

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Волхонов Михаил Станиславович

Должность: Проректор

Дата подписания: 26.09.2023 16:41:04

Уникальный идентификатор документа:

b2dc75470204bc2bfec58d577a1b983ee223ea27559d45aa8c272df0610c6c81

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ  
«КОСТРОМСКАЯ ГОСУДАРСТВЕННАЯ СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННАЯ АКАДЕМИЯ»

Утверждаю:

Декан экономического факультета

\_\_\_\_\_ / Серeda Н.А. /

14 июня 2023 года

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
по дисциплине

**МЕТОДЫ ОПТИМАЛЬНЫХ РЕШЕНИЙ**

Направление подготовки/Специальность	<u>38.03.01 Экономика</u>
Направленность (профиль) образования	<u>«Экономическая безопасность»</u>
Квалификация выпускника	<u>бакалавр</u>
Форма обучения	<u>очная</u>
Срок освоения ОПОП ВО	<u>4 года</u>

Караваево 2023

Фонд оценочных средств предназначен для оценивания сформированности компетенций по дисциплине «Методы оптимальных решений».

Разработчик:

заведующий кафедрой бухгалтерского учета  
и информационных систем в экономике

Обенко О.Т. \_\_\_\_\_

Утвержден на заседании кафедры «Бухгалтерский учет и информационные системы в экономике», протокол № 10 от 29 апреля 2023 года.

Заведующий кафедрой Обенко О.Т. \_\_\_\_\_

Согласовано:

Председатель методической комиссии экономического факультета

Королева Е.В. \_\_\_\_\_

Протокол №3 07.06.2023 г.

## Паспорт фонда оценочных средств

**Таблица 1 – Паспорт фонда оценочных средств**

Модуль дисциплины	Формируемые компетенции или их части	Оценочные материалы и средства	Количество
Математические методы оптимизации, их классификация. Общее представление о статической задаче оптимизации	<p>УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач</p> <p>УК-2 Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений</p> <p>ОПК-4. Способен предлагать экономически и финансово обоснованные организационно-управленческие решения в профессиональной деятельности</p>	Комплект тестовых заданий	20
Общая постановка задачи линейного программирования.		Опрос	15
Оптимальные решения в линейных задачах управления производством		Комплект тестовых заданий	57
		Индивидуальное домашнее задание	30
		Контрольная работа	9
Пределный анализ и эластичность. Основные характеристики микроэкономических функций		Комплект тестовых заданий	48
		Индивидуальное домашнее задание	30
	Контрольная работа	4	
Математическая теория производства	Комплект тестовых заданий	27	
	Индивидуальное домашнее задание	30	
	Контрольная работа	15	
Математическая теория потребления	Комплект тестовых заданий	20	
	Контрольная работа	12	
	Комплект тестовых заданий	50	
	Индивидуальное домашнее задание	30	
	Контрольная работа	6	

# 1 ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ И НАВЫКОВ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

**Таблица 2 – Формируемые компетенции**

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Оценочные материалы и средства	
	<b>Тема 1. Математические методы оптимизации, их классификация. Общее представление о статической задаче оптимизации</b>		
<p>УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач</p> <p>УК-2 Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений</p> <p>ОПК-4. Способен предлагать экономически и финансово обоснованные организационно-управленческие решения профессиональной деятельности</p>	ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	Опрос Тестирование	
	<b>Тема 2. Общая постановка задачи линейного программирования.</b>		
	ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений	Индивидуальное домашнее задание Тестирование Контрольная работа
	<b>Тема 3. Оптимальные решения в линейных задачах управления производством</b>		
	ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений	Индивидуальное домашнее задание Тестирование Контрольная работа
	ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности		
	<b>Тема 4. Предельный анализ и эластичность. Основные характеристики микроэкономических функций</b>		
	ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений	Индивидуальное домашнее задание Тестирование Контрольная работа
	ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности		
	<b>Тема 5. Математическая теория производства</b>		
ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений	Тестирование Контрольная работа	
ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности			
<b>Тема 6. Математическая теория потребления</b>			
ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ		Индивидуальное	

	информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	домашнее задание Тестирование Контрольная работа
--	---	--

### Оценочные материалы и средства для проверки сформированности компетенций

#### Тема 1: «Математические методы оптимизации, их классификация. Общее представление о статической задаче оптимизации»

Типовые задания

#### Опрос

1. Что такое инструментальные переменные и параметры математической модели? В чем состоит их отличие?
2. Назовите основные классификационные признаки экономико-математических моделей.
3. Что такое допустимое множество?
4. Что такое критерий оптимизации и целевая функция?
5. Что такое линии уровня целевой функции?
6. Дайте формулировку детерминированной статической задачи оптимизации.
7. Назовите причины неопределенности в параметрах математической модели и объясните ее влияние на решение.
8. Приведите примеры использования математических моделей для описания поведения экономических агентов.
9. Что такое рациональное поведение с точки зрения теории оптимизации?
10. Как методы оптимизации используются при принятии экономических решений?
11. Расскажите об использовании оптимизации в задачах идентификации параметров математических моделей.
12. Что такое глобальный максимум критерия и оптимальное решение?
13. Достаточное условие существования глобального максимума (теорема Вейерштрасса).
14. Назовите причины отсутствия оптимального решения.
15. Что такое локальный максимум?

**Таблица 3 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	знает основные теоретические положения изучаемой темы, но испытывает затруднения в поиске и анализе информации для	твердо усвоил программный материал, грамотно и по существу излагает его без существенных ошибок, правильно применяет теоретические	который прочно усвоил материал в полном объеме, исчерпывающе, грамотно и логически стройно его излагает, четко формулирует основные понятия,

	решения поставленной задачи, при ответах допускает малосущественные погрешности, искажения логической последовательности при изложении материала, неточную аргументацию теоретических положений, испытывает затруднения при ответе на дополнительные вопросы.	положения при решении конкретных задач, с небольшими погрешностями приводит формулировки определений, по ходу изложения допускает небольшие пробелы, не искажающие содержания ответа.	приводит соответствующие примеры, осуществляет поиск и анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи
--	---	---	---

### Фонд тестовых заданий

Выберите один ответ

**Математическая модель это вид \_\_\_\_\_ моделей**

- материальных
- физических
- неформализованных
- +знаковых
- аналоговых

**Модели, предполагающие жесткие функциональные связи между переменными относятся к \_\_\_\_\_ моделям**

- стохастическим
- сетевым
- вероятностным
- эконометрическим
- +детерминированным

**Требуется определить экстремум целевой функции без задания условий на какие-либо другие величины, то такая оптимизация называется**

- условной
- +безусловной
- одномерной
- многомерной

**Принятие решения это...**

- предположение о развитии системы.
- совокупность действий по конкретизации целей.
- +выбор варианта из множества представленных возможных направлений.
- поиск системы ограничений.

**Решение, обеспечивающее наибольшую полезность экономической операции, выгоду от её применения называется**

- нормализованным.
- эмпирическим.
- необходимым.
- +оптимальным.

**Разделение сложных процессов на части для проведения анализа называется...**

- моделирование
- +декомпозиция

верификация

наблюдение

**Основным условием неопределённости является...**

неуверенность лица принимающего решение

недостаточное число верных решений

+неизвестная результативность принимаемых решений.

низкая оперативность исполнения решений

**Обоснование решений лицом принимающим решение в условиях неопределённости заключается в...**

отказе от возможных альтернатив

увеличении исходного множества альтернатив при имеющейся информационной базе

+сокращении исходного множества альтернатив при имеющейся информационной базе

разделении множества альтернатив на связанные группы

**Принятие решения это...**

процесс вероятностного выбора альтернатив для достижения результата.

процесс рационального или иррационального выбора альтернатив для достижения результата.

процесс опытного выбора альтернатив для достижения результата.

+процесс рационального выбора альтернатив для достижения результата.

**Для подтверждения достоверности гипотезы и соответствия её полученным данным используется...**

системная ориентация

оптимизация

+верификация

ретроспекция

**Обстоятельство, заставляющее обосновывать принимаемое решение называется...**

логическая предопределённость

неопределённость

+определённость

закономерность

**Система действий по достижению конкретной цели в экономике называется...**

последовательность

прогнозирование

+операция

логистика

**Этапом рационального выбора не является...**

ситуационный анализ

формирование альтернатив

+стохастический перебор альтернатив

оценка и выбор наилучшей альтернативы

**Рациональный процесс принятия решения содержит в своей основе...**

гипотетическую теорию выбора

+плановую теорию выбора

нормативную теорию выбора

дескриптивную теорию выбора

Выберите несколько ответов

**По возможности применения различают модели**

+прикладные

оптимизационные

+теоретические

линейные

нелинейные

**По назначению, по цели создания и применения различают следующие модели:**

+имитационные

нелинейные

- +балансовые  
линейные
- +эконометрические

**Экономико-математические модели по учету фактора времени делятся на:**

- эконометрические
- +динамические
- +статические
- детерминированные
- статистические

**Укажите основные принципы построения экономико-математических моделей:**

- +эффективная реализуемость
- +преимственность
- +достаточность
- массовость

**Укажите задачи, которые можно решить с помощью модели межотраслевого баланса:**

- +определить объем конечной продукции отраслей по заданным объемам валовой продукции;
- +определить матрицу коэффициентов полных затрат;
- определить оптимальный плана распределения однородных грузов;
- +определить объемы валовой продукции отраслей по заданным объемам конечной продукции;
- определить допустимое базисное решение в симплексном методе;

**Применение математических, количественных методов для обоснования решений во всех областях целенаправленной человеческой деятельности называется...**

- +оптимизационное моделирование
- мониторинг
- систематизация
- +исследование операций

**Таблица 4 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	если правильно выполнено 50-64% тестовых заданий, студент владеет материалом по теме, но испытывает затруднения в поиске и анализе информации для решения поставленной задачи	правильно выполнено 65-85% тестовых заданий, студент обладает способностью в поиске и анализе информации, на основе поставленных целей для решения экономических задач, но допускает неточности при решении поставленной задачи	правильно выполнено 86-100% тестовых заданий; студент способен осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения экономических задач знает основные методы, способы, формы сбора, анализа, хранения и переработки информации необходимой для решения поставленной задачи,



## Тема 2 «Общая постановка задачи линейного программирования»

Типовые задания

### Контрольная работа

#### Вариант 1

1. Составить ограничения по использованию трудовых ресурсов, если количество трудовых ресурсов может составлять от 600 до 700 тысяч чел.-час. Затраты труда равны: на 1 га посева пшеницы – 20 чел.-ч., сена многолетних трав – 8 чел.-ч., голову крупного рогатого скота – 35 чел.-ч.

2. Решить следующую задачу графическим методом

Арендное предприятие занимается производством кормов (корнеплодов и многолетних трав на силос). Оно имеет следующие ресурсы: пашни – 200 га, минеральных удобрений – 500ц д.в., трудовых ресурсов – 2000 чел.час. Посевная площадь под корнеплодами не должна превышать 50 га. Затраты труда на 1 га, урожайность и коэффициенты перевода в к.ед. приводятся в таблице:

Показатели	Корнеплоды	многолетние травы на силос
Затраты труда на 1 га, чел.ч..	200	40
Затраты минеральных удобрений на 1 га, ц	4	2
Урожайность с 1 га, ц	250	200
Коэффициент перевода в к. ед.	0,1	0,2

Требуется найти такую структуру посева кормовых культур, чтобы производство кормов в ц. к. ед. было максимальным.

3. Решите задачу линейного программирования с использованием табличного процессора Excel.

Определить оптимальный состав автопарка, обеспечивающий выполнение максимального объема транспортных работ. Общее число машин не должно превышать 10 штук, в том числе бортовых (ГАЗ-53Ф, ЗИЛ-130) не более 8 штук. Затраты на эксплуатацию автопарка должны быть в пределах 29 000 тыс. руб. Предполагаемый объем выполнения тонно-километров за год, эксплуатационные затраты по каждой марке автомобилей показаны в таблице.

Показатели	ГАЗ –53А	ЗИЛ - 130	ЗИЛ - 554
Выработка. тыс.т-км/год	41	65	38
Эксплуатационные затраты, тыс.руб.	2600	3400	2500

#### Вариант 2

1. В состав машинно-тракторного парка хозяйства входит 4 марки тракторов: ДТ-75М, Т-150К, К-701, МТЗ-80. Составить ограничение, которое бы отвечало условиям, что соотношение колёсных и гусеничных тракторов должно быть 2:1.

2. Решить следующую задачу графическим методом:

Хозяйство занимается производством говядины и молока, располагая определенными ресурсами. Известны, наличие ресурсов и норма расхода последних на одну голову скота, которые даны в таблице

Ресурсы	Расход ресурсов на:		Наличие ресурсов
	Корову	Голову молодняка к.р.с.	
Корма, ц.к.ед	32	20	1700
Труд, чел.-дн.	48	33	1500

Плановый надой молока на 1 корову составляет 3500 кг, а прироста живой массы крупного рогатого скота 2,6 ц в год. Определить оптимальное сочетание поголовья животных, учитывая следующее: хозяйство должно произвести не менее 50ц. говядины. Средняя цена реализации 1ц молока составляет 800 руб., а прироста живой массы 5000 руб. Критерий оптимизации – получить максимум валовой продукции в денежном выражении.

3. Решите задачу линейного программирования с использованием табличного процессора Excel.

Составить оптимальный кормовой рацион для супоросной свиноматки живым весом 150 кг. Исходные данные приводятся в таблице:

Виды кормов	Содержание в 1 кг корма					Стоимость 1 кг корма, Д.Е.
	Кормовых ед., кг	Пер. протеина, г	Кальция, г	Фосфора, г	каротина, мг	
Жмых	1,09	396	3,3	9,9	2	20
Ячмень	1,21	81	1,2	3,3	1	35
Сено	0,5	71	4,3	2,8	120	10
Морковь	0,14	9	0,6	0,3	85	17
Кормовой преципитат	-	-	26	17	-	50

В суточном кормовом рационе должно быть не менее 3.9 кг кормовых единиц, 430 г переваримого протеина, 25 г. кальция, 16 г фосфора и 35 мг каротина. Критерий оптимальности – минимальная себестоимость рациона, обеспечивающего физиологические потребности свиноматки в питательных веществах.

### Вариант 3

1. Акционерное общество имеет 2000 га пашни. На ней высевают следующие с.-х. культуры: пшеницу, рожь, рапс, картофель, многолетние травы: на зелёный корм, сено, сенаж. Зерновые культуры в структуре посевных площадей могут занимать до 50% площади пашни, а многолетние травы не более 1/3 от зерновых культур. Составить ограничения.

2. Решить следующую задачу графическим методом:

Составить оптимальный суточный рацион для откорма свиней. Рацион одной свиньи должен содержать 3,5 кг кормовых единиц, 350 г переваримого протеина. Рацион составляется из двух видов кормов: ячменя и жмыха. В 1 кг ячменя содержится 1,2 кг корм. Единиц и 80 г переваримого протеина; в 1 кг жмыха – соответственно 0,7 кг и 344г. цена 1 кг ячменя 3 руб, жмыха 5 руб. Критерий оптимальности – минимум стоимости рациона.

3. Решите задачу линейного программирования с использованием табличного процессора Excel

В результате проведения культурно-технических работ хозяйству удалось увеличить площадь пашни на 1700 га. Хозяйство располагает резервом минеральных удобрений в объеме 1,3 тыс. ц.д.в. и 40 тыс. чел-ч трудовых ресурсов. Наиболее эффективным для хозяйства является выращивание ячменя, картофеля и многолетних трав на силос. Ожидаемая урожайность этих культур, себестоимость 1 ц. продукции нормы внесения удобрений в расчете на 1 единицу продукции приведены в таблице:

Показатели	Культуры		
	Ячмень	Картофель	Мн.травы на силос
Урожайность с 1 га, ц	18	200	250
Затраты труда на 1 га, чел-ч	45	220	44
Затраты удобрений на 1 га, ц.д.в.	1,5	3,2	0,8
Себестоимость 1 ц., Д.Е.	44	77	3,6
Цена реализации 1 ц., Д.Е.	68	120	5

Определить оптимальное сочетание посевов культур с таким расчетом, что бы общая прибыль в хозяйстве от их реализации была максимальной.

**Таблица 5 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне		на повышенном уровне
	соответствует оценке	соответствует	соответствует оценке

компетенции (части компетенции)	«удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	«отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений	не совсем твердо владеет материалом, имеет представление о различных способах вычисления, обладает навыками поиска информации для решения основных типов задач, при ответах допускает малосущественные погрешности, искажения логической последовательности, неточную аргументацию теоретических положений, испытывает затруднения при решении поставленной задачи	обладает навыками самостоятельного поиска информации для решения прикладных задач, но испытывает затруднения в ее критическом анализе умеет решать задачи различными способами, допуская незначительные ошибки, но испытывает затруднения при оценке их достоинств и недостатков	правильно выполняет все задания, строит стандартные теоретические модели, способен собрать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально- экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов, использует для решения задач современные технические средства и информационные технологии, оценивает достоинства и недостатки возможных вариантов решения

### Фонд тестовых заданий

#### КАТЕГОРИЯ «ОБЩИЙ ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ ВОПРОС ПО ЛП»

Выберите один ответ

**Областью допустимых решений системы ограничений задачи линейного программирования на плоскости является:**

- +выпуклый многоугольник
- одна из вершин выпуклого многоугольника
- первый координатный угол
- многоугольник

**Оптимальный план задачи линейного программирования – это...**

- набор переменных, обеспечивающих достижение целевой функции экстремума
- набор переменных удовлетворяющих системе ограничений задачи
- набор неотрицательных величин
- +набор переменных, удовлетворяющих системе ограничений задачи и обеспечивающих достижение целевой функции экстремума

**Точка множества называется \_\_\_\_\_, если в любой ее окрестности содержатся как точки, принадлежащие данному множеству, так и точки, не принадлежащие ему.**

- +граничной
- оптимальной

внутренней  
угловой

**Опорных планов задачи линейного программирования может быть:**

+бесчисленное множество  
десять  
один  
два

**Точка множества называется \_\_\_\_\_, если она не является внутренней ни для какого отрезка, целиком принадлежащего данному множеству.**

граничной  
внутренней  
оптимальной  
+угловой

**Точка множества называется \_\_\_\_\_, если в некоторой ее окрестности содержатся точки только данного множества**

угловой  
оптимальной  
граничной  
+внутренней

**Если задача линейного программирования имеет оптимальное решение, то линейная функция принимает экстремальное значение в одной из \_\_\_\_\_ точек многоугольника решений.**

внутренних  
+угловых  
граничных  
крайних

**Укажите форму записи задачи линейного программирования, указанную на рисунке:**

$$C = \sum_{j \in n} c_j x_j \rightarrow \max(\min)$$

$$1) \quad \sum_{j \in n} a_{ij} x_j \leq b_i \quad (i = 1, 2, \dots, l);$$

$$2) \quad \sum_{j \in n} a_{ij} x_j \geq b_i \quad (i = l + 1, l + 2, \dots, m)$$

$$3) \quad x_j \geq 0 \quad (j \in n)$$

общая  
+стандартная  
экономическая  
каноническая

**Укажите форму записи задачи линейного программирования, указанную на рисунке:**

$$C = \sum_{j \in n} c_j x_j \rightarrow \max(\min)$$

$$1) \quad \sum_{j \in n} a_{ij} x_j = b_i \quad (i \in n);$$

$$2) \quad x_j \geq 0 \quad (j \in n)$$

стандартная  
+каноническая  
экономическая  
общая

**Укажите форму записи задачи линейного программирования, указанную на рисунке:**

$$C = \sum_{j \in n} c_j x_j \rightarrow \max(\min)$$

$$1) \sum_{j \in n} a_{ij} x_j \leq b_i \quad (i = 1, 2, \dots, l);$$

$$2) \sum_{j \in n} a_{ij} x_j \geq b_i \quad (i = l + 1, l + 2, \dots, m_1)$$

$$3) \sum_{j \in n} a_{ij} x_j = b_i \quad (i = m_1 + 1, m_1 + 2, \dots, m)$$

$$4) x_j \geq 0 \quad (j \in n)$$

стандартная  
каноническая  
экономическая  
+общая

**Задача оптимального планирования считается заданной в стандартной форме записи тогда,**

...

когда система ограничений содержит только равенства  
+когда система ограничений содержит только неравенства  
когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\leq$ »  
когда присутствуют все типы ограничений  
когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\geq$ »

**Задача оптимального планирования считается заданной в общей форме записи тогда, ...**

когда система ограничений содержит только =  
когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\leq$ »  
+когда присутствуют все типы ограничений  
когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\geq$ »

**Задача оптимального планирования считается заданной в каноническом виде**

когда присутствуют все типы ограничений  
когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\leq$ »  
когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\geq$ »  
+когда система ограничений содержит только равенства

**Что изучает линейное программирование?**

методы нахождения производной сложной функции  
методы нахождения площади фигуры, ограниченной заданными линейными неравенствами

и равенствами

нет правильного ответа

+методы нахождения экстремума линейной функции на множестве, заданном линейными неравенствами и равенствами

Выберите несколько ответов

**Вектор  $X=(x_1, x_2, \dots, x_n)$ , удовлетворяющий системе ограничений задачи называется**

оптимальным решением

+опорным планом

наилучшим планом

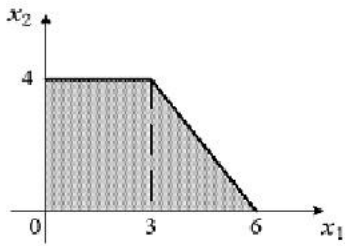
оптимальным планом

+допустимым решение

**КАТЕГОРИЯ «ЗАДАЧА ПО ГРАФИЧЕСКОМУ МЕТОДУ РЕШЕНИЯ ЗЛП»**

Открытый вопрос

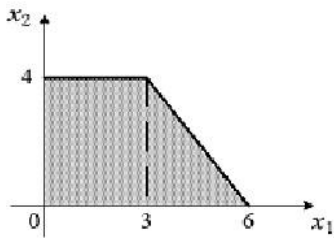
**Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:**



Тогда максимальное значение функции  $z=3x_1+5x_2$  равно...

Правильный ответ: 29

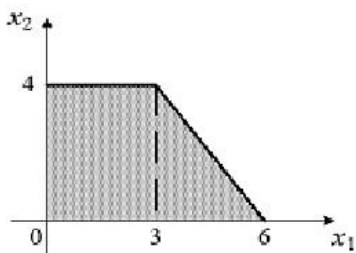
Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда минимальное значение функции  $C=-x_1-4x_2$  равно...

Правильный ответ: -19

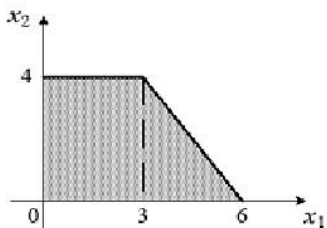
Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда максимальное значение функции  $C=-x_1+4x_2$  равно...

Правильный ответ: 16

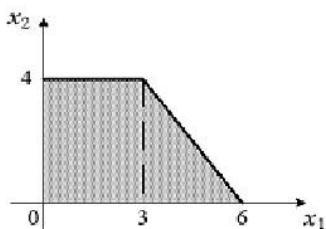
Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда минимальное значение функции  $C=-3x_1+5x_2$  равно...

Правильный ответ: -18

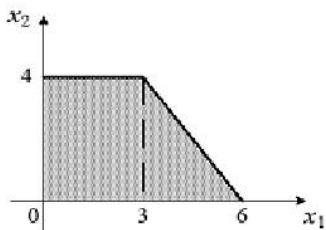
Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда максимальное значение функции  $C=-3x_1-4x_2$  равно...

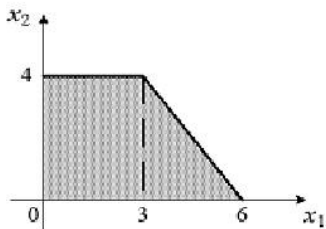
Правильный ответ: 0

Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



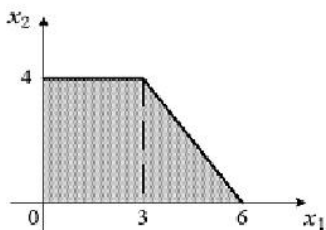
Тогда минимальное значение функции  $C=3x_1-4x_2$  равно...  
 Правильный ответ: -16

Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда максимальное значение функции  $C=3x_1-4x_2$  равно...  
 Правильный ответ: 18

Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда максимальное значение функции  $z=3x_1+4x_2$  равно

Правильный ответ: 25

КАТЕГОРИЯ «ЗАДАЧА БАЗОВОГО УРОВНЯ СЛОЖНОСТИ ПО ЛП»

Открытый вопрос

Максимальное значение функции  $F=2x_1-x_2$  при ограничениях  $x_1+x_2 \leq 3$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$  равно

Правильный ответ: -3

Максимальное значение функции  $C=-x_1+x_2$  при ограничениях  $x_1+x_2 \leq 3$ ;  $x_1 \geq 1$ ;  $x_2 \geq 0$  равно

Правильный ответ: 1

Максимальное значение функции  $C=x_1+x_2$  при ограничениях  $2x_1+x_2 \leq 1$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$  равно

Правильный ответ: 1

Минимальное значение функции  $C=x_1-3x_2$  при ограничениях  $x_1+2x_2 \leq 4$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$  равно

Правильный ответ: -6

Максимальное значение функции  $C=x_1-3x_2$  при ограничениях  $x_1+2x_2 \leq 4$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$  равно

Правильный ответ: 4

Минимальное значение функции  $C=x_1-2x_2$  при ограничениях  $2x_1+3x_2 \leq 6$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$  равно

Правильный ответ: -4

Максимальное значение функции  $C=x_1-2x_2$  при ограничениях  $2x_1+3x_2 \leq 6$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$  равно

Правильный ответ: 3

Определите минимум целевой функции  $3X_1 - X_2 \rightarrow \min$  при следующей системе ограничений:

$$2X_1 + X_2 \geq -4$$

$$X_1 + 2X_2 \leq 6$$

$$2X_1 + X_2 \geq 2$$

$$X_1 \geq 1, X_2 \geq 0$$

Правильный ответ: 0,5

КАТЕГОРИЯ «ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ ВОПРОС ПО СИМПЛЕКСНОМУ МЕТОДУ РЕШЕНИЯ ЗЛП»

Выберите один ответ

**Разрешающая строка при решении задачи симплексным методом выбирается по ...**

- наибольшему симплексному отношению;
- +по наименьшему положительному симплексному отношению;
- по наибольшему по модулю значению коэффициента столбца  $\theta$ ;
- по наименьшему коэффициенту столбца свободных членов;

**Разрешающий столбец при решении задачи симплексным методом указывает на ...**

- базисную переменную, которую в первую очередь необходимо выводить из базиса;
- +небазисную переменную, которую в первую очередь необходимо вводить в базис;
- элементы столбца, коэффициенты, которого в дальнейшем рассчитываться не будут;
- положительное симплексное отношение;

**Если оптимизационная задача решается симплекс методом, число ограничений в задаче равно 5 (не учитывая, условия не отрицательности переменных), а число основных переменных 4. Количество базисных переменных равно:**

- 9
- +5
- 4
- 1

**Если оптимизационная задача решается симплекс методом, число ограничений в задаче равно 6 (не учитывая, условия не отрицательности переменных), а число основных переменных 5. Количество переменных равно:**

- +11
- 6
- 5
- 1

**Значение целевой функции в последующей симплексной таблице равно 150, а в предыдущей 190. Критерий оптимизации в данной задаче:**

- +целевая функция стремится к минимуму;
- целевая функция стремится к максимуму;
- целевая функция может стремиться и к минимуму и к максимуму;
- целевая функция не ограничена;

**Значение целевой функции в последующей симплексной таблице равно 150 и в предыдущей 150. Критерий оптимизации в данной задаче:**

- целевая функция стремится к минимуму;
- целевая функция стремится к максимуму;
- +целевая функция может стремиться и к минимуму и к максимуму;
- нельзя определить;

**Симплексное отношение – это ...**

- +отношение элементов столбца свободных членов к соответствующим элементам разрешающего столбца;
- отношение элементов разрешающего столбца к соответствующим элементам столбца свободных членов;
- отношение элементов столбца свободных членов к разрешающему элементу;
- отношение элементов разрешающего столбца к разрешающему элементу;

**Выберите правильное утверждение:**

- Искомая переменная с экономической точки зрения – это недоиспользованный ресурс;
- Для одной и той же оптимизационной задачи существует только один опорный план;
- Симплексным методом можно решить задачу только на максимум целевой функции;
- +Дополнительная переменная задачи, решаемой симплексным методом, обозначает недоиспользованный ресурс.

**Замена в симплекс-методе для решения задачи линейного программирования ограничений-неравенств на ограничения-равенства осуществляется с помощью:**

- вспомогательных переменных
- +дополнительных переменных
- неосновных переменных



основных переменных

**В симплекс-методе для решения задачи линейного программирования дополнительные переменные имеют конкретное экономическое содержание, а именно:**

количество продукции каждого вида по плану выпуска

количество запасов сырья каждого типа

+остатки сырья каждого вида после выполнения оптимального плана по выпуску продукции

стоимости единиц сырья каждого вида

**Первый (подготовительный) этап симплекс-метода для решения задачи линейного программирования является ...**

отыскание какого-либо базисного решения

+приведение задачи линейного программирования к каноническому виду

нахождение оптимального решения из допустимого базисного

получение допустимого базисного решения

**КАТЕГОРИЯ «ПРАКТИЧЕСКИЙ ВОПРОС ПО СИМПЛЕКСНОМУ МЕТОДУ РЕШЕНИЯ ЗЛП»**

Выберите один ответ

**На рисунке представлена последняя симплексная таблица. Определите значения основных и дополнительных переменных.**

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>
1	x <sub>3</sub>	3	1	4	1	0	2	0
2	x <sub>4</sub>	11	2	0	0	1	-1	0
3	x <sub>2</sub>	5	0	1	0	0	1	0
4	x <sub>6</sub>	21	3	0	0	0	0	1
C		15	2	0	0	0	3	0

x<sub>1</sub>=1; x<sub>2</sub>=4; x<sub>3</sub>=1; x<sub>4</sub>=0; x<sub>5</sub>=2; x<sub>6</sub>=0

+x<sub>1</sub>=0; x<sub>2</sub>=5; x<sub>3</sub>=3; x<sub>4</sub>=11; x<sub>5</sub>=0; x<sub>6</sub>=21

x<sub>1</sub>=2; x<sub>2</sub>=0; x<sub>3</sub>=0; x<sub>4</sub>=0; x<sub>5</sub>=3; x<sub>6</sub>=0

x<sub>1</sub>=0; x<sub>2</sub>=5

**По представленной последней симплексной таблице определите значения основных переменных**

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>
1	x <sub>1</sub>	6	4	2	11	7	0	1
2	x <sub>5</sub>	1	0	0	-2/5	1/5	1	0
3	x <sub>2</sub>	4	4/5	2	5/6	4/5	0	0
4	x <sub>6</sub>	3	7	1/5	7/8	1	0	0
C		24	1	6	4/5	3/5	0	2

x<sub>1</sub>=4; x<sub>2</sub>=2

+x<sub>1</sub>=6; x<sub>2</sub>=4

x<sub>1</sub>=1; x<sub>2</sub>=6

x<sub>1</sub>=1; x<sub>2</sub>=0

**На рисунке представлена симплексная таблица. Задача решается на максимум. Определите, какую переменную следует ввести в базис:**

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Допол. Пер.	
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>
1	x <sub>3</sub>	12	1	5	1	0
2	x <sub>2</sub>	40	2	100	0	1
C		7	-1	3	2	-2

x<sub>1</sub>

x<sub>2</sub>

x<sub>3</sub>

+x<sub>4</sub>

По представленной симплексной таблице при решении задачи на максимум, определите какую переменную следует ввести в базис

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>
1	x <sub>1</sub>	6	4	2	11	7	0	1
2	x <sub>5</sub>	1	0	0	-2/5	1/5	1	0
3	x <sub>2</sub>	4	4/5	2	5/6	4/5	0	0
4	x <sub>6</sub>	3	7	1/5	7/8	1	0	0
C		24	1	6	-4	-3	0	2

- x1
- x2
- +x3
- x4
- x5
- x6

По представленной симплексной таблице при решении задачи на максимум, определите какую переменную следует вывести из базиса:

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>
1	x <sub>1</sub>	6	4	2	11	7	0	1
2	x <sub>5</sub>	1	0	0	-2/5	1/5	1	0
3	x <sub>2</sub>	4	4/5	2	5/6	4/5	0	0
4	x <sub>6</sub>	3	7	1/5	7/8	1	0	0
C		24	1	6	-4	-3	0	2

- +x1
- x2
- x3
- x4
- x5
- x6

На рисунке представлена симплексная таблица. Задача решается на максимум. Определите, какую переменную следует вывести из базиса:

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Допол. Пер.	
			x1	x2	x3	x4
1	x3	12	1	5	1	0
2	x2	40	2	100	0	1
C		7	-1	3	2	-2

- x1
- +x2
- x3
- x4

Выберите несколько правильных ответов

По представленной последней симплексной таблице определите значения основных переменных

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>
1	x <sub>1</sub>	6	4	2	11	7	0	1
2	x <sub>5</sub>	1	0	0	-2/5	1/5	1	0

3	$x_3$	4	4/5	2	5/6	4/5	0	0	
4	$x_6$	3	7	1/5	7/8	1	0	0	
C		24	1	6	4	3	0	2	

$+x_1=6$   
 $x_1=4$   
 $x_2=2$   
 $+x_2=0$   
 $x_1=1$   
 $x_2=6$

На рисунке представлена симплексная таблица. Задача решается на максимум. Определите значения дополнительных переменных

i	$B_x$	$b_i$	Осн. пер.		Допол. Пер.	
			$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
1	$x_3$	12	1	5	1	4
2	$x_2$	40	2	100	0	1
C		7	-2	3	2	1

$+x_3=12$   
 $x_3=1$   
 $x_4=40$   
 $+x_4=0$   
 $x_4=1$   
 $x_3=2$

На рисунке представлена симплексная таблица. Задача решается на максимум. Определите значения основных переменных

i	$B_x$	$b_i$	Осн. пер.		Допол. Пер.	
			$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
1	$x_3$	12	1	5	1	0
2	$x_2$	40	2	100	0	1
C		7	-2	3	2	1

$+x_2=40$   
 $+x_1=0$   
 $x_1=1$   
 $x_2=5$   
 $x_1=-2$   
 $x_2=3$

Открытый вопрос

По представленной последней симплексной таблице определите значение переменной  $x_4$

i	$B_x$	$b_i$	Осн. пер.		Доп. пер.			
			$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$
1	$x_1$	6	4	2	11	7	0	1
2	$x_5$	1	0	0	-2/5	1/5	1	0
3	$x_2$	4	4/5	2	5/6	4/5	0	0
4	$x_6$	3	7	1/5	7/8	1	0	0
C		24	1	6	4/5	3/5	0	2

Правильный ответ: 0

На рисунке представлена симплексная таблица. Задача решается на максимум. Определите разрешающий элемент

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. перем.		
			x1	x2	x3	x4	x5
1	x3	0	1	5	1	0	2
2	x4	400	2	100	0	1	10
3	x5	1000	20	1000	4	0	10
C		0	-2	-3	2	1	-1

Правильный ответ: 5

На рисунке представлена симплексная таблица. Задача решается на максимум. Определите разрешающий элемент

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. перем.		
			x1	x2	x3	x4	x5
1	x3	100	1	1	1	0	0
2	x4	400	2	40	0	1	7
3	x5	1000	20	200	4	0	1
C		0	-6	-12	2	1	-3

Правильный ответ: 200

По представленной последней симплексной таблице определите значение переменной x2

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>
1	x <sub>1</sub>	6	4	2	11	7	0	1
2	x <sub>5</sub>	1	0	0	-2/5	1/5	1	0
3	x <sub>2</sub>	4	4/5	2	5/6	4/5	0	0
4	x <sub>6</sub>	3	7	1/5	7/8	1	0	0
C		24	1	6	4/5	3/5	0	2

Правильный ответ: 4

По представленной последней симплексной таблице определите значение переменной x1

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>
1	x <sub>1</sub>	6	4	2	11	7	0	1
2	x <sub>5</sub>	1	0	0	-1	1/5	1	0
3	x <sub>2</sub>	4	1	2	5/6	4/5	0	0
4	x <sub>6</sub>	3	7	1/5	7/8	1	0	0
C		24	1	6	5	4	0	2

Правильный ответ: 6

По представленной последней симплексной таблице определите значение переменной x5

i	B <sub>x</sub>	b <sub>i</sub>	Осн. пер.		Доп. пер.			
			x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	x <sub>3</sub>	x <sub>4</sub>	x <sub>5</sub>	x <sub>6</sub>

1	x <sub>1</sub>	6	4	2	11	7	0	1	
2	x <sub>5</sub>	1	0	0	-2/5	1/5	1	0	
3	x <sub>2</sub>	4	4/5	2	5/6	4/5	0	0	
4	x <sub>6</sub>	3	7	1/5	7/8	1	0	0	
С		24	1	6	4	3	0	2	

Правильный ответ: 1

**Таблица 6 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений	если правильно выполнено 50-64% тестовых заданий, студент владеет материалом по теме, но испытывает затруднения в поиске и анализе информации для решения поставленной задачи	правильно выполнено 65-85% тестовых заданий, студент обладает способностью в поиске и анализе информации, на основе поставленных целей для решения экономических задач, но допускает неточности при решении поставленной задачи	правильно выполнено 86-100% тестовых заданий; студент способен осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения экономических задач способен строить на основе описания экономических процессов и явлений стандартные теоретические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты, использовать для решения аналитических и исследовательских задач современные технические средства и информационные технологии

### Индивидуальное задание

Вариант индивидуального задания выбирается по таблице.

Первая буква фамилии	Последняя цифра шифра				
	1,0	2,9	3,8	4,7	5,6
А, Ж, Н, У, Я	1	7	13	19	25
Б, З, О, М	2	8	14	20	26
Г, В, И, П, Ц, Ч	3	9	15	21	27
К, Р, Ш, Щ, Е,	4	10	16	22	28
Д, Л, Э, Ю, Т	5	11	17	23	29
С, Ф, Х, Ё	6	12	18	24	30

Решить задачу оптимального планирования выпуска продукции симплексным методом<sup>1</sup> при следующих условиях.

Для изготовления двух видов продукции используются три вида сырья. При производстве единицы продукции первого вида затрачивается  $a_1$  кг сырья первого вида,  $a_2$  кг сырья второго вида и  $a_3$  кг сырья третьего вида. При производстве единицы продукции второго вида затрачивается  $b_1$  кг сырья первого вида,  $b_2$  кг сырья второго вида и  $b_3$  кг сырья третьего вида. Запасы сырья первого вида составляют  $A$  кг, второго —  $B$  кг, третьего —  $C$  кг. Прибыль от реализации единицы продукции первого вида составляет  $P_1$  руб., от реализации единицы продукции второго вида —  $P_2$  руб.

Исходные данные в зависимости от варианта приведены в таблице.

*Исходные данные к индивидуальному заданию*

№	$a_1$	$a_2$	$a_3$	$b_1$	$b_2$	$b_3$	$A$	$B$	$C$	$P_1$	$P_2$
1	14	14	6	5	8	12	350	392	408	10	5
2	16	9	6	4	9	12	400	333	360	9	12
3	12	4	3	3	5	14	284	136	266	6	4
4	14	4	3	4	4	12	252	120	240	30	40
5	15	4	4	2	3	14	285	113	322	15	9
6	16	3	3	2	2	15	304	83	375	10	12
7	13	4	3	2	4	14	260	124	280	12	10
8	9	7	4	5	8	16	1431	1224	1328	3	2
9	6	5	3	3	10	12	714	910	948	3	9
10	15	5	4	4	3	8	225	100	192	6	8
11	2	3	4	5	6	36	80	102	91	5	11
12	10	8	6	4	6	12	196	168	182	18	10
13	3	2	1	6	5	5	102	80	75	3	10
14	4	2	6	10	10	12	166	138	182	6	20
15	3	4	2	4	7	8	182	807	768	3	2
16	3	4	3	5	8	11	453	616	627	2	5
17	3	4	5	6	3	2	102	91	105	7	9
18	5	3	2	2	3	3	505	393	348	7	4
19	5	4	3	3	3	4	750	630	700	5	6
20	6	4	3	2	3	4	600	520	600	6	3
21	4	7	6	3	5	3	552	607	476	3	6
22	5	5	9	7	1	5	446	503	333	10	12
23	8	7	2	9	9	4	252	321	450	13	7
24	6	5	4	7	2	8	267	444	650	7	12
25	4	5	6	7	8	9	765	655	546	4	3
26	3	2	3	5	5	8	620	345	400	2	7
27	12	6	8	4	3	5	740	455	520	4	5

<sup>1</sup> При оформлении индивидуального задания должны быть выполнены все шаги алгоритма симплексного метода без пропусков промежуточных расчетов.

№	a1	a2	a3	в1	в2	в3	A	B	C	P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>
28	14	3	4	2	9	7	800	390	460	8	10
29	5	3	2	6	4	8	700	620	523	3	6
30	13	7	5	4	1	15	862	642	386	5	11

**Таблица 7 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания семестра, студент с незначительными ошибками выполнил задание, допустил погрешности в выводах, принципиально не искажающих логическую последовательность теоретических положений, не использовал информационные технологии при решении.	индивидуальное домашнее задание выполнено в срок; студент правильно выполнил задание, применил информационные технологии при его решении, сделал выводы, допустив небольшие погрешности, не искажающие его понимания усвоенного материала.	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания обозначенного срока; студент правильно выполнил задание, продемонстрировав способность к самоорганизации, аргументировал все этапы его выполнения, способен выполнять необходимые для составления экономических разделов планов расчеты, обосновывать их и представлять результаты работы, проанализировал и содержательно интерпретировал полученные результаты, проверил правильность решения с помощью современных технических средств и информационных технологий

**Тема 3 «Оптимальные решения в линейных задачах управления производством»**

**Контрольная работа**

**Вариант 1**

На складах A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>, A<sub>3</sub> хранится a<sub>1</sub>=100, a<sub>2</sub>=200, a<sub>3</sub>=120 единиц одного того же груза соответственно. Требуется доставить его трем потребителям B<sub>1</sub>, B<sub>2</sub>, B<sub>3</sub>, заказы которых составляют b<sub>1</sub>=150, b<sub>2</sub>=110, b<sub>3</sub>=160 единиц груза. Стоимость перевозки C<sub>i,j</sub> единицы груза с i-склада j-ому потребителю указаны в матрице:

4	2	6
---	---	---

7	5	3
1	7	6

Выполните следующее:

1. Постройте экономико-математическую модель транспортной задачи;
2. Найдите опорный план диагональным методом
3. Постройте опорный план методом наименьшего элемента
4. Осуществите одну поставку из опорного плана, найденного диагональным методом.
5. Найдите оптимальный план перевозки с помощью надстройки «Поиск решения» и проанализируйте полученный результат

### Вариант 2

В хозяйстве на 4-х полях выращиваются однолетние травы на зеленый корм. Зеленую массу этих трав необходимо доставить на три фермы. Валовой сбор зеленой массы с каждого поля:  $A_1=50$ т,  $A_2=200$ т,  $A_3=200$ т,  $A_4=230$ т

Потребности каждой фермы в зеленой массе:  $B_1=200$ т,  $B_2=220$ т,  $B_3=260$ т

Необходимо организовать перевозку зеленой массы таким образом, чтобы затраты (тонно-километры) были минимальными, если расстояние от каждого поля до каждой фермы следующее:

$$S(\text{км}) = \begin{pmatrix} 2 & 6 & 10 \\ 5 & 4 & 3 \\ 3 & 2 & 11 \\ 9 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

1. Постройте экономико-математическую модель транспортной задачи;
2. Найдите опорный план диагональным методом
3. Постройте опорный план методом наименьшего элемента
4. Осуществите одну поставку из опорного плана, найденного диагональным методом.
5. Найдите оптимальный план перевозки с помощью надстройки «Поиск решения» и проанализируйте полученный результат

### Вариант 3

Найти оптимальный план перевозки однородного груза от четырех поставщиков к четырем потребителям, если известно:  $A_1=100$ т,  $A_2=300$ т,  $A_3=200$ т,  $A_4=600$ т,  $B_1=50$ т,  $B_2=350$ т,  $B_3=420$ т,  $B_4=380$ т

$$S(\text{руб / т}) = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 4 & 2 \\ 3 & 6 & 5 & 1 \\ 1 & 6 & 2 & 3 \\ 7 & 4 & 5 & 8 \end{pmatrix}$$

Критерий оптимизации – минимум затрат на перевозку однородного груза.

1. Постройте экономико-математическую модель транспортной задачи;
2. Найдите опорный план диагональным методом
3. Постройте опорный план методом наименьшего элемента
4. Осуществите одну поставку из опорного плана, найденного диагональным методом.
5. Найдите оптимальный план перевозки с помощью надстройки «Поиск решения» и проанализируйте полученный результат

### Вариант 4

На трех складах хранится минеральное удобрение в количестве:  $A_1=250$ т,  $A_2=300$ т,  $A_3=150$ т. Удобрение необходимо развести по четырем полям. Потребности полей в удобрении следующие:  $B_1=200$ т,  $B_2=120$ т,  $B_3=180$ т,  $B_4=200$ т. Расстояние между складами и полями приведено в матрице расстояний. Критерием оптимизации считать минимум тонно-километров

$$S(\text{км}) = \begin{pmatrix} 3 & 4 & 6 & 2 \\ 7 & 5 & 3 & 1 \\ 5 & 1 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

1. Постройте экономико-математическую модель транспортной задачи;
2. Найдите опорный план диагональным методом



3. Постройте опорный план методом наименьшего элемента
4. Осуществите одну поставку из опорного плана, найденного диагональным методом.
5. Найдите оптимальный план перевозки с помощью надстройки «Поиск решения» и проанализируйте полученный результат

**Таблица 8 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2УК-1 Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2УК-2 Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	не совсем твердо владеет материалом, имеет представление о различных способах вычисления, обладает навыками поиска информации для решения основных типов задач, при ответах допускает малосущественные погрешности, искажения логической последовательности, неточную аргументацию теоретических положений, испытывает затруднения при решении поставленной задачи	обладает навыками самостоятельного поиска информации для решения прикладных задач, но испытывает затруднения в ее критическом анализе умеет решать задачи различными способами, допуская незначительные ошибки, но испытывает затруднения при оценке их достоинств и недостатков	правильно выполняет все задания, строит стандартные теоретические модели, способен собрать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально-экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов, использует для решения задач современные технические средства и информационные технологии, оценивает достоинства и недостатки возможных вариантов решения

Типовые задания

**Фонд тестовых заданий**

КАТЕГОРИЯ «МАТРИЦА ПРЯМЫХ ЗАТРАТ»

Открытый вопрос

**Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид**

$\begin{bmatrix} 0,1 & 0,1 \\ 0,1 & 0,3 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 1-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 200 \\ 150 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 250

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,1 & 0,1 \\ 0,1 & 0,3 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 200 \\ 150 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 250

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,6 & 0,4 \\ 0,1 & 0,5 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 200 \\ 100 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 375

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,2 & 0,2 \\ 0,4 & 0,4 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 1-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 70 \\ 20 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 115

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,2 & 0,2 \\ 0,4 & 0,4 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 70 \\ 20 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 110

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,7 & 0,2 \\ 0,2 & 0,2 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 1-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 70 \\ 20 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 300

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,7 & 0,2 \\ 0,2 & 0,2 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 20 \\ 50 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 95

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,7 & 0,2 \\ 0,2 & 0,2 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 70 \\ 20 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 100

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,7 & 0,2 \\ 0,2 & 0,2 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 1-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 20 \\ 50 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 130

Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,6 & 0,4 \\ 0,1 & 0,5 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 1-ой отрасли, если вектор конечного

потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 200 \\ 100 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 875

КАТЕГОРИЯ «МАТРИЦА ПОЛНЫХ ЗАТРАТ»

Выберите один ответ

Определите матрицу полных затрат при следующем распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период:

	Производственное потребление		Конечная продукция
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	50	40	160
2 отрасль	100	80	20

$$+ \begin{bmatrix} 1,5 & 0,5 \\ 1,0 & 2,0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0,2 & 0,2 \\ 0,4 & 0,4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0,8 & -0,2 \\ -0,2 & 0,6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0,2 & 0,16 \\ 0,5 & 0,4 \end{bmatrix}$$

Определите матрицу полных затрат при следующем распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период:

	Производственное потребление		Конечная продукция
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	70	15	15
2 отрасль	20	15	40

$$+ \begin{bmatrix} 4,0 & 1,0 \\ 1,0 & 1,5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0,7 & 0,15 \\ 0,27 & 0,2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0,7 & 0,2 \\ 0,2 & 0,2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0,3 & -0,2 \\ -0,2 & 0,8 \end{bmatrix}$$

Открытый вопрос

Матрица полных затрат модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 1,5 & 0,5 \\ 1,0 & 2,0 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 1-ой отрасли, если вектор конечного потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 200 \\ 50 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 325

Матрица полных затрат модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 1,5 & 0,5 \\ 1,0 & 2,0 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 200 \\ 50 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 300

Матрица полных затрат модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 4,0 & 1,0 \\ 1,0 & 0,5 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 1-ой отрасли, если вектор конечного потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 100 \\ 50 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 450

Матрица полных затрат модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 4,0 & 1,0 \\ 1,0 & 0,5 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 100 \\ 50 \end{bmatrix}$

Правильный ответ 175

Определите элемент  $p_{11}$  матрицы полных затрат при следующем распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период:

	Производственное потребление		Конечная продукция
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	70	15	15
2 отрасль	20	15	40

Правильный ответ 4

Определите элемент  $p_{12}$  матрицы полных затрат при следующем распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период:

	Производственное потребление		Конечная продукция
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	70	15	15
2 отрасль	20	15	40

Правильный ответ 1

Определите элемент  $p_{21}$  матрицы полных затрат при следующем распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период:

	Производственное потребление		Конечная продукция
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	70	15	15
2 отрасль	20	15	40

Правильный ответ 1

Определите элемент  $p_{22}$  матрицы полных затрат при следующем распределении продукции

двух отраслей между собой за отчетный период:

	Производственное потребление		Конечная продукция
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	50	40	160
2 отрасль	100	80	20

Правильный ответ 2

КАТЕГОРИЯ «ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ ВОПРОС ПО ТРАНСПОРТНОЙ ЗАДАЧЕ»

Выберите один ответ

Если сумма запасов грузов в транспортной задаче меньше суммы потребности в них, то необходимо...

- ввести дополнительно занятую клетку
- ввести фиктивный пункт назначения
- +ввести фиктивный пункт отправления
- произвести все выше названные действия

В транспортной задаче 5 пунктов отправления и 8 пунктов назначения. Какое количество занятых клеток должно быть в опорном плане? (модель задачи закрытая)

- 14
- +12
- 13
- 3

В математической модели транспортной задачи приняты следующие обозначения:

- $x_{ij}$  - объем продукции у  $i$ -го поставщика
- + $x_{ij}$  – количество грузов перевозимых из  $i$ -го пункта отправления в  $-j$ -й пункт назначения
- $x_{ij}$ -объем продукции необходимый  $j$ -му потребителю
- $C_{ij}$  – количество грузов перевозимых из  $i$ -го пункта отправления в  $-j$ -й пункт назначения

План считается оптимальным, если все значения

- $L_{ij} \leq 0$
- $k_{ij} \geq 0$
- + $L_{ij} \geq 0$
- $r_{ij} \geq 0$

Опорный план транспортной задачи считается вырожденным, если

- количество занятых клеток равно  $m+n-1$
- +количество занятых клеток меньше, чем  $m+n-1$
- количество занятых клеток больше чем,  $m+n$
- количество занятых клеток равно  $m+n$

Укажите, как выполняется сдвиг по циклу в транспортной задаче:

- наибольшую поставку в отрицательных вершинах прибавляем к значениям поставок в положительных вершинах, вычитаем из значений поставок в отрицательных
- наименьшую поставку в положительных вершинах прибавляем к значениям поставок в отрицательных вершинах, вычитаем из значений поставок в положительных
- в перспективную ячейку перемещают размер поставки равный максимальной в положительной вершине цикла перераспределения
- +наименьшую поставку в отрицательных вершинах прибавляем к значениям поставок в положительных вершинах, вычитаем из значений поставок в отрицательных

Перспективная клетка – это ...

- клетка с нулевым тарифом
- клетка в матрице планирования с наименьшим значением тарифа
- клетка в матрице планирования с наибольшим значением тарифа
- +клетка в матрице планирования, в которую необходимо сделать поставку груза

Открытый вопрос

В транспортной задаче 6 пунктов отправления и 5 пунктов назначения. Какое количество занятых клеток должно быть в опорном плане? (модель задачи закрытая)

Правильный ответ: 10

При выполнении условий:  $\sum a_i = \sum b_j$  - модель называют \_\_\_\_\_ типа

Правильный ответ: закрытого

При выполнении условий:  $\sum a_i > \sum b_j$  - модель называют \_\_\_\_\_ типа

Правильный ответ: открытого

Выберите несколько ответов

Укажите способы нахождения первого опорного плана в транспортной задаче:

- +способ северо-западного угла
- +способ наименьшего элемента в таблице
- способ наибольшего элемента в таблице
- способ приведения системы ограничений к каноническому виду

Укажите основные правила построения цикла перераспределения поставок

- +число вершин цикла всегда нечетное
- +цикл начинается и заканчивается в перспективной клетке
- число вершин цикла всегда четное
- +цикл делает повороты в занятых клетках и только под прямым углом
- цикл делает повороты в занятых и свободных клетках, но только под прямым углом

КАТЕГОРИЯ «ЗАДАЧА ЗАКРЫТОГО ТИПА»

Выберите один ответ

	50	60 + b	200
100 + a	7	2	4
200	3	5	6

Транспортная задача \_\_\_\_\_ будет закрытой, если

- a=45, b=25
- +a=45, b=35
- a=45, b=40
- a=45, b=30

	30	100 + b
20	3	9
30 + a	4	1
100	6	8

Транспортная задача \_\_\_\_\_ будет закрытой, если

- a=55, b=80
- +a=55, b=75
- a=55, b=65
- a=55, b=70

	50	60 + b	200
100 + a	7	2	4
200	3	5	6

Транспортная задача \_\_\_\_\_ будет закрытой, если

- a=25, b=10
- a=25, b=5
- a=20, b=5
- +a=25, b=15

	50	60 + b	200
100 + a	7	2	4
200	3	5	6

Транспортная задача \_\_\_\_\_ будет закрытой, если ...

- a=40, b=10
- a=40, b=40

+a=40, b=30

a=40, b=20

	30	100+ b
20	3	9
30+ a	4	1
100	6	8

Транспортная задача будет закрытой, если ...

a=40, b=50

+a=40, b=60

a=40, b=65

a=40, b=55

Среди данных транспортных задач

1)

Мощности поставщиков	Мощности потребителей			
	22	34	41	20
30	10	7	6	8
48	5	6	5	4
38	8	7	6	7

2)

Мощности поставщиков	Мощности потребителей			
	23	34	51	20
41	10	7	6	8
48	5	6	5	4
39	8	7	6	7

3)

Мощности поставщиков	Мощности потребителей			
	26	34	41	20
31	10	7	6	8
48	5	6	5	4
39	8	7	6	7

закрытыми являются ...

Выберите один ответ:

+2

2 и 3

1

1 и 3

КАТЕГОРИЯ «РАСЧЕТ ПОТЕНЦИАЛА ПО ЗАНЯТЫМ КЛЕТКАМ»

Открытый вопрос

Представлена матрица планирования. Определите потенциал p2

Магазины		Базы				Запасы, кг.
		M1	M2	M3	M4	
Б1	p1	k1	k2	k3	k4	
		3	5	14	11	7
Б2	p2	12	2	8	6	3.9

			3.9			
Б2	р3	4	10	9	7	5.1
			1.6	2.4	1.1	
Потребность, кг		4.5	8	2.4	1.1	

Правильный ответ: -3

Представлена матрица планирования. Определите потенциал р3

Магазины Базы		M1	M2	M3	M4	Запасы, кг.
		k1	k2	k3	k4	
Б1	р1	3	5	14	11	7
		4.5	2.5			
Б2	р2	12	6	8	6	3.9
			3.9			
Б2	р3	4	10	9	7	5.1
			1.6	2.4	1.1	
Потребность, кг		4.5	8	2.4	1.1	

Правильный ответ: 5

Представлена матрица планирования. Определите потенциал к3

Магазины Базы		M1	M2	M3	M4	Запасы, кг.
		k1	k2	k3	k4	
Б1	р1	3	5	14	11	4.7
		4.5		0.2		
Б2	р2	12	6	8	6	3.9
			6			
Б2	р3	4	10	9	7	5.1
			2	2.2	1.1	
Потребность, кг		4.5	8	2.4	1.1	

Правильный ответ: -5

Представлена матрица планирования. Определите потенциал к3

Магазины Базы		M1	M2	M3	M4	Запасы, кг.
		k1	k2	k3	k4	
Б1	р1	3	5	14	11	7
		4.5	2.5			
Б2	р2	12	6	8	6	3.9
			3.9			
Б2	р3	4	10	9	7	5.1
			1.6	2.4	1.1	
Потребность, кг		4.5	8	2.4	1.1	

Правильный ответ: 4

Представлена матрица планирования. Определите потенциал к4

Магазины Базы		M1	M2	M3	M4	Запасы, кг.
		k1	k2	k3	k4	
Б1	р1	3	5	14	11	7
		4.5	2.5			
Б2	р2	12	6	8	6	3.9
			3.9			
Б2	р3	4	10	9	7	5.1
			1.6	2.4	1.1	
Потребность, кг		4.5	8	2.4	1.1	

Правильный ответ: 2

Представлена матрица планирования. Определите потенциал к4



Ферма			Ф1	Ф2	Ф3	Ф4	Возможность
Участки			k <sub>1</sub> =	k <sub>2</sub> =	k <sub>3</sub> =	k <sub>4</sub> =	
У1	p <sub>1</sub>		37	51	20	39	200
		200					
У2	p <sub>2</sub> =		42	60	17	48	800
		100		550	150		
У3	p <sub>3</sub> =		74	92	18	60	900
				750		150	
Потребность			300	750	550	300	

Правильный ответ: 43

Представлена матрица планирования. Определите потенциал k3

Ферма			Ф1	Ф2	Ф3	Ф4	Возможность
Участки			k <sub>1</sub> =	k <sub>2</sub> =	k <sub>3</sub> =	k <sub>4</sub> =	
У1	p <sub>1</sub>		37	51	20	39	200
		200					
У2	p <sub>2</sub> =		42	60	17	48	800
		100		550	150		
У3	p <sub>3</sub> =		74	92	18	60	900
				750		150	
Потребность			300	750	550	300	

Правильный ответ: 12

Представлена матрица планирования. Определите потенциал k2

Ферма			Ф1	Ф2	Ф3	Ф4	Возможность
Участки			k <sub>1</sub> =	k <sub>2</sub> =	k <sub>3</sub> =	k <sub>4</sub> =	
У1	p <sub>1</sub>		37	51	20	39	200
		200					
У2	p <sub>2</sub> =		42	60	17	48	800
		100		550	150		
У3	p <sub>3</sub> =		74	92	18	60	900
				750		150	
Потребность			300	750	550	300	

Правильный ответ: 75

Представлена матрица планирования. Определите потенциал p2

Ферма			Ф1	Ф2	Ф3	Ф4	Возможность
Участки			k <sub>1</sub> =	k <sub>2</sub> =	k <sub>3</sub> =	k <sub>4</sub> =	
У1	p <sub>1</sub>		37	51	20	39	200
		200					
У2	p <sub>2</sub> =		42	60	17	48	800
		100		550	150		
У3	p <sub>3</sub> =		74	92	18	60	900
				750		150	
Потребность			300	750	550	300	

Правильный ответ: 5

Представлена матрица планирования. Определите потенциал  $p_3$

Ферма			$\Phi_1$	$\Phi_2$	$\Phi_3$	$\Phi_4$	Возможность
Участки			$k_1 =$	$k_2 =$	$k_3 =$	$k_4 =$	
$Y_1$	$p_1$		37	51	20	39	200
$Y_2$	$p_2 =$		42	60	17	48	800
$Y_3$	$p_3 =$		74	92	18	60	900
Потребность			300	750	550	300	

Правильный ответ: 17

Таблица 9 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	если правильно выполнено 50-64% тестовых заданий, студент владеет материалом по теме, но испытывает затруднения в поиске и анализе информации для решения поставленной задачи	правильно выполнено 65-85% тестовых заданий, студент обладает способностью в поиске и анализе информации, на основе поставленных целей для решения экономических задач, но допускает неточности при решении поставленной задачи	правильно выполнено 86-100% тестовых заданий; студент способен осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения экономических задач способен строить на основе описания экономических процессов и явлений стандартные теоретические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты, использовать для решения аналитических и исследовательских задач современные технические средства и информационные технологии
ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений			
ИД-2 <sub>опк-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности			

### Индивидуальное задание

Вариант индивидуального задания выбирается по таблице.

Первая буква фамилии	Последняя цифра шифра				
	1,0	2,9	3,8	4,7	5,6
А, Ж, Н, У, Я	1	7	13	19	25

Б, З, О, М	2	8	14	20	26
Г, В, И, П, Ц, Ч	3	9	15	21	27
К, Р, Ш, Щ, Е,	4	10	16	22	28
Д, Л, Э, Ю, Т	5	11	17	23	29
С, Ф, Х, Ё	6	12	18	24	30

Определите требуемые объемы выпуска продукции каждой отрасли, удовлетворяющие внутренний спрос и спрос на конечную продукцию в размере  $Y_{pl}$  при заданном распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период согласно выбранному варианту по таблице.

№ вариант а	Отрасль	Распределение за отчетный период		Конечная продукция	Планируемый объем конечного потребления $Y_{pl}$
		Производственное потребление			
		1 отрасль	2 отрасль		
1	2	3	4	5	6
1	1 отрасль	50	40	160	120
	2 отрасль	100	80	20	30
2	1 отрасль	70	85	20	30
	2 отрасль	35	42,5	135	40
3	1 отрасль	50	15	25	40
	2 отрасль	30	22,5	15	50
4	1 отрасль	70	15	15	20
	2 отрасль	20	15	40	50
5	1 отрасль	45	100	80	90
	2 отрасль	45	100	105	150
6	1 отрасль	75	90	210	200
	2 отрасль	150	180	120	130
7	1 отрасль	90	35	100	120
	2 отрасль	45	17,5	25	30
8	1 отрасль	100	50	30	25
	2 отрасль	60	75	90	110
9	1 отрасль	140	45	15	20
	2 отрасль	40	45	140	130
10	1 отрасль	35	50	90	120
	2 отрасль	35	50	40	230
11	1 отрасль	30	25	95	105
	2 отрасль	60	50	15	20
12	1 отрасль	110	65	100	120
	2 отрасль	55	32,5	75	90
13	1 отрасль	150	70	50	70
	2 отрасль	90	105	120	130
14	1 отрасль	210	25	65	80
	2 отрасль	60	25	40	60
15	1 отрасль	55	60	160	120
	2 отрасль	55	60	35	30
16	1 отрасль	40	70	90	120
	2 отрасль	80	140	130	110
17	1 отрасль	130	60	135	120
	2 отрасль	65	30	55	80
18	1 отрасль	75	20	40	50
	2 отрасль	45	30	15	20
19	1 отрасль	280	30	90	85
	2 отрасль	80	30	40	50
20	1 отрасль	65	70	190	200
	2 отрасль	65	70	40	50

21	1 отрасль	25	30	70	90
	2 отрасль	50	60	40	35
22	1 отрасль	150	45	180	200
	2 отрасль	75	22,5	15	20
23	1 отрасль	125	30	70	90
	2 отрасль	75	45	15	25
24	1 отрасль	175	35	40	50
	2 отрасль	50	35	90	130
25	1 отрасль	75	80	220	200
	2 отрасль	75	80	45	30
26	1 отрасль	50	40	160	120
	2 отрасль	35	42,5	135	40
27	1 отрасль	70	15	15	20
	2 отрасль	30	22,5	15	50
28	1 отрасль	90	35	100	120
	2 отрасль	150	180	120	130
29	1 отрасль	140	45	15	20
	2 отрасль	45	17,5	25	30
30	1 отрасль	150	70	50	70
	2 отрасль	60	50	15	20

**Таблица 10 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2 <sub>опк-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания семестра, студент с незначительными ошибками выполнил задание, допустил погрешности в выводах, принципиально не искажающих логическую последовательность теоретических положений, не использовал информационные технологии при решении.	индивидуальное домашнее задание выполнено в срок; студент правильно выполнил задание, применил информационные технологии при его решении, сделал выводы, допустив небольшие погрешности, не искажающие его понимания усвоенного материала.	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания обозначенного срока; студент правильно выполнил задание, продемонстрировав способность к самоорганизации, аргументировал все этапы его выполнения, способен выполнять необходимые для составления экономических разделов планов расчеты, обосновывать их и представлять результаты работы, проанализировал и содержательно интерпретировал полученные результаты, проверил правильность решения с помощью современных технических средств и

			информационных технологий
--	--	--	---------------------------

## Тема 4 «Предельный анализ и эластичность. Основные характеристики микроэкономических функций»

### Контрольная работа

#### Вариант 1

- Для производственной функции  $F(K, L) = 1500 * (K - 1)^{2/3} * L^{1/5}$  Найдите среднюю и предельную производительность труда, эластичность выпуска по основным фондам при  $L=32, K=28$ . Проанализируйте полученные значения.
- На предприятии средние издержки по объему выпуска продукции составляют:  $Q^2-6Q+2$ . Определите темпы возрастания или убывания суммарных издержек в зависимости от объема выпускаемой продукции.
- Для производственной функции  $Y = 1500 * K^{1/4} * L^{1/3}$  постройте с использованием программных средств семейство изоквант.

#### Вариант 2

- Для производственной функции  $Y = 1500 * K^{2/3} * (2L - 2)^{1/5}$  Найдите предельную производительность труда, эластичность выпуска по трудовым ресурсам при  $L=17, K=8$ .
- Функция средних издержек задается уравнением  $Q^2-6Q+20$ , функция цен спроса  $p=50-0,1Q$ . Определите функции суммарных и предельных издержек, найдите их значения для  $Q=10$ , определите объем производства при котором прибыль максимальна.
- При изменении цены товара с 6 руб. до 4 руб. объем спроса изменился с 25 ед. товара до 30 ед. товара, а предложение товара - с 20 до 15 ед. в год. Определите коэффициенты эластичности спроса и предложения относительно цены. Проанализируйте полученный результат.

#### Вариант 3

- Для производственной функции  $F = (K - 1)^{1/2} (L - 3)^{1/2}$  определите коэффициент эластичности по основным фондам при  $K=10, L=28$
- Для производственной функции  $Y = 1500 * K^{1/3} * L^{1/2}$  постройте с использованием программных средств семейство изоквант
- Фирма производит некоторый продукт в объеме  $Q$  ед. продукции. Общие издержки выражены формулой:  $C(Q)=4Q^2-2Q$ , цена продукта равна  $p=18$ . Определите точки безубыточности фирмы (прибыль нулевая). Найдите объем выпуска, при котором издержки минимальны.

#### Вариант 4

- Пусть производственная функция есть функция Кобба-Дугласа  $Y = 1500 * K^{1/2} * L^{1/3}$ . Найдите предельную производительность труда, среднюю фондоотдачу, эластичность выпуска по труду при  $L=125, K=16$ .
- Найдите оптимальный объем производства если:  $p=15, C(Q)=Q^3+3Q$ . При каких значениях объема производства предприятие будет получать прибыль.
- Для производственной функции  $Y = 1500 * K^{1/2} * L^{1/3}$  постройте с использованием программных средств семейство изоквант.

#### Вариант 5

- Найдите предельную норму замещения ресурса  $L$  на ресурс  $K$  для производственной функции  $F(K, L) = 12(K - 2)^{1/2} (L - 1)$ , если  $K=66; L=17$ .
- Фирма производит некоторый продукт в объеме  $Q$  ед. продукции. Общие издержки выражены формулой  $C(Q)=Q^3-2,5Q^2+5Q+10$ , функция цен спроса  $P(Q)=100-2,5Q$ . Найдите объем производства, при котором прибыль фирмы максимальна и ее размер.

3. Для производственной функции  $F(K, L) = 12(K - 2)^{\frac{1}{2}}(L - 1)$  постройте с использованием программных средств семейство изоквант.

**Таблица 11 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2УК-1 Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	не совсем твердо владеет материалом, имеет представление о различных способах вычисления, обладает навыками поиска информации для решения основных типов задач, при ответах допускает малосущественные погрешности, искажения логической последовательности, неточную аргументацию теоретических положений, испытывает затруднения при решении поставленной задачи	обладает навыками самостоятельного поиска информации для решения прикладных задач, но испытывает затруднения в ее критическом анализе умеет решать задачи различными способами, допуская незначительные ошибки, но испытывает затруднения при оценке их достоинств и недостатков	правильно выполняет все задания, строит стандартные теоретические модели, способен собрать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально-экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов, использует для решения задач современные технические средства и информационные технологии, оценивает достоинства и недостатки возможных вариантов решения
ИД-2УК-2 Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений			
ИД-2ОПК-4 Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности			

Типовые задания

**Фонд тестовых заданий**

Выберите один правильный ответ

**Средняя производительность труда характеризует ...**

добавочную стоимость продукции, произведенную дополнительной единицей основных фондов;

добавочную стоимость продукции, произведенную дополнительной единицей трудовых ресурсов;

+количество продукции, произведенное одним рабочим;

на сколько увеличится выпуск продукции, если производительность труда увеличится на 1%;

### Предельная фондоотдача показывает

+добавочную стоимость продукции, произведенную дополнительной единицей основных фондов;

добавочную стоимость продукции, произведенную дополнительной единицей трудовых ресурсов;

количество выпускаемой продукции в расчете на единицу используемого ресурса;

количество ресурса, необходимое для производства одной единицы продукции;

**Производственная функция задана уравнением  $F = \sqrt{K \cdot L}$ , тогда изокванта задается уравнением:**

$$\frac{K}{L} = C$$

$$1 + \frac{K}{\sqrt{L}} = C$$

$$+ \sqrt{K \cdot L} = C$$

$$\frac{\sqrt{K}}{\sqrt{L}} = C$$

### Эластичность выручки по цене отрицательна ....

+на товары, спрос на которые эластичен;

на товары, спрос на которые неэластичен;

на товары взаимозаменяемые;

на товары взаимодополняемые;

**Производственная функция задана уравнением  $F = K + 3\sqrt{L}$ , тогда изокванта задается уравнением:**

$$+ K + 3\sqrt{L} = C$$

$$3K\sqrt{L} = C$$

$$\frac{K}{3\sqrt{L}} = C$$

$$1 + \frac{3}{2\sqrt{L}} = C$$

**Коэффициент эластичности для дискретно заданной функции определяется по формуле:**

$$MF(x) = \frac{\Delta F}{\Delta x}$$

$$+ E_x F = \frac{\left[ \frac{2(F_2 - F_1)}{F_2 + F_1} \right]}{\frac{2(x_2 - x_1)}{x_1 + x_2}}$$

$$E_p D(p) = \frac{dD(p)}{dp} * \frac{p}{D(p)}$$

$$E_I D(I) = \frac{dD(I)}{dI} * \frac{I}{D(I)}$$

Выберите несколько правильных ответов

### Изокванты одной производственной функции ...

+не пересекаются друг с другом;

пересекаются в точке оптимального решения задачи оптимизации производства;

+большому выпуску продукции соответствует более удаленная от начала координат изокванта;

меньшему выпуску продукции соответствует более удаленная от начала координат изокванта;

### Основные свойства производственной функции: ...

+Возрастание потребления одного ресурса при постоянном потреблении другого ведет к росту производственной функции;

Возрастание потребления одного ресурса при постоянном потреблении другого ведет к снижению производственной функции;

+Предельная ресурсоотдача каждого ресурса убывает, если объем его потребления растет;

Предельная ресурсоотдача каждого ресурса возрастает с ростом объема его потребления;

### Выберите правильные утверждения

+Эластичность степенной функции  $y = x^\alpha$  постоянна и равна показателю степени;

Эластичность степенной функции  $y = x^\alpha$  пропорциональна  $x$ ;

+Эластичность показательной функции  $y=a^x$  пропорциональна  $x$ ;

Эластичность показательной функции  $y=a^x$  постоянна и равна показателю степени;

### Укажите свойства коэффициента эластичности:

+Эластичность степенной функции  $y = x^\alpha$  постоянна и равна показателю степени;

+Эластичность взаимобратных функций – взаимобратные величины;

+Эластичность – безразмерная величина, ее значение не зависит от того, в каких величинах измерены  $x$  и  $F(x)$ ;

Эластичность произведения двух функций, зависящих от одного аргумента, равна разности эластичностей;

### Открытый вопрос

Для функции  $Y=40-2x$ , коэффициент эластичности при  $x=10$  равен...

Правильный ответ: -1

Для функции  $Y=40-6x$ , коэффициент эластичности при  $x=5$  равен...

Правильный ответ: -3

Для функции  $Y =100-8x$ , коэффициент эластичности при  $x=10$  равен...

Правильный ответ: -4

Для функции  $Y=30-0,5*x$ , коэффициент эластичности при  $x=40$  равен...

Правильный ответ: -2

Для функции спроса  $D(I) = \frac{7}{3I^2}$  определите коэффициент эластичности спроса по доходу при  $I=4$  у.д.е.

Правильный ответ: -2

Дана функция 2-х переменных  $D(x,y)=9-y+0,5x$  где  $x=2$ ,  $y=5$ . Определите прямой коэффициент эластичности.

Правильный ответ: -1

Дана функция 2-х переменных  $D(x,y)=9-y+0,5x$  где  $x=12$ ,  $y=8$ . Определите прямой коэффициент эластичности.

Правильный ответ: 16

Дана функция 2-х переменных  $D(x,y)=9-y+0,5x$  где  $x=12$ ,  $y=8$ . Определите перекрестный коэффициент эластичности.

Правильный ответ: -6

### Выберите один правильный ответ

Дана функция 2-х переменных  $D(x,y)=9-2y+0,5x$  где  $x=3$ ,  $y=4$ . Определите перекрестный коэффициент эластичности.

+0,6

-3,2

0,5

-2

Дана функция 2-х переменных  $D(x,y)=9-2y+0,5x$  где  $x=12$ ,  $y=8$ . Определите прямой коэффициент эластичности.

0,6



+3,2  
0,5  
-2

Дана функция издержек  $C=Q^3-2Q^2-4Q$ . Укажите интервал, на котором издержки убывают быстро.

$-\infty; -\frac{2}{3}$   
 $+\frac{2}{3}; \frac{2}{3}$   
 $\frac{2}{3}; 2$   
 $2; +\infty$

Дана функция издержек  $C=Q^3-2Q^2-4Q$ . Укажите интервал, на котором издержки убывают медленно.

$-\infty; -\frac{2}{3}$   
 $-\frac{2}{3}; \frac{2}{3}$   
 $+\frac{2}{3}; 2$   
 $2; +\infty$

Дана функция издержек  $C=Q^3-2Q^2-4Q$ . Укажите интервал, на котором издержки возрастают медленно.

$+\infty; -\frac{2}{3}$   
 $-\frac{2}{3}; \frac{2}{3}$   
 $\frac{2}{3}; 2$   
 $2; +\infty$

Дана функция издержек  $C=Q^3-2Q^2-4Q$ . Укажите интервал, на котором издержки возрастают быстро.

$-\infty; -\frac{2}{3}$   
 $-\frac{2}{3}; \frac{2}{3}$   
 $\frac{2}{3}; 2$   
 $+2; +\infty$

Открытый вопрос

Функция издержек в зависимости от объема производства выражается уравнением  $C(Q)=Q^2-2Q$ , выручка  $R(Q)=20Q$ . Определите объем, при котором прибыль фирмы максимальна.

Правильный ответ: 11

Функция издержек в зависимости от объема производства выражается уравнением  $C(Q)=Q^2-2Q$ , выручка  $R(Q)=20Q$ . Определите размер максимальной прибыли фирмы.

Правильный ответ: 121

Функция издержек в зависимости от объема производства выражается уравнением  $C(Q)=Q^3-6Q^2+4Q$ . Определите, при каком объеме производства средние издержки минимальны.

Правильный ответ: 3

**Таблица 12 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	если правильно выполнено 50-64% тестовых заданий, студент владеет материалом по теме, но испытывает затруднения в поиске и анализе информации для решения поставленной задачи	правильно выполнено 65-85% тестовых заданий, студент обладает способностью в поиске и анализе информации, на основе поставленных целей для решения экономических задач, но допускает неточности при решении поставленной задачи	правильно выполнено 86-100% тестовых заданий; студент способен осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения экономических задач способен строить на основе описания экономических процессов и явлений стандартные теоретические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты, использовать для решения аналитических и исследовательских задач современные технические средства и информационные технологии

**Индивидуальное задание**

Вариант индивидуального задания выбирается по таблице.

Первая буква фамилии	Последняя цифра номера зачетной книжки				
	1,0	2,9	3,8	4,7	5,6
А, Ж, Н, У, Я	1	7	13	19	25
Б, З, О, М	2	8	14	20	26
Г, В, И, П, Ц, Ч	3	9	15	21	27
К, Р, Ш, Щ, Е,	4	10	16	22	28
Д, Л, Э, Ю, Т	5	11	17	23	29
С, Ф, Х, Ё	6	12	18	24	30

Для производственной функции  $F(K,L)$  (вид производственной функции зависит от номера вашего варианта (табл.)), где  $K$  — объем основных фондов,  $L$  — объем трудовых ресурсов (объем ресурсов и выпуск продукции даны в стоимостном выражении) определите следующие основные характеристики.

1. Предельная ресурсоотдача по каждому ресурсу в общем виде.
2. Средняя ресурсоотдача по каждому ресурсу в общем виде.
3. Предельная норма замещения основных фондов на трудовые ресурсы.
4. Коэффициент эластичности по каждому из ресурсов.
5. Рассчитайте основные характеристики при  $K=N+1$ ;  $L=T+2$  (где  $N$  предпоследняя цифра номера зачетной книжки, а  $T$  — последняя цифра номера зачетной книжки), проанализируйте полученные результаты.

6. Постройте семейство изоквант.

Варианты задания

№	$F(K,L)$	№	$F(K,L)$	№	$F(K,L)$
1	$\sqrt{K L}$	11	$5(2K - 3)^{\frac{1}{2}} L$	21	$(K - 2)^{\frac{1}{3}} L$
2	$(K - 1)^{\frac{1}{2}} (L - 2)^{\frac{1}{2}}$	12	$(K - 1)^{\frac{1}{2}} (L - 4)^{\frac{1}{2}}$	22	$(3K - 1)^{\frac{1}{2}} L$
3	$K^{\frac{1}{2}} L^{\frac{1}{3}}$	13	$70 K L$	23	$(2K - 1)^{\frac{1}{2}} (L - 2)$
4	$\sqrt{K} (L - 1)^{\frac{1}{2}}$	14	$(K - 2)^{\frac{1}{3}} (L - 1)^{\frac{1}{2}}$	24	$12 K L^{\frac{1}{4}}$
5	$10 K^{\frac{1}{3}} L^{\frac{1}{3}}$	15	$(K - 2)^{\frac{1}{3}} (3L - 1)^{\frac{1}{2}}$	25	$(K - 2)^{\frac{1}{2}} (0,5L - 3)^{\frac{1}{2}}$
6	$(2K - 1)^{\frac{1}{2}} (L - 3)^{\frac{1}{2}}$	16	$5 K \sqrt{L}$	26	$\sqrt{K} (4L - 2)^{\frac{1}{2}}$
7	$K L^{\frac{1}{2}}$	17	$(K - 2)^{\frac{1}{3}} L$	27	$(K - 1)^{\frac{1}{3}} \sqrt{L + 4}$
8	$4(K - 2)^{\frac{1}{2}} (3L - 4)^{\frac{1}{2}}$	18	$K^{\frac{1}{2}} L^{\frac{2}{3}}$	28	$3\sqrt{K L}$
9	$\sqrt[3]{K L^2}$	19	$\sqrt{3 K} (L - 2)^{\frac{1}{2}}$	29	$10(2K - 2)^{\frac{1}{2}} (3L - 4)^{\frac{1}{2}}$
10	$(K - 1)^{\frac{1}{3}} L$	20	$6 K^{\frac{2}{3}} L^{\frac{1}{3}}$	30	$\sqrt[3]{K^2 L}$

Таблица 13 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания семестра, студент с незначительными ошибками выполнил задание, допустил погрешности в выводах, принципиально не искажающих логическую последовательность теоретических положений, не использовал информационные технологии при решении.	индивидуальное домашнее задание выполнено в срок; студент правильно выполнил задание, применил информационные технологии при его решении, сделал выводы, допустив небольшие погрешности, не искажающие его понимания усвоенного материала.	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания обозначенного срока; студент правильно выполнил задание, продемонстрировав способность к самоорганизации, аргументировал все этапы его выполнения, способен выполнять необходимые для составления экономических разделов планов расчеты, обосновывать их и представлять результаты работы, проанализировал и содержательно интерпретировал
ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений			
ИД-2 <sub>опк-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом			

критериев экономической эффективности			полученные результаты, проверил правильность решения с помощью современных технических средств и информационных технологий
---------------------------------------	--	--	--

## Тема 5 «Математическая теория производства»

Типовые задания

### Контрольная работа

#### Вариант 1

1. Производственная функция фирмы имеет вид  $F(L) = 25\sqrt{L} + L$ , где  $L$  —объем трудовых ресурсов (кроме объема трудовых ресурсов другие издержки не учитываются). Выполните следующее:

- 1) определите функцию спроса на ресурсы;
- 2) определите функцию предложения продукции;
- 3) рассчитайте оптимальный объем ресурса, если цена ресурса 18 у.д.е., а продукции 28 уд.е.
- 4) рассчитайте объем получаемой прибыли при оптимальном объеме закупки ресурса;
- 5) оцените влияние изменения цены ресурса на его спрос

2. Фирма производит некоторый товар. Выручка зависит от затрат ресурсов следующим образом

$$R(F, K) = 120 K^{\frac{1}{3}} L^{\frac{2}{5}} \quad (\text{другие расходы не учитываются}). \quad \text{Цены на ресурсы } p_K=10, p_L=30.$$

Выполните следующее:

- 1) запишите экономико-математическую модель задачи максимизации прибыли фирмы в долгосрочном периоде планирования;
- 2) укажите, к какому классу оптимизационных задача она относится;
- 3) рассчитайте оптимальный объем ресурсов;
- 4) проверьте по критерию Сильвестра найденное решение;
- 5) рассчитайте размер получаемой прибыли.

#### Вариант 2

$$F(L) = 10 - \frac{3\sqrt{L}}{8}$$

1. Производственная функция фирмы имеет вид  $F(L) = 10 - \frac{3\sqrt{L}}{8}$ , где  $L$  —объем трудовых ресурсов (кроме объема трудовых ресурсов другие издержки не учитываются). Выполните следующее:

- 1) определите функцию спроса на ресурсы;
- 2) определите функцию предложения продукции;
- 3) рассчитайте оптимальный объем ресурса, если цена ресурса 18 у.д.е., а продукции 28 уд.е.
- 4) рассчитайте объем получаемой прибыли при оптимальном объеме закупки ресурса;
- 5) оцените влияние изменения цены ресурса на его спрос

2. Производственная функция имеет вид:  $F(K, L) = 12 K^{\frac{1}{4}} L^{\frac{3}{5}}$  цены на ресурсы следующие:  $p_K=5, p_L=10$ , у.д.е., размер средств, направляемых на их приобретение  $C=100$  у.д.е.

- 1) запишите экономико-математическую модель задачи определения необходимого размера ресурсов, обеспечивающих максимальный выход продукции для фирмы, при ограничении средств на закупку сырья;
- 2) укажите, к какому классу оптимизационных задача она относится;
- 3) получите функции спроса на ресурсы в общем виде;
- 4) рассчитайте оптимальный объем ресурсов;
- 5) запишите функцию предложения фирмы.

#### Вариант 3

- Производственная функция фирмы имеет вид  $F(L) = 4L^2 - \sqrt{5}$ , где  $L$  —объем трудовых ресурсов (кроме объема трудовых ресурсов другие издержки не учитываются). Выполните следующее:
  - определите функцию спроса на ресурсы;
  - определите функцию предложения продукции;
  - рассчитайте оптимальный объем ресурса, если цена ресурса 18 у.д.е., а продукции 28 уд.е.
  - рассчитайте объем получаемой прибыли при оптимальном объеме закупки ресурса;
  - оцените влияние изменения цены ресурса на его спрос
- Фирма производит некоторый товар. Выручка производства зависит от затрат ресурсов следующим образом  $R(K, L) = 220 K^{\frac{1}{3}} L^{\frac{3}{5}}$  (другие расходы не учитываются). Цены на ресурсы  $p_K=12$ ,  $p_L=10$ .
  - запишите экономико-математическую модель задачи максимизации прибыли фирмы в краткосрочном периоде планирования, если предприятию не имеет возможности изменить объем основных фондов, который равен 27 ед.;
  - укажите, к какому классу оптимизационных задач она относится;
  - рассчитайте оптимальный объем ресурса;
  - осуществите проверку найденного решения;
  - рассчитайте размер получаемой прибыли.

#### Вариант 4

- Производственная функция фирмы имеет вид  $F(x) = 12x^{\frac{3}{5}} + 7$ , где  $x$  —объем ресурса. Выполните следующее:
  - определите функцию спроса на ресурсы;
  - определите функцию предложения продукции;
  - рассчитайте оптимальный объем ресурса, если цена ресурса 5 у.д.е., а цена выпускаемой продукции 8 у.д.е.
  - рассчитайте объем получаемой прибыли при оптимальном объеме закупки ресурса;
  - определите на сколько процентов изменится спрос на ресурсы, если цена выпускаемой продукции возрастет на 1 процент
- Фирма производит некоторый товар. Объем производства зависит от затрат ресурсов следующим образом  $F(K, L) = 3K^{\frac{1}{3}} L^{\frac{4}{5}}$  (другие расходы не учитываются). Цены на ресурсы  $p_K=20$ ,  $p_L=50$ , цена товара  $p_T=100$  (у.д.е). Выполните следующее:
  - запишите экономико-математическую модель задачи максимизации прибыли фирмы в долгосрочном периоде планирования;
  - укажите, к какому классу оптимизационных задач она относится;
  - рассчитайте оптимальный объем ресурсов;
  - проверьте по критерию Сильвестра найденное решение;
  - рассчитайте размер получаемой прибыли

#### Вариант 5

- Производственная функция фирмы имеет вид  $F(x) = 7x^{\frac{2}{3}} - \sqrt{3}$ , где  $x$  —объем затрачиваемого ресурса. Выполните следующее:
  - определите функцию спроса на ресурс;
  - определите функцию предложения продукции;
  - рассчитайте оптимальный объем ресурса, если цена ресурса 6 у.д.е., а цена выпускаемой продукции 12 у.д.е.
  - рассчитайте объем получаемой прибыли при оптимальном объеме закупки ресурса;
  - определите, на сколько процентов изменится спрос на ресурсы, если цена выпускаемой продукции возрастет на 1 процент

2. Производственная функция имеет вид:  $F(F, K) = 3K^{\frac{1}{2}}L^{\frac{2}{3}}$ , цены на ресурсы следующие:  $p_K=10$ ,  $p_L=5$ , у.д.е., а размер средств, направляемых на их приобретение  $C=150$  у.д.е, при котором обеспечивается максимальный выход продукции для фирмы, при ограничении средств на закупку сырья.
- 1) запишите экономико-математическую модель задачи определения необходимого размера ресурсов, обеспечивающих максимальный выход продукции для фирмы, при ограничении средств на закупку сырья;
  - 2) укажите, к какому классу оптимизационных задач она относится;
  - 3) получите функции спроса на ресурсы в общем виде;
  - 4) рассчитайте оптимальный объем ресурсов;
  - 5) представьте графическую иллюстрацию оптимального решения задачи фирмы

### Вариант 6

1. Производственная функция фирмы имеет вид  $F(x) = \frac{10}{x^{\frac{2}{3}}} + 15x$ , где  $x$ —объем ресурса (кроме объема затрачиваемого ресурса другие издержки не учитываются). Выполните следующее:
  - 1) определите функцию спроса на ресурс;
  - 2) определите функцию предложения продукции;
  - 3) рассчитайте оптимальный объем ресурса, если цена ресурса 2 у.д.е., а цена выпускаемой продукции 10 у.д.е.
  - 4) рассчитайте объем получаемой прибыли при оптимальном объеме закупки ресурса;
  - 5) определите, на сколько процентов изменится спрос на ресурсы, если цена выпускаемой продукции возрастет на 1 процент
2. Фирма производит некоторый товар. Объем производства зависит от затрат ресурсов следующим образом  $F(K, L) = K^{2/3}L^{1/4}$  (другие расходы не учитываются). Вектор цен на ресурсы  $p_{K,L} = (20 \quad 50)$ , цена товара  $p_T = 1000$  (у.д.е).
  - 1) запишите экономико-математическую модель задачи максимизации прибыли фирмы в краткосрочном периоде планирования, если предприятию не имеет возможности изменить объем основных фондов, который равен 27 ед.;
  - 2) укажите, к какому классу оптимизационных задач она относится;
  - 3) рассчитайте оптимальный объем ресурса;
  - 4) осуществите проверку найденного решения;
  - 5) рассчитайте размер получаемой прибыли.

**Таблица 14 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2УК-1 Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	не совсем твердо владеет материалом, имеет представление о различных способах вычисления, обладает навыками поиска информации для решения основных	обладает навыками самостоятельного поиска информации для решения прикладных задач, но испытывает затруднения в ее критическом анализе	правильно выполняет все задания, строит стандартные теоретические модели, способен собрать и проанализировать исходные данные,
ИД-2УК-2			

Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	типов задач, при ответах допускает малозначительные погрешности, искажения логической последовательности, неточную аргументацию теоретических положений, испытывает затруднения при решении поставленной задачи	умеет решать задачи различными способами, допуская незначительные ошибки, но испытывает затруднения при оценке их достоинств и недостатков	необходимые для расчета экономических и социально-экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов, использует для решения задач современные технические средства и информационные технологии, оценивает достоинства и недостатки возможных вариантов решения
--	---	--	--

#### Фонд тестовых заданий

Выберите один правильный ответ

**Мультипликативная производственная функция имеет вид  $F(K, L) = 0,2 K^{0,7} L^{0,3}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Тогда увеличение объема капитала на 1% приведет к увеличению валового выпуска на ...**

- 0,3%
- 1%
- 0,2%
- +0,7%

**Мультипликативная производственная функция имеет вид  $F(K, L) = K^{0,6} L^{0,7}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Тогда увеличение объема капитала на 1% приведет к увеличению валового выпуска на ...**

- 1%
- 0,7%
- +0,6%
- 1,3%

**Мультипликативная производственная функция имеет вид  $F(K, L) = 0,5 K^{0,6} L^{0,3}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Тогда увеличение объема труда на 1% приведет к увеличению валового выпуска на ...**

- 0,6%
- 0,5%
- +0,3%
- 0,9%

**Мультипликативная производственная функция имеет вид  $F(K, L) = 0,4 K^{0,3} L^{0,6}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Тогда увеличение объема капитала на 1% приведет к увеличению валового выпуска на ...**

- 0,6%
- 0,9%
- +0,3%
- 0,4%

Для мультипликативной производственной функции  $F(K, L) = 2K^{0,59}L^{0,51}$  коэффициент эластичности по капиталу равен ...

- 3,1
- +0,59
- 0,51
- 1,1

Производственная функция задается как  $F(K, L) = K^{0,5}L^{0,5}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Тогда предельный продукт труда  $\frac{\partial F(K, L)}{\partial L} (MF_L)$  при  $K=36, L=9$  равен...

- 2
- +1
- 0,25
- 18

Производственная функция задается как  $F(K, L) = K^{0,5}L^{0,5}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Тогда предельный продукт труда  $\frac{\partial F(K, L)}{\partial L} (MF_L)$  при  $K=16, L=25$  равен...

- 0,625
- 20
- +0,4
- 0,8

Производственная функция задается как  $F(K, L) = K^{0,5}L^{0,5}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Тогда предельный продукт труда  $\frac{\partial F(K, L)}{\partial K} (MF_K)$  при  $K=16, L=25$  равен...

- 0,4
- 1,25
- 20
- +0,625

Производственная функция задается как  $Y = K^{0,5}L^{0,5}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Предельная норма замещения труда на капитал  $\frac{\partial Y/\partial L}{\partial Y/\partial K}$  при  $K=16, L=4$  равна...

- +4
- 0,25
- 1
- 0,5

Производственная функция задается как  $Y = K^{0,5}L^{0,5}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Предельная норма замещения труда на капитал  $\frac{\partial Y/\partial K}{\partial Y/\partial L}$  при  $K=16, L=4$  равна...

- +0,25
- 4
- 0,125
- 1

Выберите один правильный ответ

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  коэффициент эластичности по трудовым ресурсам в общем виде будет иметь вид ...

- $+\frac{L}{(2L + 1)}$
- $\frac{2L}{(2L + 1)}$



$$\frac{L}{2(2L+1)} \cdot \frac{1}{(K-1)^2} \cdot \frac{1}{(2L+1)^2}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K-1)^{\frac{1}{2}}(2L+1)^{\frac{1}{2}}$  коэффициент эластичности по основным фондам в общем виде будет иметь вид ...

$$\frac{(2L+1)^{\frac{1}{2}}}{(K-1)^2} \cdot \frac{1}{2(K-1)^2} + \frac{K}{2(K-1)} \cdot \frac{K}{(K-1)}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K-1)^{\frac{1}{2}}(2L+1)^{\frac{1}{2}}$  предельная фондоотдача в общем виде будет иметь вид ...

$$\frac{(K-1)^{\frac{1}{2}}}{(2L+1)^2} + \frac{(2L+1)^{\frac{1}{2}}}{2(K-1)^2} \cdot \frac{(2L+1)^{\frac{1}{2}}}{(K-1)^2} \cdot \frac{K}{2(K-1)}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K-1)^{\frac{1}{2}}(2L+1)^{\frac{1}{2}}$  предельная производительность труда в общем виде будет иметь вид ...

$$+ \frac{(K-1)^{\frac{1}{2}}}{(2L+1)^2} \cdot \frac{(2L+1)^{\frac{1}{2}}}{(K-1)^2} \cdot \frac{(2L+1)^{\frac{1}{2}}}{2(K-1)^2} \cdot \frac{L}{(2L+1)}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  предельная норма замещения основных фондов трудовыми ресурсами в общем виде будет иметь вид ...

$$\frac{2(L + 1)}{2K - 1} + \frac{2L + 1}{2(K - 1)}$$

$$\frac{L + 1}{K - 1}$$

$$\frac{2L + 1}{2K - 1}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 3)^{\frac{2}{3}}(2L - 1)$  коэффициент эластичности по трудовым ресурсам в общем виде будет иметь вид ...

$$+ \frac{2L}{(2L - 1)}$$

$$\frac{2K}{3(K - 3)}$$

$$\frac{L}{(2L - 1)}$$

$$2(K - 3)^{\frac{2}{3}}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 3)^{\frac{2}{3}}(2L - 1)$  коэффициент эластичности по основным фондам в общем виде будет иметь вид

$$+ \frac{2K}{3(K - 3)}$$

$$2(K - 3)^{\frac{2}{3}}$$

$$\frac{2(2L - 1)}{3(K - 3)^{\frac{1}{3}}}$$

$$\frac{L}{(2L - 1)}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 3)^{\frac{2}{3}}(2L - 1)$  предельная фондоотдача в общем виде будет иметь вид ...

$$\frac{(2L - 1)}{3(K - 3)^{\frac{1}{3}}}$$

$$+ \frac{2(2L - 1)}{3(K - 3)^{\frac{1}{3}}}$$

$$\frac{(2L - 1)}{(K - 3)^{\frac{1}{3}}}$$

$$2(K - 3)^{\frac{2}{3}}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 3)^{\frac{2}{3}}(2L - 1)$  предельная производительность труда в общем виде будет иметь вид ...

$$\frac{2K}{3(K-3)}$$

$$\frac{2L}{(2L-1)}$$

$$\frac{2(2L-1)}{3(K-3)^{\frac{1}{3}}}$$

$$+ 2(K-3)^{\frac{2}{3}}$$

Для производственной функции  $F(K, L) = (K-3)^{\frac{2}{3}}(2L-1)$  предельная норма замещения трудовых ресурсов на основные фонды в общем виде будет иметь вид ...

$$\frac{(K-3)}{(2L-1)}$$

$$\frac{(2L-1)}{3(K-3)}$$

$$+ \frac{3(K-3)}{(2L-1)}$$

$$\frac{(K-3)}{3(2L-1)}$$

**Таблица 15 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	если правильно выполнено 50-64% тестовых заданий, студент владеет материалом по теме, но испытывает затруднения в поиске и анализе информации для решения поставленной задачи	правильно выполнено 65-85% тестовых заданий, студент обладает способностью в поиске и анализе информации, на основе поставленных целей для решения экономических задач, но допускает неточности при решении поставленной задачи	правильно выполнено 86-100% тестовых заданий; студент способен осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения экономических задач способен строить на основе описания экономических процессов и явлений стандартные теоретические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты, использовать для решения аналитических и исследовательских задач современные технические средства и информационные технологии
ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решение поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений			
ИД-2 <sub>опк-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности			

## Тема 6. «Математическая теория потребления»

Типовые задания

### Контрольная работа

#### Вариант 1

Рассчитайте размер компенсации, при котором значение функции полезности остается

неизменным. Функция полезности потребителя имеет вид  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{6}} x_2^{\frac{2}{3}}$ , доход потребителя  $I = 120$  у.д.е., а цены товаров  $p_1 = 10$ ,  $p_2 = 2$  у.д.е., увеличилась цена первого товара на 2 единицы.

#### Вариант 2

Рассчитайте размер компенсации, позволяющий оставить полезность потребляемых товаров на прежнем уровне, при следующей исходной информации: функция полезности

потребителя имеет вид  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{5}} x_2^{\frac{1}{3}}$ , доход потребителя  $I = 320$  у.д.е., а цены товаров  $p_1 = 12$ ,  $p_2 = 15$  у.д.е., цена второго товара стала равной 20 у.д.е.

#### Вариант 3

Рассчитайте размер компенсации, при котором значение функции полезности остается

неизменным. Функция полезности потребителя имеет вид  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{3}{5}} x_2^{\frac{1}{3}}$ , доход потребителя  $I = 100$  у.д.е., а цены товаров  $p_1 = 5$ ,  $p_2 = 2$  у.д.е., увеличилась цена первого товара на 1 единицу.

#### Вариант 4

Рассчитайте размер компенсации, позволяющий оставить полезность потребляемых товаров на прежнем уровне, при следующей исходной информации: функция полезности

потребителя имеет вид  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{2}} x_2^{\frac{5}{6}}$ , доход потребителя  $I = 200$  у.д.е., а цены товаров  $p_1 = 2$ ,  $p_2 = 5$  у.д.е., цена второго товара стала равной 8 у.д.е.

#### Вариант 5

Рассчитайте размер компенсации, при котором значение функции полезности остается

неизменным. Функция полезности потребителя имеет вид  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{3}{4}} x_2^{\frac{2}{3}}$ , доход потребителя  $I = 150$  у.д.е., а цены товаров  $p_1 = 3$ ,  $p_2 = 2$  у.д.е., увеличилась цена первого товара на 2 единицы.

#### Вариант 6

Рассчитайте размер компенсации, позволяющий оставить полезность потребляемых товаров на прежнем уровне, при следующей исходной информации: функция полезности

потребителя имеет вид  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{4}} x_2^{\frac{1}{2}}$ , доход потребителя  $I = 250$  у.д.е., а цены товаров  $p_1 = 4$ ,  $p_2 = 6$  у.д.е. цена второго товара стала равной 9 у.д.е.

Таблица 16 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и наименование	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)
--------------------	--

индикатора достижения компетенции (части компетенции)	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2УК-1 Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2УК-2 Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2 <sub>Опк-4</sub> Обосновывает организационно- управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	не совсем твердо владеет материалом, имеет представление о различных способах вычисления, обладает навыками поиска информации для решения основных типов задач, при ответах допускает малосущественные погрешности, искажения логической последовательности, неточную аргументацию теоретических положений, испытывает затруднения при решении поставленной задачи	обладает навыками самостоятельного поиска информации для решения прикладных задач, но испытывает затруднения в ее критическом анализе умеет решать задачи различными способами, допуская незначительные ошибки, но испытывает затруднения при оценке их достоинств и недостатков	правильно выполняет все задания, строит стандартные теоретические модели, способен собрать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально- экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов, использует для решения задач современные технические средства и информационные технологии, оценивает достоинства и недостатки возможных вариантов решения

### Фонд тестовых заданий

#### КАТЕГОРИЯ «ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ВОПРОСЫ»

Выберите один правильный ответ

**Задача оптимального выбора потребителя, с точки зрения математического аппарата, относится к задачам ...**

- +многомерной условной оптимизации;
- многомерной безусловной оптимизации;
- одномерной безусловной оптимизации;
- одномерной условной оптимизации;

**Линия уровня функции полезности называется ...**

- +кривая безразличия;
- изокванта;
- изокоста;
- бюджетное ограничение;

Выберите несколько правильных ответов

**Кривые безразличия одной функции полезности...**

- +не пересекаются друг с другом;
- пересекаются в точке оптимального решения задачи потребительского выбора;

+большей степени удовлетворения потребителя соответствует более удаленная от начала координат кривая безразличия;

меньшей степени удовлетворения потребителя соответствует более удаленная от начала координат кривая безразличия;

**Графическая иллюстрация задачи потребительского выбора предполагает построение ....**

изокосты

изокванты

+кривой безразличия

+бюджетного ограничения

**Основные свойства функции полезности ...**

+Возрастание потребления одного товара при постоянном потреблении другого ведет к росту потребительской оценки;

Возрастание потребления одного товара при постоянном потреблении другого ведет к снижению потребительской оценки;

+Предельная полезность каждого продукта убывает, если объем его потребления растет;

Предельная полезность каждого продукта возрастает с ростом объема его потребления;

**КАТЕГОРИЯ «ПОЛУЧЕНИЕ ФУНКЦИЙ СПРОСА НА ТОВАРЫ»**

Выберите один правильный ответ

**Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = 2x_1 * x_2^{\frac{1}{2}}$ . Функции спроса на товары имеют вид:**

$$+ x_1 = \frac{2I}{3p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3p_1}; \quad x_2 = \frac{2I}{3p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{2p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{2p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)^{\frac{1}{4}} x_2^{\frac{1}{2}}$ . Функция спроса на 2-ой товар имеет вид:**

$$\frac{I + 2p_1}{3p_1}$$

$$+ \frac{2(I - p_1)}{3p_2}$$

$$\frac{3I}{4p_2}$$

$$\frac{3(I - p_1)}{4p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)^{\frac{1}{4}} x_2^{\frac{1}{2}}$ . Функция спроса на 1-ый товар имеет вид:**

$$\frac{I + 3p_1}{4p_1}$$

$$+ \frac{I + 2p_1}{3p_1}$$

$$\frac{2(I - p_1)}{3 p_2}$$

$$\frac{3(I - p_1)}{4 p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением**  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)x_2^{\frac{1}{2}}$ . **Функция спроса на 2-ой товар имеет вид:**

$$+ \frac{I - p_1}{3 p_2}$$

$$\frac{2I + p_1}{3 p_1}$$

$$\frac{3(I - p_1)}{4 p_2}$$

$$\frac{3I}{4 p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением**  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)x_2^{\frac{1}{2}}$ . **Функция спроса на 1-ый товар имеет вид:**

$$+ \frac{2I + p_1}{3 p_1}$$

$$\frac{I - p_1}{3 p_2}$$

$$\frac{3(I - p_1)}{4 p_2}$$

$$\frac{3I}{4 p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением**  $U(x_1, x_2) = x_1 * x_2$ . **Функции спроса на товары имеют вид:**

$$x_1 = \frac{2I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3 p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{2I}{3 p_2}$$

$$+ x_1 = \frac{I}{2 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{2 p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3 p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением**  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{2}} * x_2^{\frac{1}{3}}$ . **Функции спроса на товары имеют вид:**

$$x_1 = \frac{2I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3 p_2}$$

$$+ x_1 = \frac{3I}{5 p_1}; \quad x_2 = \frac{2I}{5 p_2}$$

$$x_1 = \frac{2I}{5 p_1}; \quad x_2 = \frac{3I}{5 p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{2I}{3 p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением**  $U(x_1, x_2) = 3x_1^{\frac{1}{2}} * x_2$ . **Функции спроса на товары имеют вид:**

$$x_1 = \frac{2I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3 p_2}$$

$$+ x_1 = \frac{I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{2I}{3 p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3 p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{2 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{2 p_2}$$

**Функция полезности задана уравнением**  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{2}} * x_2^{\frac{1}{2}}$ . **Функции спроса на товары имеют вид:**

$$x_1 = \frac{2I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3 p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{2I}{3 p_2}$$

$$x_1 = \frac{I}{3 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{3 p_2}$$

$$+ x_1 = \frac{I}{2 p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{2 p_2}$$

#### КАТЕГОРИЯ «АНАЛИЗ КОЭФФИЦИЕНТА ЭЛАСТИЧНОСТИ»

Выберите один правильный ответ

**Коэффициент эластичности спроса на первый товар по доходу равен  $E_{I, x1} = -1,2$ , это означает:**

- товар качественный;
- +товар некачественный;
- товары взаимозаменяемые;
- товары взаимодополняемые;
- товары независимые;

**Прямой коэффициент эластичности спроса на первый товар равен  $E_{p_1, x1} = -1,2$ , это означает...**

- +спрос на товар эластичный;
- спрос на товар неэластичный;
- товары взаимозаменяемые;
- товары взаимодополняемые;
- товары независимые;
- товар некачественный;

**Прямой коэффициент эластичности спроса на первый товар равен  $E_{p_1, x1} = 0,6$ , это означает...**

- спрос на товар эластичный;
- +спрос на товар неэластичный;
- товар качественный;
- товары взаимодополняемые;
- товары независимые;
- товар некачественный;



**Перекрестный коэффициент эластичности спроса на первый товар по цене второго товара равен  $E_{p_2, x_1} = 0,6$ , это означает**

- товар качественный;
- товар некачественный;
- +товары взаимозаменяемые;
- товары взаимодополняемые;
- товары независимые;

**Перекрестный коэффициент эластичности спроса на первый товар по цене второго товара равен  $E_{p_2, x_1} = -0,8$ , это означает**

- товар качественный;
- товар некачественный;
- товары взаимозаменяемые;
- +товары взаимодополняемые;
- товары независимые;

**Перекрестный коэффициент эластичности спроса на первый товар по цене второго товара равен -3,2. Это означает**

- спрос на товар эластичный;
- товары взаимозаменяемые;
- спрос на товар неэластичный;
- +товары дополняемые;
- товар качественный;
- товар малоценный, некачественный;

**Перекрестный коэффициент эластичности спроса на первый товар по цене второго товара равен -3,6. Это означает**

- +при увеличении цены второго товара на 1% спрос на первый товар упадет на 3,6%;
- при увеличении цены второго товара на 1% спрос на второй товар упадет на 3,6%;
- при увеличении цены первого товара на 1% спрос на первый товар упадет на 3,6%;
- при увеличении цены первого товара на 1% спрос на него упадет на 3,6%;

**Прямой коэффициент эластичности спроса на первый товар равен 0,6. Это означает..**

- +при увеличении цены первого товара на 1% спрос на него увеличится на 0,6%;
- при увеличении цены первого товара на 1% спрос на второй товар увеличится на 0,6%;
- при увеличении цены второго товара на 1% спрос на первый товар увеличится на 0,6%;
- при увеличении цены второго товара на 1% спрос на него увеличится на 0,6%;

**Прямой коэффициент эластичности спроса на второй товар равен 1,6. Это означает..**

- при увеличении цены первого товара на 1% спрос на него увеличится на 1,6%;
- при увеличении цены первого товара на 1% спрос на второй товар увеличится на 1,6%;
- при увеличении цены второго товара на 1% спрос на первый товар увеличится на 1,6%;
- +при увеличении цены второго товара на 1% спрос на него увеличится на 1,6%;

Выберите несколько правильных ответов

**Коэффициент эластичности спроса по доходу потребителя на товар равен 0,6 это означает...**

- При увеличении дохода потребителя на один процент спрос на товар возрастет на 6%;
- +При увеличении дохода потребителя на один процент спрос на товар возрастет на 0,6%;
- Товар малоценный, некачественный;
- +Товар ценный, качественный;
- При увеличении дохода потребителя на один процент спрос на товар упадет на 0,6%;
- При увеличении дохода потребителя на один процент спрос на товар упадет на 6%;

КАТЕГОРИЯ «ЗАДАЧА ПОТРЕБИТЕЛЬСКОГО ВЫБОРА»

Открытый вопрос

**Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = 2x_1^{\frac{1}{3}}x_2^{\frac{2}{5}}$ . Определите оптимальный спрос на 1-ый товар при следующей исходной информации:  $I=121$ ,  $p_1=5$ ,  $p_2=8$  у.д.е.**

Правильный ответ: 11

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = 2x_1^{\frac{1}{3}}x_2^{\frac{2}{5}}$ . Определите оптимальный спрос на 2-ый товар при следующей исходной информации:  $I=121, p_1=5, p_2=3$  у.д.е.  
Правильный ответ: 22

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = 2x_1x_2^{\frac{1}{2}}$ . Определите оптимальный спрос на 1-ый товар при следующей исходной информации:  $I=270, p_1=2, p_2=3$  у.д.е.  
Правильный ответ: 90

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = 2x_1x_2^{\frac{1}{2}}$ . Определите оптимальный спрос на 1-ый товар при следующей исходной информации:  $I=60, p_1=2, p_2=3$  у.д.е.  
Правильный ответ: 20

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)^4 x_2^{\frac{3}{4}}$ . Определите оптимальный спрос на 2-ой товар при следующей исходной информации:  $I=90, p_1=10, p_2=5$  у.д.е.  
Правильный ответ: 12

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)^4 x_2^{\frac{3}{4}}$ . Определите оптимальный спрос на 1-ый товар при следующей исходной информации:  $I=90, p_1=10, p_2=5$  у.д.е.  
Правильный ответ: 3

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)^{\frac{1}{2}} x_2^{\frac{1}{2}}$ . Определите оптимальный спрос на 2-ой товар при следующей исходной информации:  $I=70, p_1=10, p_2=2$  у.д.е.  
Правильный ответ: 15

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = (x_1 - 1)^{\frac{1}{2}} x_2^{\frac{1}{2}}$ . Определите оптимальный спрос на 1-ый товар при следующей исходной информации:  $I=70, p_1=10, p_2=2$  у.д.е.  
Правильный ответ: 4

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{2}} * x_2^{\frac{1}{3}}$ . Определите оптимальный спрос на 2-ой товар при следующей исходной информации:  $I=60, p_1=2, p_2=3$  у.д.е.  
Правильный ответ: 8

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{2}} * x_2^{\frac{1}{3}}$ . Определите оптимальный спрос на 1-ый товар при следующей исходной информации:  $I=60, p_1=2, p_2=3$  у.д.е.  
Правильный ответ: 18

#### КАТЕГОРИЯ «АНАЛИЗ ФУНКЦИЙ СПРОСА»

Выберите один правильный ответ

Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если цена второго товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары

$$D_1 = \frac{I - 5p_2 + p_1}{2p_1}; \quad D_2 = \frac{I - 3p_1 - p_2}{2p_2}$$

имеют следующий вид: ;  $I=80, p_1=10, p_2=5$

1.231

-0.846

+0.385

1.778

-1.111

-0.667

Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если цена первого товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары

$$D_1 = \frac{I - 5p_2 + p_1}{2p_1}; \quad D_2 = \frac{I - 3p_1 - p_2}{2p_2}$$

имеют следующий вид: ;  $I=80, p_1=10, p_2=5$

1.231  
+0.667  
1.778  
-0.846  
-0.385  
-1.111

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если цена его вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары имеют следующий**

$$D_1 = \frac{I - 5p_2 + p_1}{2p_1} \quad ; \quad D_2 = \frac{I - 3p_1 - p_2}{2p_2}$$

**вид:** ; I=80, p1=10, p2=5

1.231  
-0.846  
-0.385  
1.778  
+1.111  
-0.667

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если доход потребителя вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары имеют**

$$D_1 = \frac{I - 5p_2 + p_1}{2p_1} \quad ; \quad D_2 = \frac{I - 3p_1 - p_2}{2p_2}$$

**следующий вид:** ; I=80, p1=10, p2=5

+1.778  
1.231  
-0.846  
-1.111  
-0.385  
-0.667

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если цена второго товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары**

$$D_1 = \frac{I + p_2 + p_1}{4p_1} \quad ; \quad D_2 = \frac{I - 2p_1}{4p_2}$$

**имеют следующий вид:** ; I=60, p1=2, p2=10

0.833  
-0.972  
+0.139  
1.071  
-1  
-0.071

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если цена первого товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары**

$$D_1 = \frac{I + p_2 + p_1}{4p_1} \quad ; \quad D_2 = \frac{I - 2p_1}{4p_2}$$

**имеют следующий вид:** ; I=60, p1=2, p2=10

0.833  
-1  
+0.972  
0.139  
1.071  
-0.071

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если цена второго товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары**

$$D_1 = \frac{I + p_2 + p_1}{4p_1} \quad ; \quad D_2 = \frac{I - 2p_1}{4p_2}$$

**имеют следующий вид:** ; I=60, p1=2, p2=10

0.833

- 0.972
- 0.139
- 1.071
- +1
- 0.071

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если доход потребителя вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары имеют**

$$D_1 = \frac{I + p_2 + p_1}{4 p_1} ; D_2 = \frac{I - 2 p_1}{4 p_2} ; I=60, p_1=2, p_2=10$$

**следующий вид:**

- 0.833
- 0.972
- 0.139
- +1.071
- 1
- 0.071

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если доход потребителя вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на**

$$D_1 = \frac{I + p_2 + p_1}{4 p_1} ; D_2 = \frac{I - 2 p_1}{4 p_2} ; I=60, p_1=2, p_2=10$$

**товары имеют следующий вид:**

- +0.833
- 0.972
- 0.139
- 1.071
- 1
- 0.071

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если цена второго товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары**

$$D_1 = \frac{p_1 + 2I}{3 p_1} ; D_2 = \frac{I - p_1}{3 p_2} ; I=80, p_1=5, p_2=4$$

**имеют следующий вид:**

- 0.97
- 0.97
- +0
- 1.067
- 1
- 0.067

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если цена первого товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары**

$$D_1 = \frac{p_1 + 2I}{3 p_1} ; D_2 = \frac{I - p_1}{3 p_2} ; I=80, p_1=5, p_2=4$$

**имеют следующий вид:**

- 0.97
- 0.97
- 0
- 1.067
- 1
- +0.067

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если цена второго товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары**

$$D_1 = \frac{p_1 + 2I}{3 p_1} ; D_2 = \frac{I - p_1}{3 p_2} ; I=80, p_1=5, p_2=4$$

**имеют следующий вид:**

- 0.97
- 0.97
- 0
- 1.067
- + -1
- 0.067

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если цена первого товара вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары**

$$D_1 = \frac{p_1 + 2I}{3p_1} ; D_2 = \frac{I - p_1}{3p_2}$$

**имеют следующий вид: ; I=80, p1=5, p2=4**

- 0.97
- + -0.97
- 1
- 0
- 0.067
- 1.067

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на второй товар, если доход потребителя вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на товары имеют**

$$D_1 = \frac{p_1 + 2I}{3p_1} ; D_2 = \frac{I - p_1}{3p_2}$$

**следующий вид: ; I=80, p1=5, p2=4**

- +1.067
- 0.97
- 0.97
- 1
- 0
- 0.067

**Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если доход потребителя вырастет на 1% при следующей исходной информации: функции спроса на**

$$D_1 = \frac{p_1 + 2I}{3p_1} ; D_2 = \frac{I - p_1}{3p_2}$$

**товары имеют следующий вид: ; I=80, p1=5, p2=4**

- +0,97
- 1,067
- 0,97
- 1
- 0
- 0,067

**Таблица 17 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	если правильно выполнено 50-64% тестовых заданий, студент владеет материалом по теме, но испытывает затруднения в поиске и	правильно выполнено 65-85% тестовых заданий, студент обладает способностью в поиске и анализе информации, на	правильно выполнено 86-100% тестовых заданий; студент способен осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения экономических задач

ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2 <sub>опк-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	анализе информации для решения поставленной задачи	основе поставленных целей для решения экономических задач, но допускает неточности при решении поставленной задачи	способен строить на основе описания экономических процессов и явлений стандартные теоретические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты, использовать для решения аналитических и исследовательских задач современные технические средства и информационные технологии
--	--	--	---

### Индивидуальное задание

Вариант индивидуального задания выбирается по таблице.

Первая буква фамилии	Последняя цифра номера зачетной книжки				
	1,0	2,9	3,8	4,7	5,6
А, Ж, Н, У, Я	1	7	13	19	25
Б, З, О, М	2	8	14	20	26
Г, В, И, П, Ц, Ч	3	9	15	21	27
К, Р, Ш, Щ, Е,	4	10	16	22	28
Д, Л, Э, Ю, Т	5	11	17	23	29
С, Ф, Х, Ё	6	12	18	24	30

Решите задачу потребительского выбора, определив функции потребительского спроса на товары при следующей функции полезности потребителя  $U(X_1, X_2) = (N + 2)X_1(T + 1)\sqrt{X_2}$  (где  $N$  — предпоследняя цифра номера зачетной книжки;  $T$  — последняя цифра номера зачетной книжки).

Выполните следующее:

1. рассчитайте спрос на товар  $X_1$  и  $X_2$  согласно исходным данным вашего варианта (табл.), если доход потребителя составляет  $I$  усл.д.е., а цены товаров соответственно равны  $p_1$  и  $p_2$  усл.д.е.;
2. определите прямые коэффициенты эластичности спроса по цене, проанализируйте полученный результат;
3. определите перекрестные коэффициенты эластичности спроса по цене, проанализируйте полученные результаты;
4. рассчитайте коэффициенты эластичности спроса по доходу потребителя. Проанализируйте полученные результаты.
5. Постройте графическую иллюстрацию оптимального решения.

#### Исходные данные для задания

№	$I$	$p_1$	$p_2$	№	$I$	$p_1$	$p_2$	№	$I$	$p_1$	$p_2$
1	120	24	2	11	560	32	15	21	150	12	14
2	100	4	12	12	240	24	20	22	81	9	7
3	340	20	15	13	160	32	22	23	250	24	15
4	80	2	10	14	90	18	6	24	220	10	22
5	54	3	8	15	680	74	68	25	168	14	28
6	130	5	14	16	55	12	1	26	180	4	16
7	300	20	25	17	72	15	3	27	2000	90	100
8	150	5	10	18	48	6	8	28	1500	70	20

9	1500	40	20	19	12	3	2	29	2100	21	12
10	480	26	12	20	330	56	32	30	45	2	3

**Таблица 18 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)		
	на базовом уровне	на повышенном уровне	
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла	соответствует оценке «хорошо» 65-85% от максимального балла	соответствует оценке «отлично» 86-100% от максимального балла
ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания семестра, студент с незначительными ошибками выполнил задание, допустил погрешности в выводах, принципиально не искажающих логическую последовательность теоретических положений, не использовал информационные технологии при решении.	индивидуальное домашнее задание выполнено в срок; студент правильно выполнил задание, применил информационные технологии при его решении, сделал выводы, допустив небольшие погрешности, не искажающие его понимания усвоенного материала.	индивидуальное домашнее задание выполнено до окончания обозначенного срока; студент правильно выполнил задание, продемонстрировав способность к самоорганизации, аргументировал все этапы его выполнения, способен выполнять необходимые для составления экономических разделов планов расчеты, обосновывать их и представлять результаты работы, проанализировал и содержательно интерпретировал полученные результаты, проверил правильность решения с помощью современных технических средств и информационных технологий
ИД-2 <sub>УК-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений			
ИД-2 <sub>ОПК-4</sub> Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности			

### 3 ОПРЕДЕЛЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТА ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Форма промежуточной аттестации по дисциплине *экзамен*.

### ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ И СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОВЕРКИ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ

**УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач**

### 1. Задания закрытого типа

*Выберите один верный ответ на вопрос*

1. Решение, обеспечивающее наибольшую полезность экономической операции, выгоду от её применения называется ...

- нормализованным.
- эмпирическим.
- необходимым.
- + оптимальным.

2. Разделение сложных процессов на части для проведения анализа называется...

- моделирование
- + декомпозиция
- верификация
- наблюдение

### 2. Задания открытого типа

*Дополните*

1. Обстоятельство, заставляющее обосновывать принимаемое решение, называется \_\_\_\_\_ .

Правильный ответ: определённость.

2. Математическая модель - это вид \_\_\_\_\_ моделей

Правильный ответ: знаковых.

*Дайте развернутый ответ*

1. Что является основным условием неопределённости?

Правильный ответ: Основным условием неопределённости является неизвестная результативность принимаемых решений.

2. Какие виды экономико-математических моделей можно выделить по характеру поведения во времени?

Правильный ответ: Экономико-математические модели по характеру поведения во времени делятся на динамические и статические.

3. Перечислите основные свойства производственной функции.

Правильный ответ: Основные свойства производственной функции:

- 1) возрастание потребления одного ресурса при постоянном потреблении другого ведет к росту производственной функции;
- 2) предельная ресурсоотдача каждого ресурса убывает, если объем его потребления растёт.

*Практико-ориентированные задания*

**Задание 1.**

На рисунке представлена последняя симплексная таблица. Определите значения основных и дополнительных переменных.

			Ос	Доп.	
	x	i	н. пер.	пер.	



			1	2	3	4	5	6	
	3								
	4	1					1		
	2								
	6	1							
		5							

**Решение:** Базисные переменные перечислены в столбце  $B_x$ , их значения в столбце  $b_i$ , остальные переменные являются свободными, их значения равны 0. Таким образом, получаем, :  $x_1=0$ ;  $x_2=5$ ;  $x_3=3$ ;  $x_4=11$ ;  $x_5=0$ ;  $x_6=21$ .

Правильный ответ:  $x_1=0$ ;  $x_2=5$ ;  $x_3=3$ ;  $x_4=11$ ;  $x_5=0$ ;  $x_6=21$ .

**Задание 2.**

Для функции  $Y=30-0,5*x$ , коэффициент эластичности при  $x=40$  равен...

**Решение:** Коэффициент эластичности рассчитывается по формуле:

$$E_y(x) = \frac{dy}{dx} \cdot \frac{y}{x} = -\frac{1}{2} \cdot \frac{30 - 0.5 * 40}{10} = -2.$$

Правильный ответ: -2.

**Задание 3.**

**Мультипликативная производственная функция имеет вид  $F(K, L) = 0,2 K^{0,7} L^{0,3}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. На сколько процентов увеличится валовой выпуск, если объема капитала увеличится на 1%?**

**Решение.** В производственной функции  $F(K, L) = A * K^a L^{1-a}$ , где  $K$  – объем основных фондов,  $L$  – объем трудовых ресурсов показатель  $a$  – это коэффициент эластичности, который характеризует, на сколько процентов увеличится валовой выпуск, если объема капитала увеличится на 1%. В нашем случае он равен 0,7, следовательно, валовой выпуск увеличится на 0,7%.

Правильный ответ: 0,7%.

**УК-2 Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений**

**1. Задания закрытого типа**

***Выберите один верный ответ на вопрос***

**1. Принятие решения - это...**

предположение о развитии системы.  
совокупность действий по конкретизации целей.  
+выбор варианта из множества представленных возможных направлений.  
поиск системы ограничений.

## 2. Обоснование решений лицом принимающим решение в условиях неопределённости заключается в...

отказе от возможных альтернатив  
увеличении исходного множества альтернатив при имеющейся информационной базе  
+сокращении исходного множества альтернатив при имеющейся информационной базе  
разделении множества альтернатив на связанные группы

*Выберите несколько верных ответов на вопрос*

### 1. Укажите основные принципы построения экономико-математических моделей:

+эффективная реализуемость  
+преемственность  
+достаточность  
массовость

## 2. Задания открытого типа

*Дополните*

1. \_\_\_\_\_ является областью допустимых решений системы ограничений задачи линейного программирования на плоскости.

Правильный ответ: выпуклый многоугольник.

2. Эластичность выручки по цене отрицательна на товары, спрос на которые \_\_\_\_\_.

Правильный ответ: эластичен.

*Практико-ориентированные задания*

### Задание 1.

Производственная функция задана уравнением  $F = K + 3\sqrt{L}$ . Каким уравнением задается изокванта?

Решение. Для построения изокванты необходимо производственную функцию приравнять к любой константе.

Правильный ответ:  $K + 3\sqrt{L} = C$

### Задание 2.

Коэффициент эластичности для дискретно заданной функции определяется по формуле:

Правильный ответ:  $E_x F = \frac{\left[ \frac{2(F_2 - F_1)}{F_2 + F_1} \right]}{\frac{2(x_2 - x_1)}{x_1 + x_2}}$

### Задание 3.

Функция издержек в зависимости от объема производства выражается

уравнением  $C(Q)=Q^2-2Q$ , выручка  $R(Q)=20Q$ . Определите размер максимальной прибыли фирмы.

**Решение:** Прибыль фирмы определяется по формуле  $P(Q)=R(Q)-C(Q)$ .

Необходимое условие максимизации прибыли – это равенство предельного дохода и предельных издержек, значит,  $R' = C'$ , тогда  $20 = 2Q - 2 \Rightarrow 22 = 2Q \Rightarrow Q = 11$  – оптимальный объем производства.

Найдем  $P(11)=20*11-11^2+2*11=121$ .

Правильный ответ: 121.

**Задание 4.**

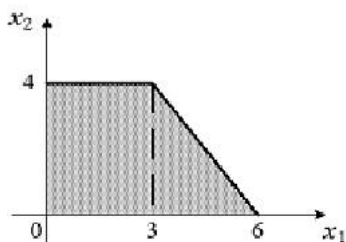
**Мультипликативная производственная функция имеет вид  $F(K, L) = 0,5 K^{0,6} L^{0,3}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. На сколько процентов увеличится валовой выпуск при увеличении объема труда на 1%?**

**Решение.** В производственной функции  $F(K, L) = A * K^a L^{1-a}$ , где  $K$  – объем основных фондов,  $L$  – объем трудовых ресурсов показатель  $(1 - a)$  – это коэффициент эластичности, который характеризует, на сколько процентов увеличится валовой выпуск, если объем труда увеличится на 1%. В нашем случае он равен 0,3, следовательно, валовой выпуск увеличится на 0,3%.

Правильный ответ: 0,3%.

**Задание 5.**

**Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:**



**Тогда максимальное значение функции  $z=3x_1+5x_2$  равно...**

**Решение:** Построим линию уровня, для этого приравняем целевую функцию к нулю:  $3x_1+5x_2=0$ . Двигая полученную прямую по направлению вектора  $(3;5)$  до самой «дальней» точки области, видим, что максимальное значение функции достигается в точке с координатами  $(3;4)$ . Подставим эти координаты в целевую функцию и найдем значение  $z=3*3+5*4=29$ .

Правильный ответ: 29.

**Задание 6.**

	50	60	200
$100 + a$	7	2	4
200	3	5	6

**Транспортная задача** **будет закрытой, если ...**

**Решение.** Транспортная задача является закрытой, если суммарная мощность поставщиков равна суммарному спросу потребителей.

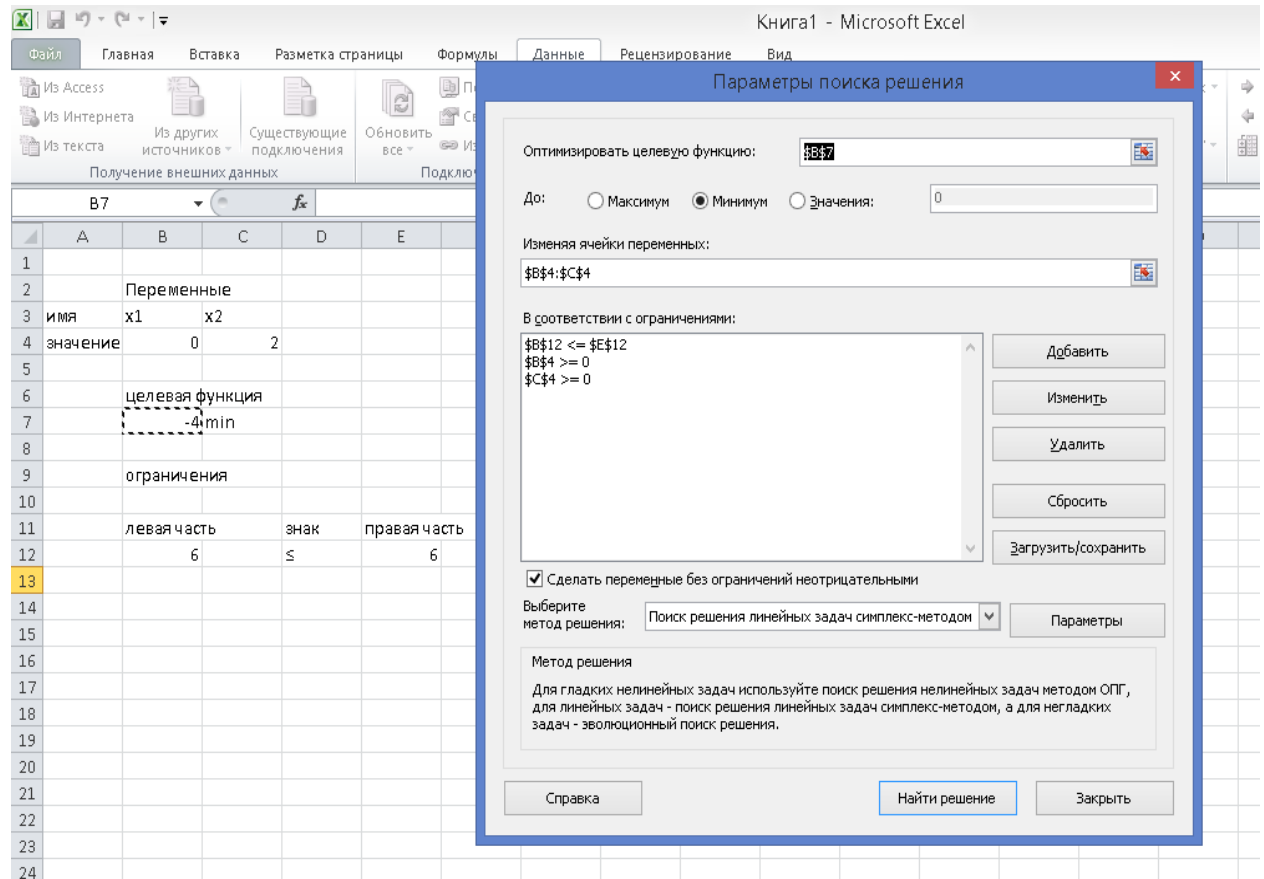
Получаем,  $100+a+200=50+60+200$ ,  $300+a=310$ ,  $a=10$ .

Правильный ответ:  $a=10$ .

**Задание 7.**

**Чему равно минимальное значение функции  $S=x_1-2x_2$  при ограничениях  $2x_1+3x_2 \leq 6$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$  ?**

**Решение.** Найдем решение с помощью ППП MS Excel, используя «Поиск решения»



Ячейка B6 содержит значение целевой функции, оно равно -4.

Правильный ответ: -4

### Задание 8.

**Матрица коэффициентов прямых затрат в модели межотраслевого баланса имеет вид  $\begin{bmatrix} 0,2 & 0,2 \\ 0,4 & 0,4 \end{bmatrix}$ , определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного потребления должен составить  $\begin{bmatrix} 70 \\ 20 \end{bmatrix}$**

**Решение.** Матрица коэффициентов прямых затрат  $A = \begin{bmatrix} 0,2 & 0,2 \\ 0,4 & 0,4 \end{bmatrix}$

Определим выражение (E-A)

$$E - A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0,2 & 0,2 \\ 0,4 & 0,4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,8 & -0,2 \\ -0,4 & 0,6 \end{pmatrix}$$

Найдем матрицу полных затрат.

$$(E - A)^{-1} = \frac{1}{0,8 \cdot 0,6 - 0,4 \cdot 0,2} \begin{pmatrix} 0,6 & 0,2 \\ 0,4 & 0,8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1,5 & 0,5 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$$

Для определения объемов выпуска, соответствующих планируемым объемам конечного потребления, необходимо умножить матрицу полных затрат на вектор планируемых объемов конечного потребления  $Y_{pl}$ :

$$(E - A)^{-1} Y_{pl} = \begin{pmatrix} 1,5 & 0,5 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 70 \\ 20 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 115 \\ 110 \end{pmatrix}$$

Таким образом, размер выпуска 2-ой отрасли должен составлять 110 ед.

Правильный ответ 110

### Задание 9.

Представлена матрица планирования. Определите потенциал  $p_3$

Магазины Базы		М	М	М	М	За пасы, кг
		1	2	3	4	
		k1	k2	k3	k4	
1	Б	p1	3	5	14	11
			4.		0.	
2	Б	p2	12	6	8	6
				6		
2	Б	p3	4	10	9	7
				2	2.	1.
Потребность, кг		4.	8	2.	1.	
		5		4	1	

**Решение.** Потенциалы строк обозначим  $p_1, p_2, p_3$ , а потенциалы столбцов –  $k_1, k_2, k_3, k_4$ .

Для всех базисных клеток плана должно быть выполнено следующее соотношение:  $p_i + k_j = c_{ij}$ .

Получаем систему:

$$\begin{cases} p_1 + k_1 = 3, \\ p_1 + k_3 = 14, \\ p_2 + k_2 = 6, \\ p_3 + k_2 = 10, \\ p_3 + k_3 = 9, \\ p_3 + k_4 = 7 \end{cases}$$

Пусть  $p_1=0$ , тогда  $k_1=3$ , соответственно, из второго уравнения  $k_3=14$ . Тогда из 5-ого уравнения  $p_3=-5$ .

Правильный ответ: -5

### Задание 10.

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  найдите предельную норму замещения основных фондов трудовыми ресурсами в общем виде.

**Решение.** Предельная норма замещения основных фондов на трудовые ресурсы находится по формуле

$$MRF_{KL} = \frac{MF_K}{MF_L}$$

Получаем,

$$MRF_{KL} = \frac{MF_K}{MF_L} = \frac{\frac{\sqrt{2L+1}}{2\sqrt{K-1}}}{\frac{2\sqrt{K-1}}{2\sqrt{2L+1}}} = \frac{\sqrt{2L+1}}{2\sqrt{K-1}} * \frac{\sqrt{2L+1}}{\sqrt{K-1}} = \frac{2L+1}{2(K-1)}$$

Правильный ответ:  $\frac{2L+1}{2(K-1)}$

**ОПК-4 Способен предлагать экономически и финансово обоснованные организационно-управленческие решения в профессиональной деятельности;**

**1. Задания закрытого типа**

*Выберите один верный ответ на вопрос*

**1. Модели, предполагающие жесткие функциональные связи между переменными относятся к \_\_\_\_\_ моделям**

стохастическим

сетевым

вероятностным

эконометрическим

+детерминированным

**2. Требуется определить экстремум целевой функции без задания условий на какие-либо другие величины, то такая оптимизация называется**

условной

+безусловной

одномерной

многомерной

**3. Укажите форму записи задачи линейного программирования, указанную на рисунке:**

$$C = \sum_{j \in n} c_j x_j \rightarrow \max(\min)$$

$$1) \quad \sum_{j \in n} a_{ij} x_j = b_i \quad (i \in n);$$

$$2) \quad x_j \geq 0 \quad (j \in n)$$

стандартная

+каноническая

экономическая

общая

**4. Задача оптимального планирования считается заданной в каноническом виде**

когда присутствуют все типы ограничений

когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\leq$ »

когда система ограничений содержит только неравенства типа « $\geq$ »

+когда система ограничений содержит только равенства

**5. Если оптимизационная задача решается симплекс методом, число ограничений в задаче равно 5 (не учитывая, условия не отрицательности переменных), а число основных переменных 4. Количество базисных переменных равно:**

9

+5

4

1

**6. Разрешающая строка при решении задачи симплексным методом выбирается по ...**

- наибольшему симплексному отношению;
- +по наименьшему положительному симплексному отношению;
- по наибольшему по модулю значению коэффициента столбца  $\theta$ ;
- по наименьшему коэффициенту столбца свободных членов.

***Выберите несколько верных ответов на вопрос***

**1. По возможности применения различают модели**

- +прикладные
- оптимизационные
- +теоретические
- линейные
- нелинейные

**2. По назначению, по цели создания и применения различают следующие модели:**

- +имитационные
- нелинейные
- +балансовые
- линейные
- +эконометрические

**3. Укажите способы нахождения первого опорного плана в транспортной задаче:**

- +способ северо-западного угла
- +способ наименьшего элемента в таблице
- способ наибольшего элемента в таблице
- способ приведения системы ограничений к каноническому виду

**4. Укажите основные правила построения цикла перераспределения поставок**

- +число вершин цикла всегда нечетное
- +цикл начинается и заканчивается в перспективной клетке
- число вершин цикла всегда четное
- +цикл делает повороты в занятых клетках и только под прямым углом
- цикл делает повороты в занятых и свободных клетках, но только под прямым углом

**5. Кривые безразличия одной функции полезности...**

- +не пересекаются друг с другом;
- пересекаются в точке оптимального решения задачи потребительского выбора;
- +большей степени удовлетворения потребителя соответствует более удаленная от начала координат кривая безразличия;
- меньшей степени удовлетворения потребителя соответствует более удаленная от начала координат кривая безразличия;

6. Графическая иллюстрация задачи потребительского выбора предполагает построение ....

изокосты

изокванты

+кривой безразличия

+бюджетного ограничения

## 2. Задания открытого типа

*Дополните*

1. \_\_\_\_\_ - это клетка в матрице планирования, в которую необходимо сделать поставку груза.

Правильный ответ: Перспективная клетка.

2. \_\_\_\_\_ показывает добавочную стоимость продукции, произведенную дополнительной единицей основных фондов.

Правильный ответ: предельная фондоотдача.

3. Прямой коэффициент эластичности спроса на первый товар равен  $E_{p_1, x_1} = -1,2$ , это означает \_\_\_\_\_.

Правильный ответ: спрос на товар эластичный.

4. Перекрестный коэффициент эластичности спроса на первый товар по цене второго товара равен  $-3,6$ . Это означает, что при увеличении цены второго товара на 1% спрос на первый товар \_\_\_\_\_.

Правильный ответ: упадет на 3,6%.

5. Коэффициент эластичности спроса на первый товар по доходу равен  $E_{I, x_1} = -1,2$ , это означает \_\_\_\_\_.

Правильный ответ: товар некачественный.

6. Средняя производительность труда характеризует \_\_\_\_\_

Правильный ответ: количество продукции, произведенное одним рабочим.

7. Первым (подготовительным) этапом симплекс-метода для решения задачи линейного программирования является \_\_\_\_\_.

Правильный ответ: приведение задачи линейного программирования к каноническому виду.

### *Практико-ориентированные задачи*

**Задание 1.**

Определите, на сколько процентов изменится спрос на первый товар, если доход потребителя вырастет на 1% при следующей исходной информации:

$$D_1 = \frac{p_1 + 2I}{3p_1}; \quad D_2 = \frac{I - p_1}{3p_2}; \quad I=80, \\ p_1=5, p_2=4$$

функции спроса на товары имеют следующий вид:

Коэффициент перекрестной эластичности спроса на товар  $X_1$  рассчитывается по формуле:

$$E = \frac{dD_1}{dI} \cdot \frac{D_1}{I} = \frac{2}{3p_1} * \frac{I}{\frac{p_1+2I}{3p_1}} = \frac{2}{3 * 5} \cdot \frac{80}{\frac{160+5}{15}} = 0,97.$$

Таким образом, спрос на первый товар изменится на 0,97% , если доход потребителя вырастет на 1%.



Правильный ответ: 0,97.

### Задание 2.

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{2}} * x_2^{\frac{1}{3}}$ . Определите оптимальный спрос на 1-ый товар при следующей исходной информации:  $I=60$ ,  $p_1=2$ ,  $p_2=3$  у.д.е.

Решение задачи потребительского выбора сводится к решению следующей системы уравнений:

$$\begin{cases} \frac{MU_{X_1}}{MU_{X_2}} = \frac{p_1}{p_2} \\ p_1 X_1 + p_2 X_2 = I \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\frac{X_2^{1/3}}{2X_1^{\frac{1}{2}}}}{\frac{X_1^{1/2}}{3X_2^{2/3}}} = \frac{p_1}{p_2} \\ p_1 X_1 + p_2 X_2 = I \end{cases} \quad \begin{cases} \frac{3X_2}{2X_1} = \frac{p_1}{p_2} \\ p_1 X_1 + p_2 X_2 = I \end{cases} \quad \begin{cases} \frac{2p_1}{3p_2} X_1 = X_2 \\ p_1 X_1 + p_2 \frac{2p_1}{3p_2} X_1 = I \end{cases}$$

$$X_1 = \frac{3I}{5p_1} \quad X_1 = \frac{3 * 60}{5 * 2} = 18$$

Согласно исходным данным задачи, потребителю при существующих ценах на товар и собственном доходе 60 усл.д.ед. необходимо покупать товар  $X_1$  в количестве 18 ед.

Правильный ответ: 18.

### Задание 3.

Функция полезности задана уравнением  $U(x_1, x_2) = x_1^{\frac{1}{2}} * x_2^{\frac{1}{2}}$ . Функции спроса на товары имеют вид:

Решение задачи потребительского выбора сводится к решению следующей системы уравнений:

$$\begin{cases} \frac{MU_{X_1}}{MU_{X_2}} = \frac{p_1}{p_2} \\ p_1 X_1 + p_2 X_2 = I \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\frac{X_2^{1/2}}{2X_1^{\frac{1}{2}}}}{\frac{X_1^{1/2}}{2X_2^{1/2}}} = \frac{p_1}{p_2} \\ p_1 X_1 + p_2 X_2 = I \end{cases} \quad \begin{cases} \frac{X_2}{X_1} = \frac{p_1}{p_2} \\ p_1 X_1 + p_2 X_2 = I \end{cases} \quad \begin{cases} X_1 = \frac{p_2 X_2}{p_1} \\ p_1 \frac{p_2 X_2}{p_1} + p_2 X_2 = I \end{cases}$$

$$X_2 = \frac{I}{2p_2}, \quad X_1 = \frac{p_2 * \frac{I}{2p_2}}{p_1} = \frac{I}{2p_1}$$

Правильный ответ:  $x_1 = \frac{I}{2p_1}; \quad x_2 = \frac{I}{2p_2}$

#### Задание 4.

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 3)^{\frac{2}{3}}(2L - 1)$  предельная норма замещения трудовых ресурсов на основные фонды в общем виде будет иметь вид ...

**Решение.** Предельная норма замещения основных фондов на трудовые ресурсы находится по формуле

$$MRF_{KL} = \frac{MF_K}{MF_L}$$

Получаем,

$$MRF_{KL} = \frac{MF_L}{MF_K} = \frac{2(K - 3)^{2/3}}{\frac{2(2L - 1)}{3(K - 3)^{1/3}}} = \frac{3(K - 3)}{2L - 1}$$

Правильный ответ:  $\frac{3(K - 3)}{(2L - 1)}$ .

#### Задание 5.

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  найти предельную производительность труда при  $K=5, L=4$ .

**Решение.** Предельная производительность труда – добавочная стоимость продукции, произведенная дополнительной единицей трудовых ресурсов

$$MF_L = \frac{\partial F}{\partial L} = (K - 1)^{1/2} * \frac{1}{2} * (2L + 1)^{-1/2} * 2 = \frac{\sqrt{(K - 1)}}{\sqrt{2L + 1}} = \frac{\sqrt{5 - 1}}{\sqrt{2 * 4 + 1}} = \frac{2}{3}$$

Правильный ответ:  $\frac{2}{3}$

#### Задание 6.

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  найти коэффициент эластичности по основным фондам в общем виде.

$$E = \frac{dF}{dK} * \frac{K}{F} = (K - 1)^{-1/2} * \frac{1}{2} * (2L + 1)^{1/2} * \frac{K}{(K - 1)^{1/2}(2L + 1)^{1/2}} = \frac{K}{2(K - 1)}$$

Правильный ответ:  $\frac{K}{2(K - 1)}$

#### Задание 7.

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  найти коэффициент эластичности по основным фондам, если  $K=5, L=1$ .

**Решение.**

$$E = \frac{dF}{dK} * \frac{K}{F} = (K - 1)^{-1/2} * \frac{1}{2} * (2L + 1)^{1/2} * \frac{K}{(K - 1)^{1/2}(2L + 1)^{1/2}} = \frac{K}{2(K - 1)}$$

$$= \frac{5}{2 * (5 - 1)} = \frac{5}{8}$$

Правильный ответ:  $\frac{5}{8}$

### Задание 8.

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  найти коэффициент эластичности по трудовым ресурсам в общем виде.

$$E = \frac{dF}{dL} * \frac{L}{F} = (K - 1)^{1/2} * \frac{1}{2} * 2 * (2L + 1)^{-1/2} * \frac{L}{(K - 1)^{1/2}(2L + 1)^{1/2}} = \frac{L}{2L + 1}$$

Правильный ответ:  $\frac{L}{(2L + 1)}$

### Задание 9.

Для производственной функции  $F(K, L) = (K - 1)^{\frac{1}{2}}(2L + 1)^{\frac{1}{2}}$  найти коэффициент эластичности по трудовым ресурсам, если  $K=7, L=2$ .

$$E = \frac{dF}{dL} * \frac{L}{F} = (K - 1)^{1/2} * \frac{1}{2} * 2 * (2L + 1)^{-1/2} * \frac{L}{(K - 1)^{1/2}(2L + 1)^{1/2}} = \frac{L}{2L + 1}$$

$$= \frac{2}{2 * 2 + 1} = \frac{2}{5}$$

Правильный ответ:  $\frac{2}{5}$

### Задание 10.

Для мультипликативной производственной функции  $F(K, L) = 2K^{0.59}L^{0.51}$  найти коэффициент эластичности по капиталу.

**Решение.** В производственной функции  $F(K, L) = A * K^a L^{1-a}$ , где  $K$  – объем основных фондов,  $L$  – объем трудовых ресурсов показатель  $a$  – это коэффициент эластичности, который характеризует, на сколько процентов увеличится валовой выпуск, если объема капитала увеличится на 1%. В нашем случае он равен 0,59, следовательно, валовой выпуск увеличится на 0,59%.

Правильный ответ: 0,59.

### Задание 11.

Производственная функция задается как  $F(K, L) = K^{0.5}L^{0.5}$ , где  $K$  – капитал,  $L$  – труд. Найти предельный продукт труда  $\frac{\partial F(K, L)}{\partial L} (MF_L)$  при  $K=36, L=9$ .

$$\text{Решение. } \frac{\partial F(K, L)}{\partial L} (MF_L) = K^{0.5} * 0.5 * L^{-0.5} = \frac{1}{2} * \sqrt{\frac{K}{L}} = \frac{1}{2} * \sqrt{\frac{36}{9}} = 1.$$

Правильный ответ: 1.

### Задание 12.

Функция издержек в зависимости от объема производства выражается уравнением  $C(Q)=Q^2-2Q$ , выручка  $R(Q)=20Q$ . Определите объем, при котором

**прибыль фирмы максимальна.**

**Решение.** Необходимое условие максимизации прибыли – это равенство предельного дохода и предельных издержек, значит,  $R' = C'$ , тогда  $20 = 2Q - 2 \Rightarrow 22 = 2Q \Rightarrow Q = 11$

Правильный ответ: 11.

**Задание 13.** Уравнение спроса имеет вид:  $p = 10 - 0,1\sqrt{x}$ .

б) Посчитать приближенно процентное изменение спроса, если первоначальная цена составляла  $p=9$ , а затем она уменьшилась на 3 %.

**Решение.**

**Решение.** Если цена уменьшится на 3 %, то она станет составлять  $p = 9 - 9 \cdot 0,03 = 8,73$  ед. Количество продаваемого товара при новой цене  $x(8,73) = 161,29$  ед., а при  $p = 9$  спрос был  $x(9) = 100$ . Таким образом, изменение спроса при уменьшении цены будет равно  $\frac{161,29 - 100}{100} \cdot 100 \% = 61,29 \%$ . Очевидно, что спрос резко увеличился на 61,29 %.

Правильный ответ: 61,29%.

**Задание 14. Для транспортной задачи**

Мощность поставщиков	Потребители и их спрос			
	2 0	1 10	4 0	1 10
60	1	2	5	3
120	1	6	5	2
100	6	3	7	4

**определить первоначальное базисное решение методом северо-западного угла.**

**Решение.** В указанной таблице находим «северо-западный угол» (левый верхний) и определим поставку. Для этого выберем  $\min\{20,60\}=20$  и это количество товара запишем в указанную ячейку. Спрос первого потребителя удовлетворен полностью, т.е. поставок ему больше не будет. В оставшейся таблице найдем «северо-западный угол» (ячейка на пересечении первой строки и второго столбца). Потребителю необходимо 110 ед товара, поставщик может дать 40 ед. Минимальное из этих чисел заносим в указанную ячейку. Мощность первого поставщика реализована полностью. Смотрим на «северо-западный угол» незаполненной части таблицы (ячейка на пересечении второй строки и второго столбца). Потребителю необходимо 70 ед товара, поставщик может дать 120 ед. Минимальное из чисел заносим в эту ячейку. Спрос второго поставщика удовлетворен полностью. Следующий «северо-западный угол» (ячейка на пересечении второй строки и третьего столбца), Потребителю необходимо 40 ед, поставщик может дать 50 ед. Минимальное значение из этих чисел заносим в указанную ячейку. Спрос третьего потребителя удовлетворен. Далее смотрим на «северо-западный угол» (ячейка на пересечении второй строки и четвертого столбца). Потребителю необходимо 110 ед товара, а поставщик имеет 10 ед. Минимальное из чисел заносим в ячейку. Осталась одна незаполненная ячейка. Спрос потребителя равен 100 ед, мощность поставщика

100 ед. Заносим это значение в последнюю клетку. Получили следующее распределение поставок.

Правильный ответ:

Мощность поставщиков	Потребители и их спрос			
	20	10	4	1
60	1	2	5	3
120	1	6	5	2
100	6	3	7	4

**Задание 15.** Дана функция 2-х переменных  $D(x,y)=9-2y+0,5x$  где  $x=3$ ,  $y=4$ . Определите перекрестный коэффициент эластичности.

Решение.

$$E = \frac{dD}{dx} * \frac{x}{D} = 0.5 * \frac{x}{9 - 2y + 0.5x} = 0.5 * \frac{3}{9 - 2 * 4 + 0.5 * 3} = 0.6.$$

Правильный ответ: 0,6.

**Задание 16.**

Для производственной функции  $F(K, L) = 10 * K^{2/3} * L^{1/3}$  постройте с использованием программных средств семейство изоквант.

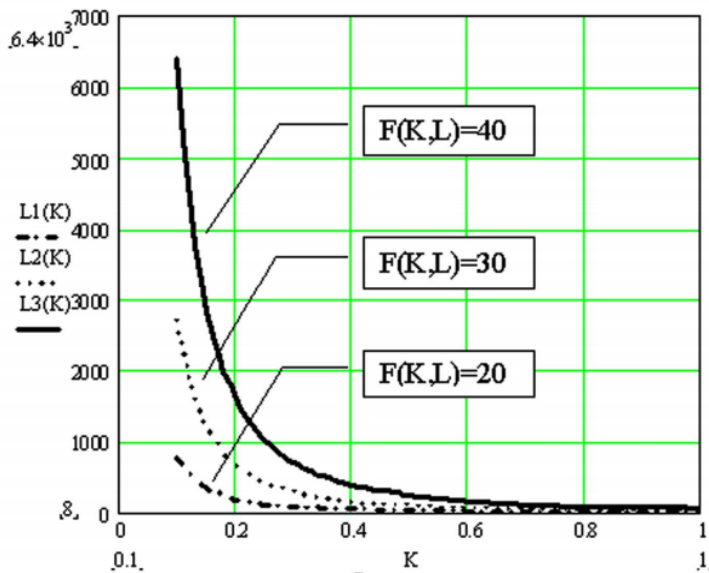
Решение: Для построения изокванты необходимо производственную функцию приравнять к любой константе и выразить одну переменную через другую:

$$10K^{\frac{2}{3}}L^{\frac{1}{3}} = C \Rightarrow 1000K^2L = C^3 \Rightarrow L = \frac{C^3}{1000K^2},$$

$$L1 = \frac{20^3}{1000K^2}, \quad L2 = \frac{30^3}{1000K^2}, \quad L3 = \frac{40^3}{1000K^2}.$$

Построим графики полученных функций с использованием программных продуктов. Семейство изоквант представлено на рисунке.

Правильный ответ:



**Задание 17.**

Для функции спроса  $D(I) = \frac{7}{3I^2}$  определите коэффициент эластичности спроса по доходу при  $I=4$  у.д.е.

**Решение.**

$$E = \frac{dD}{dI} * \frac{I}{D} = -\frac{14}{3I^3} * \frac{I}{\frac{7}{3I^2}} = -\frac{14}{3I^3} * \frac{3I^3}{7} = -2$$

Правильный ответ: -2.

**Задание 18.**

Для функции  $Y=40-2x$  найдите коэффициент эластичности при  $x=10$ .

**Решение.** Коэффициент эластичности находится по формуле

$$E = \frac{dY}{dx} * \frac{x}{Y} = -2 * \frac{x}{40 - 2x} = -2 * \frac{10}{40 - 2 * 10} = -1.$$

Правильный ответ: -1.

**Задание 19.**

Запишите формулу для нахождения коэффициента эластичности для дискретно заданной функции.

Правильный ответ:  $E_x F = \frac{\left[ \frac{2(F_2 - F_1)}{F_2 + F_1} \right]}{\frac{2(x_2 - x_1)}{x_1 + x_2}}$

**Задание 20.**

Представлена матрица планирования. Определите потенциал р3

Ферма		Ф1	Ф2	Ф3	Ф4	Возможность
Участки		k <sub>1</sub> =	k <sub>2</sub> =	k <sub>3</sub> =	k <sub>4</sub> =	
У1	p <sub>1</sub>	37	51	20	39	200
У2	p <sub>2</sub>	42	60	17	48	800
У3	p <sub>3</sub>	74	92	18	60	900
Потребность		300	750	550	300	

**Решение:** Потенциалы строк обозначим p<sub>1</sub>, p<sub>2</sub>, p<sub>3</sub>, а потенциалы столбцов – v<sub>1</sub>, v<sub>2</sub>, v<sub>3</sub>, v<sub>4</sub>.

Для всех базисных клеток плана должно быть выполнено следующее соотношение: p<sub>i</sub>+v<sub>j</sub>=c<sub>ij</sub>.

Получаем систему:

$$\begin{cases} p_1 + v_1 = 37, \\ p_2 + v_1 = 42, \\ p_3 + v_2 = 92, \\ p_3 + v_4 = 60, \\ p_2 + v_3 = 17, \\ p_2 + v_4 = 48 \end{cases}$$

Пусть p<sub>1</sub>=0, тогда v<sub>1</sub>=37, соответственно, из второго уравнения p<sub>2</sub>=5. Тогда из 5-ого уравнения v<sub>3</sub>=12, из 6-ого уравнения v<sub>4</sub>=43. Из 4-ого уравнения p<sub>3</sub>=17, из 3-ого уравнения v<sub>2</sub>=75. Таким образом, p<sub>3</sub>=17.

Правильный ответ: 17.

**Задание 21.**

	30	100+ b
20	3	9
30	4	1
100	6	8

**Определите для следующей транспортной задачи значение b, при которых задача будет закрытой.**

**Решение.** Транспортная задача является закрытой, если суммарная мощность поставщиков равна суммарному спросу потребителей.

Получаем, 20+30+100=30+100+b, 150=130+b, b=20.

Правильный ответ: b=20.

**Задание 22.**

**Определите коэффициент p<sub>22</sub> матрицы полных затрат при следующем распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период.**

Отрасль	Производственное потребление		Конечный продукт
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	50	40	160
2 отрасль	35	42,5	135

## Решение

1. Определим объемы выпуска продукции каждого вида  $X_1$  и  $X_2$ :

$$\begin{aligned} X_1 &= x_{11} + x_{12} + Y_1 = 50 + 40 + 160 = 250 \\ X_2 &= x_{21} + x_{22} + Y_2 = 35 + 42,5 + 135 = 212,5 \end{aligned}$$

2. Рассчитаем коэффициенты прямых затрат, как отношения объемов внутреннего потребления к объемам выпуска, найденным выше:

$$\begin{aligned} a_{11} &= \frac{x_{11}}{X_1} = \frac{50}{250} = 0,2; & a_{12} &= \frac{x_{12}}{X_2} = \frac{40}{212,5} = 0,1882; \\ a_{21} &= \frac{x_{21}}{X_1} = \frac{35}{250} = 0,14; & a_{22} &= \frac{x_{22}}{X_2} = \frac{42,5}{212,5} = 0,2; \end{aligned}$$

Матрица коэффициентов прямых затрат будет равна

$$A = \begin{pmatrix} 0,2 & 0,1882 \\ 0,14 & 0,2 \end{pmatrix}$$

3. Определим выражение  $(E-A)$

$$E - A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0,2 & 0,1882 \\ 0,14 & 0,2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,8 & -0,1882 \\ -0,14 & 0,8 \end{pmatrix}$$

4. Найдем матрица полных затрат.

$$(E - A)^{-1} = \frac{1}{0,8 \cdot 0,8 - 0,14 \cdot 0,1882} \begin{pmatrix} 0,8 & 0,1882 \\ 0,14 & 0,8 \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 1,3038 & 0,3067 \\ 0,2282 & 1,3038 \end{pmatrix}$$

**Правильный ответ:** 1,3038.

### Задание 23.

**Матрица полных затрат модели межотраслевого баланса имеет вид**  
 $\begin{bmatrix} 4,0 & 1,0 \\ 1,0 & 0,5 \end{bmatrix}$ , **определите необходимый размер выпуска 2-ой отрасли, если вектор конечного потребления должен составить**  $\begin{bmatrix} 100 \\ 50 \end{bmatrix}$

**Решение.** Для определения объемов выпуска, соответствующих планируемым объемам конечного потребления, необходимо умножить матрицу полных затрат на вектор планируемых объемов конечного потребления  $Y_{pl}$ :

$$(E - A)^{-1}Y_{pl} = \begin{pmatrix} 4,0 & 1,0 \\ 1,0 & 0,5 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 100 \\ 50 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 450 \\ 125 \end{pmatrix}$$

**Правильный ответ:** 125.

### Задача 24.

**По представленной последней симплексной таблице определите значение переменной  $x_5$**



x	i	Ос		Доп. пер.			
		н. пер.		3	4	5	6
		1	2				
1				1			
5				2/5	/5		
2		/5		/6	/5		
6			/5	/8			
	4						

**Решение.** В указанной таблице переменные перечислены в столбце  $B_x$ , их значения в соответствующих строках столбца  $b_i$ . Видим, что  $x_5=1$ .

Правильный ответ: 1.

### Задача 25.

На рисунке представлена последняя симплексная таблица. Определите значения основных и дополнительных переменных.

x	i	Ос		Доп. пер.			
		н. пер.		пер.			
		1	2	3	4	5	6
3							
4	1					1	
2							
6	1						
	5						

**Решение.** Базисные переменные перечислены в столбце  $B_x$ , их значения в столбе  $b_i$ , остальные переменные являются свободными, их значения равны 0. Таким образом, получаем, :  $x_1=0$ ;  $x_2=5$ ;  $x_3=3$ ;  $x_4=11$ ;  $x_5=0$ ;  $x_6=21$ .

Правильный ответ:  $x_1=0$ ;  $x_2=5$ ;  $x_3=3$ ;  $x_4=11$ ;  $x_5=0$ ;  $x_6=21$ .

### Задача 26.

Найти максимальное значение функции  $F=2x_1-x_2$  при ограничениях  $x_1+x_2 \leq 3$ ;  $x_1 \geq 0$ ;  $x_2 \geq 0$ .

Решение. Найдем решение ЗЛП с помощью MS Excel («Поиск решения»)

The screenshot shows the MS Excel Solver Parameters dialog box overlaid on a spreadsheet. The spreadsheet contains the following data:

	A	B	C	D	E
1					
2		Переменные			
3	имя	x1	x2		
4	значение	3	0		
5					
6		целевая функция			
7		6, max			
8					
9		ограничения			
10					
11		левая часть	знак	правая часть	
12		3	≤	3	

The Solver Parameters dialog box is configured as follows:

- Optimize Target Cell:  $B7$
- To:  Максимум
- Changing Variable Cells:  $B4:C4$
- Subject to the Constraints:
  - $B4:C4 \geq 0$
  - $C4 \geq 0$
- Make variables non-negative
- Method: Поиск решения линейных задач симплекс-методом

Значение целевой функции равно 6.

Правильный ответ: 6.

Задача 27.

Определите минимум целевой функции  $3X_1 - X_2 \rightarrow \min$  при следующей системе ограничений:

$$2X_1 + X_2 \geq -4$$

$$X_1 + 2X_2 \leq 6$$

$$2X_1 + X_2 \geq 2$$

$$X_1 \geq 1, X_2 \geq 0$$

Excel spreadsheet showing a linear programming problem:

имя	x1	x2
значения	1	2,5
целевая функция	0,5min	
ограничения		
левая часть	знак	правая часть
4,5	≥	-4
6	≤	6
4,5	≥	2

The Solver dialog box shows the following settings:

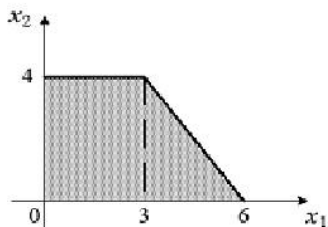
- Optimize target cell:  $B7$
- To:  Maximum  Minimum  Value of: 0
- Changing variable cells:  $B4:C4$
- Subject to the constraints:
  - $B12 \geq E12$
  - $B13 \leq E13$
  - $B14 \geq E14$
  - $B4 \geq 1$
  - $C4 \geq 0$
- Make the variable non-negative
- Select a Solving Method: Поиск решения линейных задач симплекс-методом

Значение целевой функции равно 0,5.

Правильный ответ: 0,5.

### Задача 28.

Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Найти максимальное значение функции  $z=3x_1+4x_2$ .

**Решение.** Построим линию уровня, для этого приравняем целевую функцию к нулю:  $3x_1+4x_2=0$ . Двигая полученную прямую по направлению вектора  $(3;4)$  до самой «дальней» точки области, видим, что максимальное значение функции достигается в точке с координатами  $(3;4)$ . Подставим эти координаты в целевую функцию и найдем значение  $z=3*3+4*4=25$ .

Правильный ответ: 25.

### Задача 29.

Планируется выпустить два вида продукции. Для производства единицы продукции первого вида требуется 12 кг сырья первого вида, 4 кг сырья второго вида и 2 кг сырья третьего вида. Для производства единицы продукции второго вида требуется 3 кг сырья первого вида, 6 кг сырья второго вида и 14 кг сырья третьего вида. Наличие сырья первого вида — 264 кг; второго — 148 кг; третьего — 280 кг. Прибыль от реализации единицы первой продукции — 6 усл.д.е., от реализации единицы продукции второго вида — 4 усл.д.е. Требуется найти

**оптимальный план выпуска продукции, максимизирующий суммарную прибыль. Составьте экономико-математическую модель задачи.**

**Решение:** Введем неотрицательные неизвестные  $x_1, x_2$ , соответствующие количествам продукции первого и второго вида, планируемых к производству.

Суммарный расход сырья первого вида будет равен

$$12x_1 + 3x_2$$

и не может превосходить запаса сырья – 264 кг. Получаем первое неравенство в системе ограничений на ресурсы

$$12x_1 + 3x_2 \leq 264$$

Аналогично, суммарный расход сырья второго вида ограничен запасом 148 кг, откуда

$$4x_1 + 6x_2 \leq 148$$

Суммарный расход сырья третьего вида ограничен 280 кг, поэтому получаем

$$2x_1 + 14x_2 \leq 280$$

Целевая функция, соответствующая условиям задачи, будет иметь вид:

$$Z = 6x_1 + 4x_2 \rightarrow \max$$

Правильный ответ: 
$$\begin{cases} F = 6x_1 + 4x_2 \rightarrow \max \\ \begin{cases} 12x_1 + 3x_2 \leq 264, \\ 4x_1 + 6x_2 \leq 148, \\ 2x_1 + 14x_2 \leq 280 \end{cases} \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

### Задача 30.

**Определите элемент  $a_{22}$  матрицы прямых затрат при следующем распределении продукции двух отраслей между собой за отчетный период (пользуясь MS Excel):**

	Производственное потребление		Конечная продукция
	1 отрасль	2 отрасль	
1 отрасль	50	40	160
2 отрасль	100	80	20

### Решение

1. Определим объемы выпуска продукции каждого вида  $X_1$  и  $X_2$ :

$$X_1 = x_{11} + x_{12} + Y_1 = 50 + 40 + 160 = 250$$

$$X_2 = x_{21} + x_{22} + Y_2 = 100 + 80 + 20 = 200$$

2. Рассчитаем коэффициенты прямых затрат, как отношения объемов внутреннего потребления к объемам выпуска, найденным выше. Искомый коэффициент равен

$$a_{22} = \frac{x_{22}}{X_2} = \frac{80}{200} = 0,4.$$

Правильный ответ: 0,4.

### Задача 31.

Предприятие располагает ресурсами сырья и рабочей силы, необходимыми для производства двух видов продукции. Затраты ресурсов на изготовление одной тонны каждого продукта, прибыль, получаемая предприятием от реализации тонны продукта, а также запасы ресурсов указаны в следующей таблице:

	Расход ресурса		Запас ресурса
	на продукт 1	на продукт 2	
Сырье, т	3	5	120
Трудозатраты, ч	14	12	400
Прибыль на единицу продукта, тыс. руб./т	30	35	

**Определить максимальную прибыль.**

**Решение.** Обозначим  $x_1$  и  $x_2$  – количество производимого продукта 1 и продукта 2 соответственно. Экономико-математическая модель задачи имеет вид:

$$F = 30 x_1 + 35 x_2 \rightarrow \max$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 5x_2 \leq 120, \\ 14x_1 + 12x_2 \leq 400, \end{cases}$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0$$

Решим указанную задачу в MS Excel с использованием «Поиска решений»:

Книга1 - Microsoft Excel

Параметры поиска решения

Оптимизировать целевую функцию:

До:  Максимум  Минимум  Значения:

Изменяя ячейки переменных:

В соответствии с ограничениями:

Сделать переменные без ограничений неотрицательными

Выберите метод решения:

Метод решения

Для гладких нелинейных задач используйте поиск решения нелинейных задач методом ОПГ, для линейных задач - поиск решения линейных задач симплекс-методом, а для негладких задач - эволюционный поиск решения.

	A	B	C	D	E	F
1						
2		Переменные				
3	имя	x1	x2			
4	значение	16,47059	14,11765			
5						
6		целевая функция				
7		988,2353				
8						
9		ограничения				
10						
11		левая часть	знак	правая часть		
12	1	120	≤	120		
13	2	400	≤	400		
14						
15						
16						
17						
18						
19						
20						
21						
22						
23						
24						

Видим, что значение целевой функции равно 988,24.

Правильный ответ: 988,24 тыс. руб.

Окончательные результаты обучения (формирования компетенций) определяются посредством перевода баллов, набранных студентом в процессе освоения дисциплины, в оценки:

– базовый уровень сформированности компетенции считается достигнутым, если результат обучения соответствует оценке «удовлетворительно» (50-64 рейтинговых баллов);

– повышенный уровень сформированности компетенции считается достигнутым, если результат обучения соответствует оценкам «хорошо» (65-85 рейтинговых баллов) и «отлично» (86-100 рейтинговых баллов).

#### 4 ПОРЯДОК ПРОВЕДЕНИЯ ПОВТОРНОЙ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Форма промежуточной аттестации по дисциплине экзамен.

Фонд оценочных средств для проведения повторной промежуточной аттестации формируется из числа оценочных средств по темам, которые не освоены студентом.

*Примечание:*

Дополнительные контрольные испытания проводятся для студентов, набравших менее **50 баллов** (в соответствии с «Положением о модульно-рейтинговой системе»).

## Оценочные материалы и средства для проведения повторной промежуточной аттестации

Фонд тестовых заданий для промежуточного контроля знаний по дисциплине формируется из тестовых заданий, представленных в разделах дисциплины.

**Таблица 19 – Критерии оценки сформированности компетенций**

Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Критерии оценивания сформированности компетенции (части компетенции)
	на базовом уровне
	соответствует оценке «удовлетворительно» 50-64% от максимального балла
ИД-2 <sub>ук-1</sub> Осуществляет поиск и критический анализ информации, необходимой для решения поставленной задачи ИД-2 <sub>ук-2</sub> Проектирует решения поставленных задач, выбирая оптимальный способ решения, исходя из действующих правовых норм и имеющихся ресурсов и ограничений ИД-2ОПК-4 Обосновывает организационно-управленческие решения с учетом критериев экономической эффективности	владеет материалом по теме, но испытывает затруднения в поиске и анализе информации для решения поставленной задачи, в использовании методов обработки информации,