были получены следующие результаты (в мм): 90, 105, 108, 110, 126, 130. Тогда выборочная средняя длины стержня (в мм) равна ...

- 108
- +111,5
- 109

Задания закрытого типа

Практико-ориентированное задание

3. Из Москвы в Казань необходимо перевезти строительное оборудование трёх типов: I типа – 95 ед., II типа – 100 ед., III типа – 185 ед. Для перевозки оборудования завод может заказать три вида транспорта: T_1 , T_2 , T_3 . Количество оборудования каждого типа, вмещаемого на определенный вид транспорта, приведено в таблице:

Тип оборудования	Количество вмещаемого оборудования		
	T_1	T_2	T_3
I	3	2	1
II	4	1	2
III	3	5	4

Записать в математической форме условия перевозки строительного оборудования из Москвы в Казань. Установить, сколько единиц транспорта каждого вида потребуется для перевозки этого оборудования.

Решение:

Пусть для перевозки строительного оборудования необходимо заказать x_1 ед. транспорта вида T_1 , x_2 ед. транспорта вида T_2 , x_3 ед. транспорта вида T_3 . Условия перевозки оборудования из Москвы в Казань можно с помощью системы линейных уравнений

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 95, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 = 100, \\ 3x_1 + 5x_2 + 4x_3 = 185. \end{cases}$$

Решим систему линейных уравнений методом Гаусса. Запишем расширенную матрицу системы:

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 3 & 2 & 1 & 95 \\ 4 & 1 & 2 & 100 \\ 3 & 5 & 4 & 185 \end{array} \right).$$

Приведем матрицу к ступенчатому виду. Поменяем местами 1-й и 3-й столбцы:

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 3 & 95 \\ 2 & 1 & 4 & 100 \\ 4 & 5 & 3 & 185 \end{array} \right).$$

Умножим 1-ю строку на (-2) и прибавим ко 2-й строке, умножим 1-ю строку на (-4) и прибавим к 3-й строке:

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 3 & 95 \\ 0 & -3 & -2 & -90 \\ 0 & -3 & -9 & -195 \end{array} \right).$$

Умножим 2-ю строку на (-1) и прибавим к 3-й строке:

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 3 & 95 \\ 0 & -3 & -2 & -90 \\ 0 & 0 & -7 & -105 \end{array} \right).$$

Умножим 2-ю строку на (-1) , умножим 3-ю строку на $\left(-\frac{1}{7}\right)$:

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 3 & 95 \\ 0 & 3 & 2 & 90 \\ 0 & 0 & 1 & 15 \end{array} \right).$$

Получили матрицу ступенчатого треугольного вида. Запишем соответствующую ей систему линейных уравнений:

$$\begin{cases} x_3 + 2x_2 + 3x_1 = 95, \\ 3x_2 + 2x_1 = 90, \\ x_1 = 15. \end{cases}$$

Начиная с 3-го уравнения, последовательно находим неизвестные:

$$x_1 = 15;$$

$$3x_2 + 2 \cdot 15 = 90, \quad 3x_2 = 60, \quad x_2 = 20;$$

$$x_3 + 2 \cdot 20 + 3 \cdot 15 = 95, \quad x_3 = 10.$$

Решение системы: $(15; 20; 10)$.

Следовательно, для перевозки данного строительного оборудования необходимо заказать 15 ед. транспорта вида T_1 , 20 ед. транспорта вида T_2 , 10 ед. транспорта вида T_3 .

Правильный ответ: для перевозки данного строительного оборудования необходимо заказать 15 ед. транспорта вида T_1 , 20 ед. транспорта вида T_2 , 10 ед. транспорта вида T_3 .

Напишите правильный вариант ответа

4. Тело совершает прямолинейное движение по закону $s = 3e^{-2t}$ (м). Найдите ускорение (в м/с^2) движения тела в момент времени $t = 0$ с. (Единицы измерения писать не надо.)

Решение:

Если закон движения тела $s = s(t)$, то ускорение тела в момент времени $t = t_0$ равно значению производной второго порядка в точке t_0 , т.е.

$$\boxed{a(t_0) = s''(t_0)}.$$

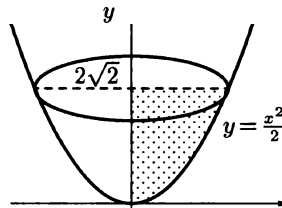
$$s'(t) = (3e^{-2t})' = 3e^{-2t}(-2t)' = 3e^{-2t}(-2) = -6e^{-2t}.$$

$$s''(t) = (-6e^{-2t})' = -6e^{-2t}(-2t)' = -6e^{-2t}(-2) = 12e^{-2t}.$$

$$a(0) = 12e^0 = 12 \text{ (м/с}^2\text{)}$$

Правильный ответ: 12.

5. Строительное сооружение имеет форму параболоида. Модель этого сооружения получена вращением вокруг оси Oy криволинейной трапеции, расположенной в I четверти, ограниченной графиком функции $y = \frac{x^2}{2}$ и прямыми $x = 0$ (осью Oy), $y = 2\sqrt{2}$. Вычислите объем V модели данного сооружения. В ответе запишите $\frac{V}{\pi}$.



Решение:

Объем тела, образованного вращением криволинейной трапеции, ограниченной графиком непрерывной функции $x = g(y) \geq 0$ и прямыми $x = 0$

(осью Oy), $y = c$, $y = d$ ($c < d$), вокруг оси Oy равен $V_y = \pi \int_c^d x^2 dy$.

Найдем объем модели данного строительного сооружения. Так как $y = \frac{x^2}{2}$, то $x^2 = 2y$.

$$\text{Тогда } V = \pi \int_0^{2\sqrt{2}} 2y dy = 2\pi \cdot \frac{y^2}{2} \Big|_0^{2\sqrt{2}} = \pi y^2 \Big|_0^{2\sqrt{2}} = \pi (2\sqrt{2})^2 - \pi 0^2 = 8\pi.$$

$$\text{Тогда } \frac{V}{\pi} = \frac{8\pi}{\pi} = 8.$$

Правильный ответ: 8.

Дополните:

6. Линиями уровня функции $z = x^2 - y^2$ являются _____

Правильный ответ: равносторонние гиперболы.

Дайте развернутый ответ на вопрос:

7. Определение производной функции $y = f(x)$ в точке x_0 .
Физический и геометрический смыслы производной.

Правильный ответ:

Производной функции $y = f(x)$ в точке x_0 называется предел отношения приращения функции к приращению аргумента, когда приращение аргумента стремится к нулю, т. е. $y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$.

Если функция $y = f(x)$ описывает какой-либо физический процесс, то производная $f'(x)$ есть скорость протекания этого процесса. В этом состоит физический смысл производной.

Производная $f'(x)$ в точке x равна угловому коэффициенту касательной к графику функции $y = f(x)$ в точке, абсцисса которой равна x . В этом заключается геометрический смысл производной.

Окончательные результаты обучения (формирования компетенций) определяются посредством перевода баллов, набранных студентом в процессе освоения дисциплины, в оценки:

– базовый уровень сформированности компетенции считается достигнутым если результат обучения соответствует оценке «удовлетворительно» (50 до 64 рейтинговых баллов);

– повышенный уровень сформированности компетенции считается достигнутым, если результат обучения соответствует оценкам «хорошо» (65-85 рейтинговых баллов) и «отлично» (86-100 рейтинговых баллов).

4 ПОРЯДОК ПРОВЕДЕНИЯ ПОВТОРНОЙ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Форма промежуточной аттестации по дисциплине *экзамен*.

Повторная промежуточная аттестация по дисциплине проводится с использованием заданий для оценки сформированности компетенций на базовом уровне по всем разделам, входящим в структуру дисциплины за семестр, по итогам которого студент имеет академическую задолженность.

Таблица 11 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)
	на базовом уровне
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла
ОПК-1.6. Решение инженерных задач с помощью математического аппарата векторной алгебры, аналитической геометрии	Демонстрирует знание основных понятий и методов математического аппарата векторной алгебры и аналитической геометрии, необходимых для решения типовых задач в области строительства, но имеет замечания к полноте и обоснованности решений
ОПК-1.7. Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа	Демонстрирует знание основных понятий и методов математического аппарата линейной алгебры и математического анализа, необходимых для решения уравнений, описывающих основные физические процессы, но имеет замечания к полноте и обоснованности решений