Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Волхонов Михаил Станиславович Должность: Врио ректо МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Дата подписания: 24.09 2023 18:10:43 ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ Уникальный поогламмный ключ: b2dc75470204bc2bfec58d577a1b983ee223ea2**уурыждение**0**высшего обрАзования**

«КОСТРОМСКАЯ ГОСУДАРСТВЕННАЯ СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННАЯ АКАДЕМИЯ»

Ю
роительного
a
C D 116
С.В. Цыбакин

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ по дисциплине

ПРИКЛАДНАЯ МАТЕМАТИКА

Направление подготовки	
/Специальность	08.04.01 Строительство
Направленность (профиль)	«Теория и проектирование зданий и
	<u>сооружений»</u>
Квалификация выпускника	магистр
Форма обучения	очная (очно-заочная)
Срок освоения ОПОП ВО	2 года (2 года 4 месяца)

сформированности компетенций по дисциплине «Прикладная математика».

предназначен

для

оценивания

средств

Фонд

оценочных

Разработчики: профессор: В.И.	. Цуриков		
доцент Л.Б. Рыб	бина		
-	аседании кафедры гики, протокол №		23
Заведующий ка	федрой Л.Ю. Голо	вина	
Согласовано: Председатель факультета	методической	комиссии	архитектурно-строительного
Е.И. Примакина	1		
протокол № 5 от	г 17.05.2023		

ПАСПОРТ фонда оценочных средств

Таблица 1

Модуль	Формируемые компетенции	Оценочные материалы	Количество
дисциплины	или их части	и средства	
Введение	ОПК-1. Способен	Опрос	10
Статистическая	решать задачи	ИДЗ №1	12
обработка	профессиональной	¥1743 1451	12
экспериментальных	деятельности на	Тестирование	64
данных	основе использования	тестирование	04
Математическое	теоретических и	ИДЗ №2	2
программирование	практических основ,	Тестирование	32
Концепция риска в	математического		
задачах системного	аппарата	Опрос	11
анализа	фундаментальных		
	наук		
	ОПК-6. Способен	Контрольная	
Анализ	осуществлять	Контрольная работа №1	6
детерминированных	исследования	paoora ner	
систем с помощью	объектов и процессов		
дифференциальных	в области		
уравнений или их	строительства и		
систем	жилищно-	Тестирование	22
	коммунального		
	хозяйства		

1 ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ И НАВЫКОВ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 2 – Формируемые компетенции

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции (части компетенции)	Оценочные материалы и средства					
	Введение	<u> </u>					
	ОПК-1.1. Выбирает фундаментальные законы, описывающие изучаемый процесс или явление	Опрос					
	Модуль 1.						
	Статистическая обработка эксперименталн	ьных данных					
	ОПК-1.3. Оценивает адекватность результатов	ИДЗ					
	моделирования, формулирует предложения по						
	использованию математической модели для	Тестирование					
	решения задач профессиональной деятельности	1					
	Модуль 2.						
	Математическое программирова	ние					
	ОПК-1.2. Составляет математическую модель,						
	описывающую изучаемый процесс или явление,						
ОПИ 1 Старобом	выбирает и обосновывает граничные и	ИДЗ					
ОПК-1. Способен решать задачи	начальные условия						
	ОПК-1.3. Оценивает адекватность результатов						
профессиональной	моделирования, формулирует предложения по						
деятельности на основе использования теоретических и	использованию математической модели для	Тестировани					
	решения задач профессиональной деятельности	_					
	Модуль 3.						
практических основ,	Концепция риска в задачах системного анализа						
математического	ОПК-1.3. Оценивает адекватность результатов						
аппарата	моделирования, формулирует предложения по						
фундаментальных	использованию математической модели для	Опрос					
наук	решения задач профессиональной деятельности						
	Модуль 4.						
	Анализ детерминированных систем с п	омощью					
	дифференциальных уравнений или их						
	ОПК-1.1. Выбирает фундаментальные законы,						
	описывающие изучаемый процесс или явление	17					
	ОПК-1.2. Составляет математическую модель,	Контрольная					
	описывающую изучаемый процесс или явление,	работа					
	выбирает и обосновывает граничные и						
	начальные условия						
	ОПК-1.3. Оценивает адекватность результатов						
	моделирования, формулирует предложения по	Тестирование					
	использованию математической модели для	r					
	решения задач профессиональной деятельности						
ОПК-6. Способен	Модуль 1.	<u> </u>					
осуществлять	Статистическая обработка эксперименталь	ьных данных					
исследования	ОПК-6.6. Обрабатывает результаты	идз					
объектов и процессов	эмпирических исследований с помощью	, ,					
в области	методов математической статистики и теории	Тестирование					
	<u> </u>	·					

строительства и	вероятностей	
жилищно-		
коммунального		
хозяйства		

Оценочные материалы и средства для проверки сформированности компетенций

Введение

Опрос

Типовые задания

Базовый уровень

- 1. Системность общее свойство материи.
- 2. Понятие сложной системы.
- 3. Способы описания систем.
- 4. Сбор данных о функционировании системы.
- 5. Построение моделей систем. Отражение свойств системы в математической модели.
 - 6. Анализ и синтез методы исследования систем.
- 7. Проверка адекватности моделей, анализ неопределенности и чувствительности.
- 8. Имитационное моделирование, как метод проведения системных исследований.

Повышенный уровень

- 1. Каким требованиям должен удовлетворять принцип системности?
- 2. Приведите примеры использования системного подхода в Вашей профессиональной деятельности.

Таблица 3 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и	Критерии оценивания сформированности компетенции					
наименование		(части компетенции)				
индикатора	на базовом уровне	на повышен	ном уровне			
достижения	соответствует	соответствует	соответствует			
компетенции	оценке	оценке «хорошо»	оценке «отлично»			
(части	«удовлетворительно 65-85% от 86-100% от					
компетенции)	» максимального максимального					
	50-64% от балла балла					
	максимального					
	балла					
ОПК-1.1. Выбирает	Знает основные	Знает основные	Знает основные			
фундаментальные	понятия и методы понятия и методы понятия и методы					
законы,	системного анализа, системного системного					
описывающие	но допускает	анализа, выполняет	анализа, умеет			

изучаемый процесс	неточности в	не менее 76-85%	доказывать
или явление	формулировках	обязательных	теоретические
	теоретических	заданий	утверждении и
	утверждений,	проверочных работ,	выводить
	выполняет не менее	умеет использовать	формулы, умеет
	65-75%	математический	решать основные
	обязательных	аппарат системного	типы задач и
	заданий	анализа для	выполняет не
	проверочных работ,	решения	менее 86-100%
	имеет	инженерных задач	обязательных
	представление о	и описания	заданий
	возможностях	физических	проверочных
	использования	процессов, но	работ, умеет
	математического	испытывает	решать
	аппарата	затруднения при	нестандартные
	системного анализа	содержательной	задачи, обладает
	для решения	интерпретации	навыками
	инженерных задач и	полученных	использования
	описания	результатов.	математического
	физических		аппарата
	процессов, но		системного
	испытывает		анализа для
	затруднения при		решения
	решении такого		инженерных задач
	типа задач.		и описания
			физических
			процессов и
			владеет навыками
			содержательной
			интерпретации
			полученных
			результатов.

Модуль 1. Статистическая обработка экспериментальных данных

Индивидуальное домашнее задание № 1 «Функциональная зависимость и регрессия»

Типовые задания:

Базовый уровень

№1. Даны значения переменных x и y.

№ вар.	№ наблюдения	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	\mathcal{X}_{i}	97	104	103	98	101	102	100	99	96	98
1	${\cal Y}_i$	35	31	32	34	30	33	31	34	35	32

Требуется:

- 1) найти коэффициент корреляции и сделать вывод о тесноте и направлении линейной корреляционной связи межу переменными x и y;
 - 2) составить уравнение прямой регрессии y на x;
 - 3) нанести на чертеж исходные данные и построить прямую регрессии.

Повышенный уровень

Вопросы по теоретическому материалу:

- 1. Различие между функциональной и стохастической зависимостями.
- 2. Основная задача корреляционного анализа.
- 3. Представление данных в корреляционном анализе. Корреляционная таблица.
 - 4. Коэффициент корреляции, его свойства.
 - 5. Выяснение значимости коэффициента корреляции.
 - 6. Корреляционное отношение.
 - 7. Основная задача регрессионного анализа.
 - 8. Корреляционное поле.
 - 9. Линейная регрессия.
 - 10. Коэффициент регрессии.
 - 11. Статистический анализ уравнения регрессии.

Тестирование

Дайте правильный вариант ответа

На строительство объекта поступают железобетонные плиты с четырёх цементных заводов в следующем количестве: 20 штук — с 1-го, 10 штук — со 2-го, 40 штук — с 3-го и 30 штук — с 4-го заводов. Каждый из заводов производит 1 %, 5 %, 2 %, 3 % брака соответственно. Тогда вероятность того, что взятая случайным образом плита, поступившая на объект, будет небракованной, равна ...

0,976

Выберите один правильный вариант ответа.

В коллективе 20 человек. Тогда число способов выбрать среди них начальника и его заместителя равно ...

+380

400

39

210

Выберите один правильный вариант ответа.

Если дифференциальная функция нормального распределения имеет

вид
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{x^2}{2}}$$
, то ... $+a = 0$, $\sigma = 1$

$$a = 1, \ \sigma = 1$$

 $a = -1, \ \sigma = 1$
 $a = -1, \ \sigma = -1$

Размах варьирования вариационного ряда 3, 5, 5, 7, 9, 10, 16 равен ...

+13 3 5

16

Дополните.

Размахом вариации называется ... максимального и минимального значения признака.

разность

Выберите один правильный вариант ответа.

Мода вариационного ряда 3, 4, 5, 6, 10, 10, 12 равна ...

3 12 6

+10

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана выборка объема n. Если каждый элемент выборки увеличить в 5 раз, то выборочное среднее $\overline{x_s}$...

+увеличится в 5 раз увеличится в 25 раз не изменится уменьшится в 5 раз

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 11. Тогда его интервальная оценка может иметь вид

+(10,1; 11,9) (10,1; 11) (11; 11,9) (10,1; 10,8)

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана интервальная оценка (8,45; 9,15) математического ожидания нормального распределенного количественного признака. Тогда точечная оценка математического ожидания равна ...

0,35 8,75 +8,8

Выберите один правильный вариант ответа.

Дан доверительный интервал (18,4; 20,6) для оценки математического ожидания нормально распределенного количественного признака. Тогда при увеличении надежности оценки доверительный интервал может принять вид ...

(18,6;20,6) (18,6;20,7) +(18,1;20,9)(18,1;21,1)

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 11. Тогда его интервальная оценка может иметь вид

• • •

+(10,1; 11,9) (10,1; 11) (11; 11,9) (10,1; 10,8)

Выберите один правильный вариант ответа.

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 13. Тогда его интервальная оценка может иметь вид

• • •

(13; 13,7) (12,3; 12,8) +(12,3; 13,7) (12,3; 13)

Выберите один правильный вариант ответа.

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 3, 5, 6, 10. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

6,25 5 6,5 +6

Выберите один правильный вариант ответа.

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 4, 7, 8, 9. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

+7

6

7,25

6,5

Выберите один правильный вариант ответа.

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 3, 8, 9, 16. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

9,25

+9

8

9.5

Выберите один правильный вариант ответа.

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 2, 3, 7, 9. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

+5,25

5,5

5

6

Выберите один правильный вариант ответа.

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 2, 3, 6, 9. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

5,25

5,5

6

+5

Выберите один правильный вариант ответа.

Для выборки объема n=9 вычислена выборочная дисперсия $D_{\scriptscriptstyle g}=72$. Тогда исправленная дисперсия S^2 для этой выборки равна ...

88

+81

80

64

Выберите один правильный вариант ответа.

Для выборки объема n=9 вычислена выборочная дисперсия $D_{a}=64$. Тогда исправленная дисперсия S^2 для этой выборки равна ... 70 71 81 Выберите один правильный вариант ответа. Для выборки объема n = 10 вычислена выборочная дисперсия $D_1 = 81$. Тогда исправленная дисперсия S^2 для этой выборки равна ... 89 +90 88 100 Выберите один правильный вариант ответа. Для выборки объема n = 11 вычислена выборочная дисперсия $D_{a} = 120$. Тогда исправленная дисперсия S^{2} для этой выборки равна ... 130 131 +132129 Выберите один правильный вариант ответа. Для выборки объема n = 8 вычислена выборочная дисперсия $D_{s} = 77$. Тогда исправленная дисперсия S^{2} для этой выборки равна ... 89 87 85 +88Выберите один правильный вариант ответа. В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 11, 13, 15. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна... 8 0

Выберите один правильный вариант ответа.

3 +4

В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие

результаты (в мм): 14, 17, 17. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна...

0

2

+3

6

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 12, 14, 16. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна...

8

0

3

+4

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 12, 15, 18. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна...

18

+9

0

3

Выберите один правильный вариант ответа.

В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 10, 13, 13. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна...

+3

6

0

2

Выберите один правильный вариант ответа.

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y = -3.2 + 1.6x. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен ...

-0.5

-0.9

-3,2

+0.9

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y=2,4+0,7x, средние квадратические отклонения $\sigma_x=2$, $\sigma_y=2,8$ Тогда коэффициент корреляции равен ...

3,92 +0,5 -0,5 0,98

Выберите один правильный вариант ответа.

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y = -3.4 + 0.7x, средние квадратические отклонения $\sigma_x = 2$, $\sigma_y = 2.8$ Тогда коэффициент корреляции равен ...

+0,5 -0,98 -3,92 -0,5

Выберите один правильный вариант ответа.

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y=1,4-1,8x, средние квадратические отклонения $\sigma_x=0,12$, $\sigma_y=0,54$ Тогда коэффициент корреляции равен ...

-3,6 0,4 -0,02 +-0,4

Выберите один правильный вариант ответа.

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y=-2,3+1,8x, средние квадратические отклонения $\sigma_x=0,4$, $\sigma_y=1,2$ Тогда коэффициент корреляции равен ...

5,4 -0,6 0,862 +0,6

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Коэффициент корреляции может принимать значения ... 2 +1 (33,3%)

+1 (33,3%) +0,5 (33,3%)

$$+-0.6$$
 (33,3%)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Коэффициент корреляции может принимать значения ...

+0,8 (33,3%)

1,2

+-1 (33,3%)

+-0.6 (33,3%)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Коэффициент корреляции может принимать значения ...

1,4

+-1 (33,3%)

+-0.6(33.3%)

+0,3 (33,3%)

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Коэффициент корреляции может принимать значения ...

+0,4 (33,3%)

+1 (33,3%)

+-0.6(33.3%)

1,3

Выберите несколько правильных вариантов ответа.

Коэффициент корреляции может принимать значения ...

-2

+1 (33,3%)

+-0.6(33.3%)

+0,99 (33,3%)

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 1,4$, $\sigma_y = 4,2$, коэффициент корреляции r = 0,95. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

5,32

-2,66

+2,85

-2,85

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 1,2, \ \sigma_y = 6, \$ коэффициент корреляции r = -0,8. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

-0.16

4 0,16

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 0.3$, $\sigma_y = 1.5$, коэффициент корреляции r = 0.85. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

- -4,25
- -0.17
- +4,25
- 0,17

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 0.6$, $\sigma_y = 1.5$, коэффициент корреляции r = -0.95. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

- +-2,375
- -0.38
- 0,38
- 2,375

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 1,2, \ \sigma_y = 3$, коэффициент корреляции r = -0,97. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

- +-2,425
- -0,388
- 0,388
- 2,425

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 1{,}05$, $\sigma_y = 4{,}2$, коэффициент корреляции $r = 0{,}9$. Тогда коэффициент регрессии X по Y равен ...

- 3,6
- -3,6
- +0,225
- -0,225

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 1,2$, $\sigma_y = 6$, коэффициент корреляции r = -0,8. Тогда коэффициент регрессии X по Y равен ...

- -4
- +-0,16
- 4
- 0.16

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 0.3$, $\sigma_y = 1.5$, коэффициент корреляции r = 0.85. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

$$-4,25$$

$$-0,17$$

$$+0,17$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 0.6$, $\sigma_y = 1.5$, коэффициент корреляции r = -0.95. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

$$-2,375$$

$$+-0.38$$

0,38

2,375

Выберите один правильный вариант ответа.

Средние квадратические отклонения $\sigma_x = 1,2$, $\sigma_y = 3$, коэффициент корреляции r = -0,97. Тогда коэффициент регрессии Y по X равен ...

$$-2,425$$

$$+-0.388$$

0,388

2,425

Выберите один правильный вариант ответа.

При изучении взаимосвязи получили следующее уравнение регрессии y = 25,69 - 23,41x. Что характеризует коэффициент регрессии?

при повышении фактора на 25,69 результат вырастает на 23,41 при снижении фактора на 23,41 результат вырастет на 25,69 +при росте фактора на 1 результат снизится на 23,41 при уменьшении фактора на 1 результат снизится на 23,41

Выберите один правильный вариант ответа.

Наиболее тесную связь показывает коэффициент корреляции ...

$$r = 0,982$$

$$+r = -0.991$$

$$r = 0.871$$

$$r = \frac{1}{3}$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y = -3 + 2x. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен ...

-3 2 -0,6 +0,6

Дайте правильный вариант ответа

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y = 2,4+0,7x, средние квадратические отклонения $\sigma_x = 2$, $\sigma_y = 2,8$ Тогда коэффициент корреляции равен ...

0,5

Выберите один правильный вариант ответа.

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид y = -5 + 2x. Тогда выборочный коэффициент регрессии равен ...

 $\begin{array}{r}
 -5 \\
 +2 \\
 -\frac{2}{5} \\
 -\frac{5}{2}
 \end{array}$

Выберите один правильный вариант ответа.

Если основная гипотеза имеет вид $H_{_0}$: $\sigma^{_2} = 3$, то конкурирующей может быть гипотеза ...

 $H_{1}: \sigma^{2} \ge 3$ $+H_{1}: \sigma^{2} \ne 3$ $H_{1}: \sigma^{2} \ge 2$ $H_{1}: \sigma^{2} \le 3$

Выберите один правильный вариант ответа.

Если основная гипотеза имеет вид $H_{\scriptscriptstyle 0}$: p=0,2 , то конкурирующей может быть гипотеза ...

 $H_1: p \le 0.2$ $H_1: p \ge 0.2$ $+H_1: p \ne 0.2$ $H_1: p \ne 0.3$

Выберите один правильный вариант ответа.

Если основная гипотеза имеет вид $H_{\scriptscriptstyle 0}$: p=0.3, то конкурирующей может быть гипотеза ...

 $H_1: p \neq 0,4$ + $H_1: p < 0,3$ $H_1: p \leq 0,3$ $H_1: p \geq 0,3$

Выберите один правильный вариант ответа.

Если основная гипотеза имеет вид $H_{\scriptscriptstyle 0}$: a=6 , то конкурирующей может быть гипотеза ...

 $H_1: a \ge 6$ $H_1: a \ne 5$ $+H_1: a \ne 6$ $H_1: a \le 6$

Выберите один правильный вариант ответа.

Если основная гипотеза имеет вид $H_{\scriptscriptstyle 0}$: a=5, то конкурирующей может быть гипотеза ...

 $+H_{1}: a > 5$ $H_{1}: a \neq 6$ $H_{1}: a \leq 5$ $H_{1}: a \geq 5$

Выберите один правильный вариант ответа.

Левосторонняя критическая область может определяться из соотношения ...

$$P(-2,2 < K < 2,2) = 0,05$$

 $P(K < -1,5) + P(K > 1,5) = 0,05$
 $+P(K < -1,92) = 0,05$
 $P(K > 2,45) = 0,05$

Выберите один правильный вариант ответа.

Соотношением вида P(K < -1.88) + P(K > 1.88) = 0.05 можно определить ...

область принятия гипотезы левостороннюю критическую область +двустороннюю критическую область правостороннюю критическую область

Выберите один правильный вариант ответа.

Вероятностью ошибки первого рода называют ...

вероятность принятия основной гипотезы в том случае, когда верна альтернативная гипотеза

+вероятность принятия альтернативной гипотезы в том случае, когда верна основная гипотеза

вероятность принятия альтернативной гипотезы в том случае, когда верна альтернативная гипотеза

вероятность принятия основной гипотезы в том случае, когда верна основная гипотеза

Выберите один правильный вариант ответа.

Вероятностью ошибки второго рода называют ...

+вероятность принятия основной гипотезы в том случае, когда верна альтернативная гипотеза

вероятность принятия альтернативной гипотезы в том случае, когда верна основная гипотеза

вероятность принятия альтернативной гипотезы в том случае, когда верна альтернативная гипотеза

вероятность принятия основной гипотезы в том случае, когда верна основная гипотеза

Дополните:

Гипотеза, противоречащая выдвинутой *нулевой* гипотезе, называется

•••

конкурирующей или альтернативной.

Дополните:

Область отклонения нулевой гипотезы называется ... критической

1

Дайте развернутый ответ на вопрос:

Что называют статистической гипотезой?

Статистической гипотезой называют гипотезу о виде закона распределения или о параметрах известных распределений.

Таблица 4 – Критерии оценки сформированности компетенций							
Код и	Критерии оценивания сформированности компетенции						
наименование		(части компетенции)					
индикатора	на базовом уровне	на повышенном уровне					
достижения	соответствует	соответствует	соответствует				
компетенции	оценке	оценке «хорошо»	оценке «отлично»				
(части	«удовлетворительно	65-85% от	86-100% от				
компетенции)	»	максимального	максимального				
	50-64% от	балла	балла				
	максимального						
	балла						
ОПК-6.6.	Знает основные	Знает основные	Знает основные				
Обрабатывает	понятия и методы	понятия и методы	понятия и методы				
результаты	математической	математической	математической				
эмпирических	статистики и теории	статистики и	статистики и				
исследований с	вероятностей, умеет	теории	теории				
помощью методов	решать основные	вероятностей,	вероятностей,				
математической	типы задач и	умеет решать	умеет решать				
статистики и	выполняет не менее	основные типы	основные типы				
теории	65-75%	задач и выполняет	задач и выполняет				
вероятностей	обязательных	не менее 76-85%	не менее 86-100%				
	заданий	обязательных	обязательных				
	проверочных работ,	заданий	заданий				
	имеет	проверочных работ,	проверочных				
	представление о	умеет использовать	работ, умеет				
	возможностях	математический	решать				
	использования	аппарат	нестандартные				
	математического	математической	задачи, обладает				
	аппарата	статистики и	навыками				
	математической	теории	использования				
	статистики и теории	вероятностей для	математического				
	вероятностей для	решения	аппарата				
	решения	инженерных задач	математической				
	инженерных задач и	и описания	статистики и				
	описания	физических,	теории				
	физических,	социальных и	вероятностей для				
	социальных и	экономических	решения				
	экономических	процессов, но	инженерных задач				
	процессов, но	испытывает	и описания				
	испытывает	затруднения при	физических,				
	затруднения при	содержательной	социальных и				
	решении такого	интерпретации	ЭКОНОМИЧЕСКИХ				
	типа задач.	полученных	процессов и				
		результатов.	владеет навыками				
			содержательной				
			интерпретации				
			полученных				
			результатов.				

Модуль 2. Математическое программирование

Индивидуальное домашнее задание №2

Типовые задания

Базовый уровень

№1. На трех складах A_1 , A_2 и A_3 хранится a_1 =100, a_2 =200 и a_3 =60+10n единиц одного и того же груза. Этот груз требуется доставить трем потребителям B_1 , B_2 и B_3 , заказы которых составляют b_1 =190, b_2 =120 и b_3 =10m единиц груза, соответственно.

Стоимость перевозок c_{ij} единицы груза с i-го склада j-му потребителю указаны в правых верхних углах соответствующих клеток к транспортной таблицы.

Пот	гребности	B_1		B_2]	\mathbf{B}_3
Запасы		<i>b</i> ₁ =190		$b_1 = 190$ $b_2 = 120$		<i>b</i> ₃ =	=10 <i>m</i>
A_1	$a_1 = 100$		4		2		m
A_2	$a_2 = 200$		n		5		3
A_3	$a_3 = 60 + 10n$		1		m+1		6

- 1) Сравнивая суммарный запас $a=a_1+a_2+a_3$ и суммарную потребность $b=b_1+b_2+b_3$ в грузе, установить, является ли предложенная модель транспортной задачи, заданная этой таблицей, открытой или закрытой. Если модель является открытой, то ее необходимо закрыть, добавив фиктивный склад A_4' и $a_4'=b-a$ в случае a < b или фиктивного потребителя B_4' и $b_4'=a-b$ в случае a > b и положив соответствующие им тарифы перевозок нулевыми.
- 2) Составить первоначальный план перевозок. (Рекомендуется воспользоваться методом наименьшей стоимости).

Повышенный уровень

№2. Проверить, является ли первоначальный план оптимальным в смысле суммарной стоимости перевозок, и если это не так, то составить оптимальный план

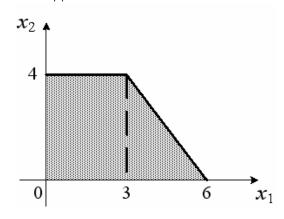
$$X_{onm} \begin{pmatrix} x_{11} & x_{12} & x_{13} \\ x_{21} & x_{22} & x_{23} \\ x_{31} & x_{32} & x_{33} \end{pmatrix},$$

обеспечивающий минимальную стоимость перевозок $S_{\min} = \sum_{i,j=1}^{3} c_{ij} x_{ij}$. Найти эту стоимость.

Тестирование

Выберите один правильный вариант ответа.

Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:

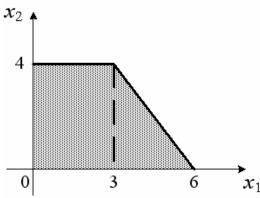


Тогда максимальное значение функции $z = 3x_1 + 4x_2$ равно...

- 16
- +25
- 27
- 24

Выберите один правильный вариант ответа.

Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда максимальное значение функции $z = 3x_1 + 5x_2$ равно...

+29

31

27

20

Выберите один правильный вариант ответа.

Максимальное значение функции $z = 6x_1 + x_2$ при ограничениях

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \le 6, \\ x_1 \le 4, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

равно...

+26

16

6

28

Выберите один правильный вариант ответа.

Максимальное значение функции $z = 3x_1 + 2x_2$ при ограничениях

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \le 6, \\ x_1 \le 4, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

равно...

18

12

14

+16

Выберите один правильный вариант ответа.

Максимальное значение функции $z = 5x_1 + 2x_2$ при ограничениях

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \le 6, \\ x_1 \le 4, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

равно...

+24

18

26

12

Выберите один правильный вариант ответа.

Транспортная задача

	50	60+b	200
100+a	7	2	4
200	3	5	6

будет закрытой, если ...

$$a = 45, b = 30$$

$$a = 45, b = 25$$

$$a = 45, b = 40$$

$$+a = 45, b = 35$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Транспортная задача

	50	60+b	200
100+a	7	2	4
200	3	5	6

будет закрытой, если ...

$$a = 50, b = 30$$

$$+a = 50, b = 40$$

$$a = 50, b = 20$$

$$a = 50, b = 50$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Транспортная задача

	30	100+ <i>b</i>
20	3	9
30+a	3	1
100	6	8

будет закрытой, если ...

$$a = 40, b = 50$$

$$+a = 40, b = 60$$

$$a = 40, b = 55$$

$$a = 40, b = 65$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Среди данных транспортных задач

1.

Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	22	34	41	20
30	10	7	6	8
48	5	6	5	4
38	8	7	6	7

2.

Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	25	30	41	20
30	10	7	6	8
48	5	6	5	4
38	8	7	6	7

3.

Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	26	34	41	20
31	10	7	6	8
48	5	6	5	4
39	8	7	6	7

закрытыми являются ...

1

1 и 3

2 и 3

+2

Выберите один правильный вариант ответа.

Среди данных транспортных задач

1.

Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	22	34	41	20
51	10	7	6	8
48	5	6	5	4
39	8	7	6	7

2.

Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	25	34	41	20
31	10	7	6	8
48	5	6	5	4
59	8	7	6	7

3.

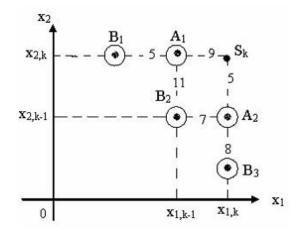
Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	23	34	51	20
41	10	7	6	8
48	5	6	5	4
39	8	7	6	7

закрытыми являются ...

2и3

```
+3
1и2
Выберите один правильный вариант ответа.
Максимум функции z = xy при условии x + y = 4 равен
8
+4
9,5
Выберите один правильный вариант ответа.
Максимум функции z = xy при условии x + y = 5 равен
+6,25
1,25
12,5
13
Выберите один правильный вариант ответа.
Максимум функции z = xy при условии x + y = 6 равен
19.5
18
1,5
+9
Выберите один правильный вариант ответа.
Максимум функции z = xy при условии x + y = 8 равен
32
2
33,5
+16
Выберите один правильный вариант ответа.
Максимум функции z = xy при условии x + y = 11 равен
62
60,5
2,75
+30,25
```

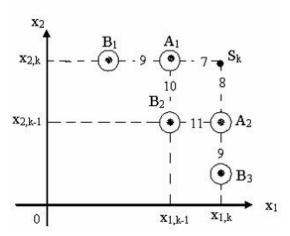
Состояния системы S, где S_k конечная точка, характеризующееся двумя параметрами x_1 и x_2 , представлено на рисунке:



Числа на горизонтальных и вертикальных линиях - затраты при переходе системы из состояния S_{i-1} в состояние S_i $(0 \le i \le k)$ соответственно при движении только вдоль оси Ox_1 и только Ox_2 . Тогда минимальные затраты на предпоследним (k-1) шаге планирования методом динамического программирования, равны ...

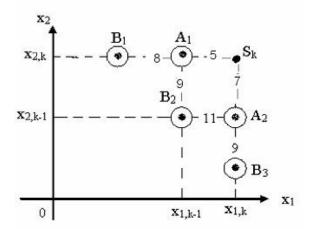
Выберите один правильный вариант ответа.

Состояния системы S, где S_k конечная точка, характеризующееся двумя параметрами x_1 и x_2 , представлено на рисунке:



Числа на горизонтальных и вертикальных линиях - затраты при переходе системы из состояния S_{i-1} в состояние S_i $(0 \le i \le k)$ соответственно при движении только вдоль оси Ox_1 и только Ox_2 . Тогда минимальные затраты на предпоследним (k-1) шаге планирования методом динамического программирования, равны ...

Состояния системы S, где S_k конечная точка, характеризующееся двумя параметрами x_1 и x_2 , представлено на рисунке:



Числа на горизонтальных и вертикальных линиях - затраты при переходе системы из состояния S_{i-1} в состояние S_i $(0 \le i \le k)$ соответственно при движении только вдоль оси Ox_1 и только Ox_2 . Тогда минимальные затраты на предпоследним (k-1) шаге планирования методом динамического программирования, равны ...

13

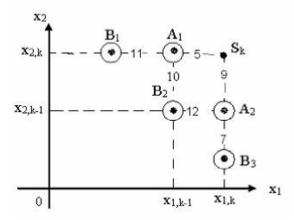
5

+11

9

Выберите один правильный вариант ответа.

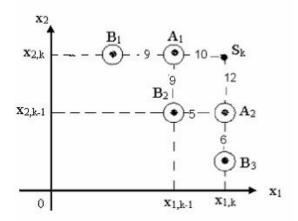
Состояния системы S, где S_k конечная точка, характеризующееся двумя параметрами x_1 и x_2 , представлено на рисунке:



Числа на горизонтальных и вертикальных линиях - затраты при переходе системы из состояния S_{i-1} в состояние S_i $(0 \le i \le k)$ соответственно при движении только вдоль оси Ox_1 и только Ox_2 . Тогда минимальные затраты на предпоследним (k-1) шаге планирования методом динамического программирования, равны ...

Выберите один правильный вариант ответа.

Состояния системы S, где S_k конечная точка, характеризующееся двумя параметрами x_1 и x_2 , представлено на рисунке:



Числа на горизонтальных и вертикальных линиях - затраты при переходе системы из состояния S_{i-1} в состояние S_i $(0 \le i \le k)$ соответственно при движении только вдоль оси Ox_1 и только Ox_2 . Тогда минимальные затраты на предпоследним (k-1) шаге планирования методом динамического программирования, равны ...

17

+5

9

18

Выберите один правильный вариант ответа.

В задачах линейного программирования находят ...

область значений целевой функции промежутки монотонности целевой функции промежутки знакопостоянства целевой функции +экстремумы целевой функции

Выберите один правильный вариант ответа.

Графический метод решения задачи линейного программирования включает следующие этапы ...

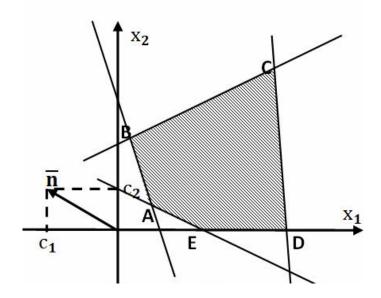
- а) определение полуплоскостей, задаваемых каждым из ограничений задачи;
- б) построение линии уровня, проходящей через многоугольник решений;

- в) построение прямых, уравнения которых получаются в результате замены в ограничениях знаков неравенств на знаки точных равенств;
- г) определение координат точки максимума/минимума целевой функции;
 - д) построение вектора градиента целевой функции;
 - е) нахождение многоугольника решений;
- ж) перемещение линии уровня для определения точки, в которой целевая функция принимает максимальное/минимальное значение.

Укажите верную последовательность этих этапов.

Выберите один правильный вариант ответа.

На рисунке изображено графическое решение ЗЛП. Тогда целевая функция достигает своего максимума в точке ...

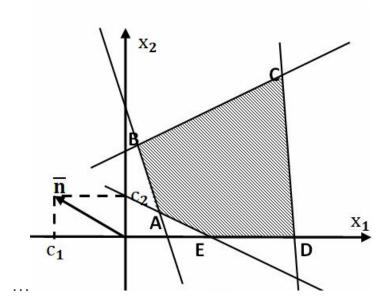


A +B

C D

Выберите один правильный вариант ответа.

На рисунке изображено графическое решение ЗЛП. Тогда целевая функция достигает своего минимума в точке ...

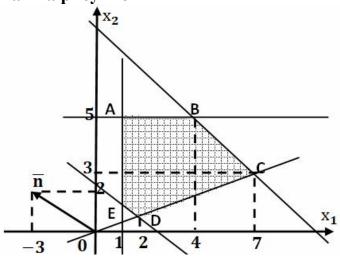


A B

C +D

Выберите один правильный вариант ответа.

Дана целевая функция $F(x_1;x_2) = -3x_1 + 2x_2$ и область допустимых решений, изображенная на рисунке



Тогда максимальное значение целевой функции равно ...

+7

9

10

15

Выберите один правильный вариант ответа.

Какая из задач линейного программирования сформулирована в каноническом виде?

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \max$$

$$+\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} = 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} = 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} = 4 \end{cases}$$

$$x_{j} > 0, j = 1, ..., 3$$

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} \leq 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} \leq 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} \leq 4 \end{cases}$$

$$x_{j} \geq 0, j = 1, ..., 3$$

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \max$$

$$\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} \ge 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} \ge 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} \ge 4 \end{cases}$$

$$x_{j} \ge 0, j = 1, ..., 3$$

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} > 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} < 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} \ge 4 \end{cases}$$

$$x_{j} \ge 0, j = 1, ..., 3$$

Дана задача линейного программирования при заданных ограничениях:

$$F(x_1; x_2) = -3x_1 + 2x_2 \to \max$$

$$\begin{cases} x_1 - x_2 \le 5, \\ -2x_1 + x_2 \le 3 \end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

Тогда направляющий вектор целевой функции имеет вид ...

$$\overline{n} = (5; 3)$$

 $\overline{n} = (1; -2)$

$$-\frac{1}{n} = (-3; 2)$$

 $-\frac{1}{n} = (1; -1)$

Дана задача линейного программирования при заданных ограничениях:

$$F(x_1; x_2) = 4x_1 - x_2 \rightarrow \max$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \le 2, \\ 2x_1 - x_2 \le 1 \end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

Тогда нулевая линия уровня целевой функции задается уравнением

• • •

$$x_1 + 3x_2 = 2$$

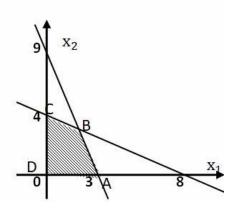
$$x_1 + 3x_2 = 0$$

$$2x_1 - x_2 = 0$$

$$+4x_1 - x_2 = 0$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Область допустимых решений *ABCD* задачи линейного программирования, изображенная на рисунке, соответствует ограничениям ...



$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 \le 9, \\ 2x_1 + 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 \le 9, \\ 2x_1 - 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$+\begin{cases} 3x_1 + x_2 \le 9, \\ 2x_1 + 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 \le 9, \\ 2x_1 - 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

Вопрос транспортной задачи формулируется следующим образом ...

Определить оптимальное число скорых и пассажирских поездов, при котором количество перевозимых пассажиров будет максимальным.

Составить оптимальный план выпуска продукции, при котором будет достигнута максимальная прибыль от реализации продукции.

+Определить план перевозки груза так, чтобы удовлетворить потребности всех потребителей, а суммарные затраты на перевозку груза были наименьшими.

Определить оптимальный рацион кормления скота из условия минимума себестоимости продуктов

Выберите один правильный вариант ответа.

Среди следующих транспортных задач открытой является ...

1.

Пункты	Пункты назначения			2
отправления	B_{1}	B_2	B_3	Запасы
A_{l}	16	4	12	300
A_2	1	8	11	320
Потребности	250	200	170	

2.

Пункты	П	2		
отправления	B_1	B_2	B_3	Запасы
A_1	16	4	12	260

A_2	1	8	11	320
Потребности	250	200	130	

+3.

Пункты	Пункты назначения			2
отправления	B_1	B_2	B_3	Запасы
A_1	16	4	12	450
A_2	1	8	11	320
Потребности	250	200	290	

4.

Пункты	Пункты назначения			2
отправления	B_1	B_2	B_3	Запасы
A_1	16	4	12	290
A_2	1	8	11	360
Потребности	250	200	200	

Практико-ориентированное задание

Из Москвы в Казань необходимо перевезти строительное оборудование трёх типов: І типа — 95 ед., ІІ типа — 100 ед., ІІІ типа — 185 ед. Для перевозки оборудования завод может заказать три вида транспорта:

T₁, T₂, T₃. Количество оборудования каждого типа, вмещаемого на определенный вид транспорта, приведено в таблице:

Тип	Количество вмещаемого оборудования					
оборудования	T_1	T_2	T_3			
I	3	2	1			
II	4	1	2			
III	3	5	4			

Записать в математической форме условия перевозки строительного оборудования из Москвы в Казань.

Решение:

Пусть для перевозки строительного оборудования необходимо заказать x_1 ед. транспорта вида T_1 , x_2 ед. транспорта вида T_2 , x_3 ед. транспорта вида T_3 . Условия перевозки оборудования из Москвы в Казань можно с помощью системы линейных уравнений

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 95, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 = 100, \\ 3x_1 + 5x_2 + 4x_3 = 185. \end{cases}$$

Правильный ответ:
$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 95, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 = 100, \\ 3x_1 + 5x_2 + 4x_3 = 185. \end{cases}$$

Таблица 5 – Критерии оценки сформированности компетенций

_Таблица 5 – Крите	рии оценки сформи	ированности компет	генций
Код и	Критерии оценив	ания сформированнос	ти компетенции
наименование		(части компетенции)	
индикатора	на базовом уровне	на повышенном уровне	
достижения	соответствует	соответствует	соответствует
компетенции	оценке	оценке «хорошо»	оценке «отлично»
(части	«удовлетворительно	65-85% от	86-100% от
компетенции)	»	максимального	максимального
	50-64% от	балла	балла
	максимального		
	балла		
ОПК-1.2.	Знает основные	Знает основные	Знает основные
Составляет	понятия и методы	понятия и методы	понятия и методы
математическую	математического	математического	математического
модель,	программирования,	программирования,	программирования
описывающую	но допускает	умеет доказывать	, умеет доказывать
изучаемый процесс	неточности в	теоретические	теоретические
или явление,	доказательствах	утверждении и	утверждении и
выбирает и	теоретических	выводить формулы,	выводить
обосновывает	утверждений и	умеет составлять	формулы, умеет
граничные и	выводах формул,	математическую	составлять
начальные условия	умеет составлять	модель задачи	математическую
	математическую	линейного	модель задачи
	модель задачи	программирования	линейного
	линейного	и выполняет не	программирования
	программирования,	менее 76-85%	и выполняет не
	выполняет не менее	обязательных	менее 86-100%
	65-75%	заданий	обязательных
	обязательных	проверочных работ,	заданий
	заданий	умеет использовать	проверочных
	проверочных работ.	аппарат	работ, умеет
		математического	решать
		программирования	нестандартные
		для решения	задачи.
		инженерных задач, но испытывает	
		затруднения при	
		содержательной	
		интерпретации	
		полученных	
		результатов.	
ОПК-1.3.	Имеет	Умеет использовать	Обладает
Оценивает	представление о	аппарат	навыками
адекватность	возможностях	математического	использования
результатов	использования	программирования	аппарата
моделирования,	аппарата	для решения задач	математического

формулирует	математического	профессиональной	программирования
предложения по	программирования	деятельности, но	для решения задач
использованию	для решения задач	испытывает	профессиональной
математической	профессиональной	затруднения при	деятельности и
модели для	деятельности, но	содержательной	владеет навыками
решения задач	испытывает	интерпретации	содержательной
профессиональной	затруднения при	полученных	интерпретации
деятельности	решении такого	результатов.	полученных
	типа задач.		результатов.

Модуль 3. Концепция риска в задачах системного анализа

Опрос

Типовые задания

Базовый уровень

- 1. Основные понятия системного анализа.
- 2. Основные принципы системного подхода.
- 3. Понятие риска и неопределенности.
- 4. Виды и классификация рисков.
- 5. Принятие решений в условиях неопределенности.
- 6. Проблема оптимизации и экспертные методы принятия решений.
- 7. Какие виды неопределенности в зависимости от причин ее появления можно выделить в процессе принятия решений?
 - 8. Чем характеризуются условия неопределенности?
 - 9. При каком анализе определяются численные размеры риска?
- 10. Какие факторы, влияющие на риск, относятся к субъективным и какие к объективным?

Повышенный уровень

1. Какие факторы, влияющие на принятие решение в условиях неопределенности, чаще всего встречаются в Вашей профессиональной деятельности?

Таблица 6 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и	Критерии оценивания сформированности компетенции				
наименование	(части компетенции)				
индикатора	на базовом уровне на повышенном уровне				
достижения	соответствует соответствует соответствуе				
компетенции	оценке оценке «хорошо» оценке «отлично				
(части	«удовлетворительно 65-85% от 86-100% от				
компетенции)	» максимального максимального				
	50-64% от балла балла		балла		
	максимального				
	балла				

нает основные юнятия и методы истемного анализа,	Знает основные понятия и методы	Знает основные понятия и методы
истемного анализа,	, ,	понятия и методы
•		
	системного	системного
меет решать	анализа, умеет	анализа, умеет
сновные типы	решать основные	решать основные
адач и выполняет	типы задач и	типы задач и
е менее 65-75%	выполняет не менее	выполняет не
бязательных	76-85%	менее 86-100%
аданий	обязательных	обязательных
роверочных работ,	заданий	заданий
меет	проверочных работ,	проверочных
редставление о	умеет использовать	работ, умеет
ОЗМОЖНОСТЯХ	математический	решать
спользования	аппарат системного	нестандартные
иатематического	анализа для	задачи, обладает
ппарата	решения задач	навыками
истемного анализа	профессиональной	использования
ля решения задач	деятельности, но	математического
рофессиональной	испытывает	аппарата
еятельности, но	затруднения при	системного
спытывает	содержательной	анализа для
затруднения при интерпретация		решения задач
ешении такого	полученных	профессиональной
ипа задач.	результатов.	деятельности и
		владеет навыками
		содержательной
		интерпретации
		полученных
		результатов.
	дач и выполняет е менее 65-75% бязательных даний роверочных работ, меет редставление о ряможностях спользования атематического ппарата истемного анализа и решения задач рофессиональной еятельности, но спытывает струднения при ешении такого	решать основные типы задач и выполняет не менее 65-75% выполняет не менее 76-85% обязательных заданий проверочных работ, умеет использовать математический аппарата истемного анализа для решения задач профессиональной деятельности, но испытывает содержательной интерпретации полученных

Модуль 4. Анализ детерминированных систем с помощью дифференциальных уравнений или их систем

Контрольная работа № 1 «Приближенные методы решения дифференциальных уравнений»

Типовые задания:

Базовый уровень

№1. Найти первые три члена разложения в степенной ряд частного решения y(x) дифференциального уравнения $y'' = yx - y + e^x$, удовлетворяющего начальным условиям: y(0) = 1, y'(0) = 0.

№2. Найти частное решение y(x) в виде степенного ряда дифференциального уравнения $y'' = 2y - y' + x^3 - e^{x-2}$, удовлетворяющего начальным условиям: y(2) = 1, y'(2) = 3.

№3. Написать дифференциальное уравнение, описывающее изгиб тонкой однородной упругой балки в форме цилиндра, находящейся под воздействием продольной силы.

Повышенный уровень

Вопросы по теоретическому материалу:

- 1. Численные методы решений: метод последовательных приближений. Привести пример.
- 2. Численные методы решений: метод конечных разностей. Привести пример.
- 3. Численные методы решений: метод конечного элемента. Привести пример.

Тестирование

Дайте правильный вариант ответа

Если
$$y(x)$$
 — решение уравнения $y' = e^{x-y}$, удовлетворяющее условию $y(0) = 0$, тогда $y(4)$ равно ...

Дайте правильный вариант ответа.

Если
$$y(x)$$
 — решение уравнения $y' = \frac{y}{x-1}$, удовлетворяющее условию $y(2) = 1$, тогда $y(1)$ равно ...

Дайте правильный вариант ответа.

Если
$$y(x)$$
 — решение уравнения $y' = \cos 2x \cdot y$, удовлетворяющее условию $y(0) = 1$, тогда $y(3\pi)$ равно ...

Дайте правильный вариант ответа.

Если
$$y(x)$$
 — решение уравнения $y' = \frac{y-1}{x}$, удовлетворяющее условию $y(2) = 3$, тогда $y(1)$ равно ...

Дайте правильный вариант ответа.

Если
$$y(x)$$
 — решение уравнения $y' = \sin 2x \cdot y$, удовлетворяющее условию $y\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1$, тогда $y\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ равно ...

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

$1. \ y' - 8x^7 y = 0$	3. $\ln y = 3x^2 + C$ (33,3%)
$2. y' - 6x^5 y = 0$	$ \ln y = 6x^2 + C $
3. y' = 6xy	2. $\ln y = x^6 + C$ (33,3%)
	1. $\ln y = x^8 + C$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

$1. \ y' - 9x^8y = 0$	3. $\ln y = \frac{7}{2}x^2 + C$ (33,3%)
$2. y' - 7x^6y = 0$	$ \ln y = 7x^2 + C $
3. y' = 7xy	2. $\ln y = x^7 + C$ (33,3%)
	1. $\ln y = x^9 + C$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

1 4	у оощими интегралами.	
	1. $y'-11x^{10}y=0$	3. $\ln y = \frac{3}{2}x^2 + C$ (33,3%)
	$2. \ y' - 3x^2y = 0$	$ \ln y = 3x^2 + C $
	3. $y' = 3xy$	2. $\ln y = x^3 + C$ (33,3%)
		1. $\ln y = x^{11} + C$ (33,3%)

Соотнесите элементы двух списков.

Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами.

1. $y' - 6x^5y = 0$	3. $\ln y = 2x^2 + C$ (33,3%)
$2. \ y' - 4x^3y = 0$	$ \ln y = 4x^2 + C $
$3. \ y' = 4xy$	$2. \ln y = x^4 + C (33,3\%)$
	1. $\ln y = x^6 + C$ (33,3%)

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 0, y'(0) = 0, имеет вид ...

$$y = 1 + x + \frac{1}{6}x^3 + \frac{2}{12}x^4 + \frac{1}{180}x^6 + \dots$$

$$y = x^2 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{2}{12}x^4 + \frac{1}{180}x^6 + \dots$$

$$y = \frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{12}x^4 + \frac{1}{180}x^6 + \dots$$
+нет правильного ответа

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 1, y'(0) = 0, имеет вид ...

$$y = 1 + x + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$

$$+ y = 1 + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \dots$$

$$y = 1 + \frac{1}{3}x^{3} + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{C_{1}}{180}x^{6} + \dots$$

нет правильного ответа

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 0, y'(0) = 1, имеет вид ...

$$y = x + \frac{1}{12}x^4 + \frac{1}{180}x^6 + \dots$$
$$y = x + \frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{12}x^4 + \dots$$
$$+ y = x + \frac{1}{12}x^4 + \dots$$

Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 1, y'(0) = 1, имеет вид ...

$$+y = 1 + x + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$

$$y = 1 + x + \frac{1}{2}x^{2} + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \dots$$

$$y = 1 + x + \frac{1}{3}x^{2} + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \dots$$

Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 1, y'(0) = 2, имеет вид ...

$$y = 1 + x + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$

$$y = 1 + x + \frac{1}{3}x^{3} + \frac{1}{6}x^{4} + \frac{1}{90}x^{6} + \dots$$

$$y = 1 + x + \frac{1}{2}x^{2} + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{2}{12}x^{4} + \frac{2}{180}x^{6} + \dots$$

+Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 1, y'(0) = 3, имеет вид ...

$$y = 1 + 3x + \frac{1}{3}x^{2} + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$

$$+ y = 1 + 3x + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{4}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$

$$y = 1 + 3x + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$

+Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 3, y'(0) = 0, имеет вид ...

$$y = 3 + \frac{2}{6}x^{3} + \frac{3}{12}x^{4} + \frac{1}{24}x^{5} + \dots$$
$$y = x + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{3}{12}x^{4} + \frac{1}{90}x^{6} + \dots$$
$$y = 3 + \frac{2}{6}x^{3} + \frac{3}{12}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$

+Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 2, y'(0) = 0, имеет вид ...

$$y = 2 + 2x^{2} + \frac{2}{6}x^{3} + \frac{1}{90}x^{6} + \dots$$
$$y = 2 + x + \frac{2}{6}x^{3} + \frac{2}{12}x^{4} + \frac{1}{90}x^{6} + \dots$$

$$+y = 2 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{C_1}{90}x^6 + \dots$$

Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям, имеет вид y(0) = 3, y'(0) = 1 ...

$$y = 3 + x + \frac{1}{6}x^{2} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{3}{180}x^{6} + \dots$$

$$+ y = 3 + x + \frac{3}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{1}{60}x^{6} + \dots$$

$$y = C_{1} + C_{2}x + \frac{C_{1}}{6}x^{3} + \frac{C_{2}}{12}x^{4} + \frac{C_{1}}{180}x^{6} + \dots$$

Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям y(0) = 2, y'(0) = 2, имеет вид ...

$$+y = 2 + 2x + \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{90}x^6 + \dots$$
$$y = 2 + 2x + \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{90}x^6 + \dots$$
$$y = 2 + 2x + \frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{12}x^4 + \frac{C_1}{180}x^6 + \dots$$

Нет правильного ответа.

Выберите один правильный вариант ответа.

Действительный корень уравнения $e^x + x - 1 = 0$ принадлежит интервалу ...

$$\left(\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right)$$

$$\left(-\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right)$$

$$\left(\frac{3}{2}; \frac{5}{2}\right)$$

$$+\left(-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right)$$

Выберите один правильный вариант ответа.

Три итерации метода половинного деления при решении уравнения $x^2-2,4=0$ на отрезке $\begin{bmatrix} 0;8 \end{bmatrix}$ требуют последовательного вычисления значений функции $f\left(x\right)=x^2-2,4$ в точках ...

$$x_1 = 4$$
, $x_2 = 1$, $x_3 = 2$
 $x_1 = 4$, $x_2 = 2$, $x_3 = 3$
 $x_1 = 3$, $x_2 = 2$, $x_3 = 1$
 $+ x_1 = 4$, $x_2 = 2$, $x_3 = 1$

Выберите один правильный вариант ответа.

Дано уравнение $x^3 + 2x - 1 = 0$ и отрезок [0;1], на котором находится корень данного уравнения. Тогда один шаг метода половинного деления дает отрезок ...

+[0;0,5] [0,25;0,75] [0,25;1][0,5;1]

Таблица 7 – Критерии оценки сформированности компетенций

Код и	Критерии оценивания сформированности компетенции			
наименование	(части компетенции)			
индикатора	на базовом уровне на повышенном уровне			
достижения	соответствует	соответствует	соответствует	
компетенции	оценке	оценке «хорошо»	оценке «отлично»	
(части	«удовлетворительно	65-85% от	86-100% от	
компетенции)	»	максимального	максимального	
	50-64% от	балла	балла	
	максимального			
	балла			
ОПК-1.1. Выбирает	Знает основные	Знает основные	Знает основные	
фундаментальные	понятия и методы	понятия и методы	понятия и методы	
законы,	решения	дифференциальных	дифференциальны	
описывающие	дифференциальных	уравнений, умеет	х уравнений, умеет	
изучаемый процесс	уравнений, умеет	самостоятельно	самостоятельно	
или явление	под руководством	выбирать	выбирать	
	преподавателя	фундаментальные	фундаментальные	
	выбирать	законы для	законы для	
	фундаментальные	построения	построения	
	законы для	математической	математической	
	построения	модели с помощью	модели с помощью	
	математической	дифференциаль-	дифференциаль-	
	модели с помощью	ного уравнения,	ного уравнения,	
	дифференциального	умеет решать	умеет решать	
	уравнения, умеет	основные типы	основные типы	
	решать основные	задач и выполняет	задач и выполняет	
	типы задач и	не менее 76-85%	не менее 86-100%	
	выполняет не менее	обязательных	обязательных	

	CE 550/	U	
	65-75%	заданий	заданий
	обязательных	проверочных работ.	проверочных
	заданий		работ, умеет
	проверочных работ.		решать
			нестандартные
			задач и задачи
			исследователь-
			ского характера.
ОПК-1.2.	Имеет	Умеет	Обладает
Составляет	представление о	самостоятельно	навыками
математическую	возможностях	использовать	использования
модель,	использования	математический	математического
описывающую	математического	аппарат теории	аппарата теории
изучаемый процесс	аппарата теории	дифференциальных	дифференциаль-
или явление,	дифференциальных	уравнений и	ных уравнений и
выбирает и	уравнений и	уравнении и численных методов	численных
обосновывает	J 1		
	численных методов	для составления	методов для
граничные и	для составления	математических	составления
начальные условия	математических	моделей	математических
	моделей	описывающих	моделей
	описывающих	изучаемый процесс	описывающих
	изучаемый процесс	или явление, но	изучаемый
	или явление, умеет	испытывает	процесс или
	под руководством	затруднения при	явление, учитывая
	преподавателя	содержательной	начальные
	составлять	интерпретации	условия, владеет
	математические	полученных	навыками
	модели, но	результатов.	содержательной
	испытывает		интерпретации
	затруднения при их		полученных
	исследовании.		результатов
ОПК-1.3.	Имеет	Умеет под	Умеет
Оценивает	представление о	руководством	самостоятельно
'	=	преподавателя	формулировать
результатов			предложения по
моделирования,	-		использованию
1 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		предложения по использованию	математического
формулирует	аппарата теории		
предложения по	дифференциальных	математического	аппарата теории
использованию	уравнений и	аппарата теории	дифференциаль-
математической	численных методов	дифференциальных	ных уравнений и
модели для	для решения задач	уравнений и	численных
решения задач	профессиональной	численных методов	методов для
профессиональной	деятельности.	для решения задач	решения задач
деятельности		профессиональной	профессиональной
		деятельности.	деятельности,
			умеет оценивает
			адекватность
			результатов
			моделирования

2 ОЦЕНИВАНИЕ ПИСЬМЕННЫХ РАБОТ СТУДЕНТОВ, РЕГЛАМЕНТИРУЕМЫХ УЧЕБНЫМ ПЛАНОМ

Письменные работы, регламентируемые учебным планом, отсутствуют.

З ОПРЕДЕЛЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТА ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Форма промежуточной аттестации по дисциплине зачет.

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ И СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОВЕРКИ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ

Код и наименование компетенции

ОПК-1 Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ, математического аппарата фундаментальных наук.

Задания закрытого типа

Выберите один правильный вариант ответа:

1. Если основная гипотеза имеет вид $H_{\scriptscriptstyle 0}$: $\sigma^{\scriptscriptstyle 2}=3$, то конкурирующей может быть гипотеза ...

$$H_1: \sigma^2 \ge 3$$

+ $H_1: \sigma^2 \ne 3$
 $H_1: \sigma^2 \ge 2$
 $H_1: \sigma^2 \le 3$

2. Если основная гипотеза имеет вид $H_{\scriptscriptstyle 0}$: $\it a=6$, то конкурирующей может быть гипотеза ...

$$H_1: a \ge 6$$

 $H_1: a \ne 5$
 $+H_1: a \ne 6$
 $H_1: a \le 6$

3. Левосторонняя критическая область может определяться из соотношения ...

$$P(-2,2 < K < 2,2) = 0,05$$

 $P(K < -1,5) + P(K > 1,5) = 0,05$
 $+P(K < -1,92) = 0,05$
 $P(K > 2,45) = 0,05$

4. Дана задача линейного программирования при заданных ограничениях:

$$F(x_1; x_2) = 4x_1 - x_2 \to \max$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \le 2, \\ 2x_1 - x_2 \le 1 \end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

Тогда нулевая линия уровня целевой функции задается уравнением ...

$$x_1 + 3x_2 = 2$$

$$x_1 + 3x_2 = 0$$

$$2x_1 - x_2 = 0$$

$$+ 4x_1 - x_2 = 0$$

5. Какая из задач линейного программирования сформулирована в каноническом виде?

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \max$$

$$\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} = 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} = 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} = 4 \end{cases}$$

$$x_{j} > 0, j = 1, ..., 3$$

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} \leq 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} \leq 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} \leq 4 \end{cases}$$

$$x_{j} \geq 0, j = 1, ..., 3$$

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \max$$

$$\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} \ge 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} \ge 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} \ge 4 \end{cases}$$

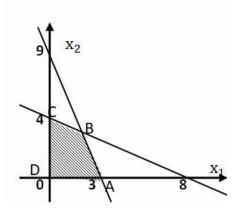
$$x_{j} \ge 0, j = 1, ..., 3$$

$$F(x_{j}) = x_{1} + 7x_{2} - 4x_{3} \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_{1} - x_{2} + x_{3} > 5, \\ x_{1} - 2x_{2} + x_{3} < 12, \\ 2x_{1} - x_{2} - x_{3} \ge 4 \end{cases}$$

$$x_{j} \ge 0, \ j = 1, ..., 3$$

6. Область допустимых решений ABCD задачи линейного программирования, изображенная на рисунке, соответствует ограничениям ...



$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 \le 9, \\ 2x_1 + 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 \le 9, \\ 2x_1 - 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 \le 9, \\ 2x_1 + 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 \le 9, \\ 2x_1 - 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 \le 9, \\ 2x_1 - 4x_2 \le 16, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

7. Транспортная задача

	50	60+b	200
100+a	7	2	4
200	3	5	6

будет закрытой, если ...

$$a = 45, b = 30$$

$$a = 45, b = 25$$

$$a = 45, b = 40$$

$$+a = 45, b = 35$$

8. Среди данных транспортных задач

1.

Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	22	34	41	20
30	10	7	6	8
48	5	6	5	4
38	8	7	6	7

2.

Мощности	Мощности потребителей			
поставщиков	25	30	41	20
30	10	7	6	8
48	5	6	5	4
38	8	7	6	7

3.

Мощности	Мощности потребителей					
поставщиков	26	34	41	20		
31	10	7	6	8		
48	5	6	5	4		
39	8	7	6	7		

закрытыми являются ...

1

1 и 3

2и3

+2

9. Среди следующих транспортных задач открытой является ...

1.

Пункты	2			
отправления	B_1	B_2	B_3	Запасы
A_{l}	16	4	12	300
A_2	1	8	11	320
Потребности	250	200	170	

2.

Пункты	П	2		
отправления	B_1	B_2	B_3	Запасы
A_{l}	16	4	12	260
A_2	1	8	11	320
Потребности	250	200	130	

3.

Пункты	П	2		
отправления	B_1	B_2	B_3	Запасы
A_{l}	16	4	12	450
A_2	1	8	11	320
Потребности	250	200	290	

4.

Пункты	RN	n		
отправления	B_1	B_2	B_3	Запасы
A_1	16	4	12	290
A_2	1	8	11	360
Потребности	250	200	200	

1

2

+3

4

10. Приближенное решение уравнения y'' = yx, удовлетворяющего начальным условиям $y(0) = 1, \ y'(0) = 0$, имеет вид ...

$$y = 1 + x + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \frac{1}{180}x^{6} + \dots$$
$$+ y = 1 + \frac{1}{6}x^{3} + \frac{1}{12}x^{4} + \dots$$

$$y = 1 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{12}x^4 + \frac{C_1}{180}x^6 + \dots$$

нет правильного ответа

11. Действительный корень уравнения $e^x + x - 1 = 0$ принадлежит интервалу ...

$$\left(\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right)$$

$$\left(-\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right)$$

$$\left(\frac{3}{2}; \frac{5}{2}\right)$$

$$+\left(-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right)$$

12. Три итерации метода половинного деления при решении уравнения $x^2-2,4=0\,$ на отрезке $\left[0;8\right]$ требуют последовательного вычисления значений функции $f\left(x\right)=x^2-2,4\,$ в точках ...

$$x_1 = 4$$
, $x_2 = 1$, $x_3 = 2$
 $x_1 = 4$, $x_2 = 2$, $x_3 = 3$
 $x_1 = 3$, $x_2 = 2$, $x_3 = 1$
 $+ x_1 = 4$, $x_2 = 2$, $x_3 = 1$

13. Дано уравнение $x^3 + 2x - 1 = 0$ и отрезок [0;1], на котором находится корень данного уравнения. Тогда один шаг метода половинного деления дает отрезок ...

$$+[0;0,5]$$

[0,25;0,75]
[0,25;1]
[0,5;1]

Задания открытого типа

Напишите правильный вариант ответа

14. В коллективе 20 человек. Тогда число способов выбрать среди них начальника и его заместителя равно ...

Правильный ответ: 380

- 15. Размах варьирования вариационного ряда 3, 5, 5, 7, 9, 10, 16 равен ... *Правильный ответ*: 13
- 16. Размах варьирования вариационного ряда 2, 3, 4, 5, 5, 7, 9, 10, 12, 14, x_{11} равен 15. Тогда значение x_{11} равно ...

Правильный ответ: 17

- 17. Мода вариационного ряда 3 , 4 , 5 , 6 , 10 , 10 , 12 равна ... Правильный ответ: 10
- 18. Мода вариационного ряда 1, 1, 2, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 5, 5, x_i , 7, 7, 7, 8, 8, 10, 11 равна 5. Тогда значение x_i равно ...

Правильный ответ: 5

19. Медиана вариационного ряда 11, 13, 14, 15, x_6 , 18, 19, 21, 24, 25, 25 равна 17. Тогда значение варианты x_6 равно ...

Правильный ответ: 16

20. Медиана вариационного ряда 2, 3, 5, 6, 7, 9, x_7 , 12, 13, 15, 16, 18 равна 10. Тогда значение варианты x_7 равно ...

Правильный ответ: 11

21. Медиана вариационного ряда 11, 14, 16, 17, 17, 18, 19, 21, 22, 22, 23, 25, 25 равна ...

Правильный ответ: 18,5

22. Медиана вариационного ряда 5, 7, 9, 12, 12, 15, 16, 17, 18, 19, 21 равна ...

Правильный ответ: 15

23. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n = 80:

$x_i - x_{i+1}$	0–2	2–4	4–6	6–8	8–10
n_i	6	14	28	n_4	12

Тогда значение n_4 равно ...

Правильный ответ: 20

24. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n = 81:

\mathcal{X}_i	1	2	3	4	5
n_{i}	5	14	n_3	22	6

Тогда значение n_3 равно ...

Правильный ответ: 34

25. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n = 100:

\mathcal{X}_{i}	3	4	5	6	7
n_{i}	7	n_2	45	21	2

Тогда относительная частота варианты $x_2 = 4$ равна ...

Правильный ответ: 0,25

26. Статистическое распределение выборки имеет вид:

x_i	5	6	8	10	11
n_{i}	7	16	23	13	8

Тогда объем выборки равен ...

Правильный ответ: 67

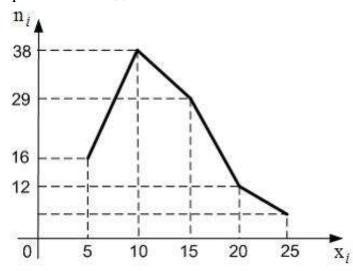
27. Статистическое распределение выборки имеет вид:

$x_i - x_{i+1}$	0–1,5	1,5–3,0	3,0-4,5	4,4-6,0	6,0-7,5
n_{i}	10	32	60	28	20

Тогда объем выборки равен ...

Правильный ответ: 150

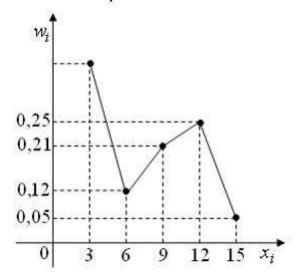
28. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n=100, полигон частот которой имеет вид:



Тогда относительная частота варианты $x_5 = 25$ в выборке равна ...

Правильный ответ: 0,05

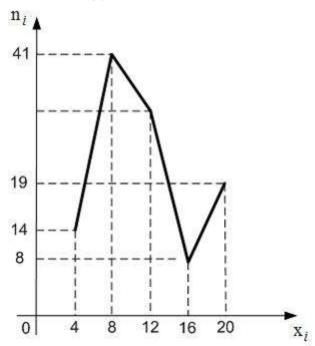
29. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n = 100, полигон относительных частот которой имеет вид:



Тогда число вариант $x_1 = 3$ в выборке равно ...

Правильный ответ: 37

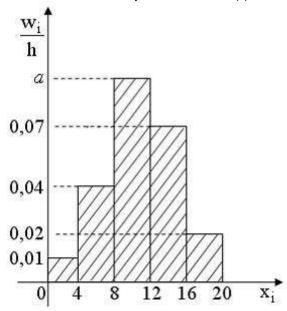
30. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n=100, полигон частот которой имеет вид:



Тогда число вариант $x_i = 12$ в выборке равно ...

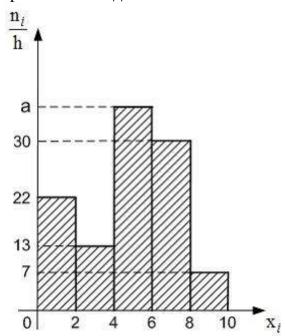
Правильный ответ: 32

31. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n=100, гистограмма относительных частот которой имеет вид:



Тогда значение *а* равно ... *Правильный ответ*: 0,11

32. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n=220, гистограмма частот которой имеет вид:



Тогда значение *а* равно ... *Правильный ответ*: 38

33. Проведено пять измерений (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 4,5; 5,2; 6,1; 7,8; 8,3. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

Правильный ответ: 6,38

34. По выборке объема n=10 найдена выборочная дисперсия $D_{s}=3,6$. Тогда исправленное среднее квадратическое отклонение равно ...

Правильный ответ: 2,0

35. В результате измерений некоторой физической величины (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 3,6; 3,8; 4,3. Тогда несмещенная оценка дисперсии равна ...

Правильный ответ: 0,13

36. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n = 10:

x_i	10	11	12	13
n_i	2	3	4	1

Тогда выборочная дисперсия равна ...

Правильный ответ: 0,84

37. Проведено пять измерений (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): 2,1; 2,3; x_3 ; 2,7; 2,9. Если несмещенная оценка математического ожидания равна 2,48, то x_3 равно ...

Правильный ответ: 2,4

38. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n = 50:

X_i	11	12	14	15
n_{i}	4	19	20	7

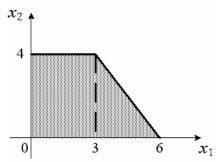
Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

Правильный ответ: 13,14

39. Дана интервальная оценка (8,45; 9,15) математического ожидания нормального распределенного количественного признака. Тогда точечная оценка математического ожидания равна ...

Правильный ответ: 8,8

40. Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:



Тогда максимальное значение функции $z = 3x_1 + 4x_2$ равно...

Правильный ответ: 25

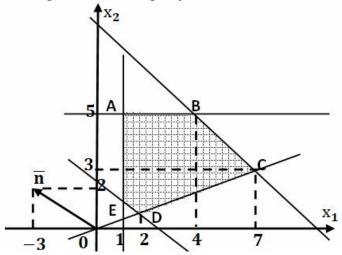
41. Максимальное значение функции $z = 6x_1 + x_2$ при ограничениях

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \le 6, \\ x_1 \le 4, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

равно...

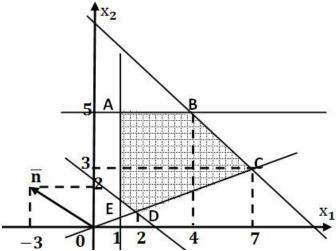
Правильный ответ: 26

42. Дана целевая функция $F(x_1; x_2) = -3x_1 + 2x_2$ и область допустимых решений, изображенная на рисунке



Тогда максимальное значение целевой функции равно ... *Правильный ответ:* 7

43. Дана целевая функция $F(x_1; x_2) = -3x_1 + 2x_2$ и область допустимых решений, изображенная на рисунке



Тогда минимальное значение целевой функции равно ... *Правильный ответ:* –15

Дополните:

44. Размахом вариации называется ... максимального и минимального значения признака.

Правильный ответ: разность

45. Если все варианты x_i исходного вариационного ряда уменьшить в два раза, то выборочное среднее квадратическое отклонение $\sigma_{\scriptscriptstyle g}$

Правильный ответ: уменьшится в два раза

46. Если все варианты x_i исходного вариационного ряда увеличить на девять единиц, то выборочная дисперсия $D_{\scriptscriptstyle g}$

Правильный ответ: не изменится

47. Если все варианты x_i исходного вариационного ряда увеличить в два раза, то выборочная дисперсия D_{ϵ}

Правильный ответ: увеличится в четыре раза

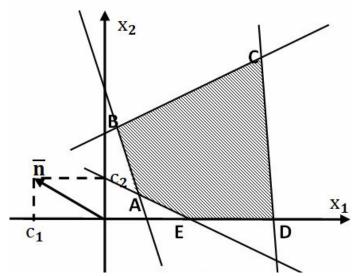
- 48. Гипотеза, противоречащая выдвинутой *нулевой* гипотезе, называется ... *Правильный ответ:* конкурирующей или альтернативной.
 - 49. Область отклонения нулевой гипотезы называется ... *Правильный ответ*: критической
- 50. Дана задача линейного программирования при заданных ограничениях:

$$F(x_1; x_2) = -3x_1 + 2x_2 \to \max$$

$$\begin{cases} x_1 - x_2 \le 5, \\ -2x_1 + x_2 \le 3 \end{cases}$$

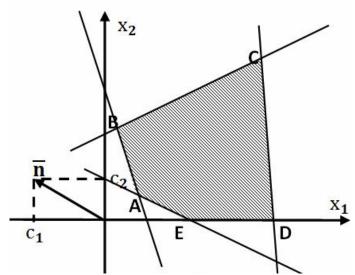
$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

Тогда направляющий вектор n целевой функции имеет координаты ... Правильный ответ: $\overline{n} = (-3; 2)$ 51. На рисунке изображено графическое решение ЗЛП. Тогда целевая функция достигает своего максимума в точке ...



Правильный ответ: В

52. На рисунке изображено графическое решение ЗЛП. Тогда целевая функция достигает своего минимума в точке ...



Правильный ответ: D

ОПК-6 Способен осуществлять исследования объектов и процессов в области строительства и жилищно-коммунального хозяйства

Задания закрытого типа

Выберите один правильный вариант ответа:

- 1. Выборочное уравнение прямой линии регрессии Y на X имеет вид y=-4,8+1,2x. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен ...
 - +0.82
 - -0.82
 - 1,2
 - -1,2
- 2. Выборочное уравнение прямой линии регрессии X на Y имеет вид x = -4,72 + 2,36y. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен ...
 - -0.50
 - +0.71
 - 2,36
 - -2,0
- 3. При построении выборочного уравнения прямой линии регрессии X на Y вычислены выборочный коэффициент регрессии $\rho_{xy}=3,6$ и выборочные средние x=12,5 и y=24,9. Тогда уравнение регрессии примет вид ...

$$\overline{x}_y = 3,6y - 102,4$$

$$\overline{y}_x = 3,6x - 77,14$$

$$+\overline{x}_{y} = 3.6y - 77.14$$

$$\overline{x}_y = 3.6y + 77.14$$

Задания открытого типа

Дайте правильный вариант ответа

4. При построении выборочного уравнения парной регрессии вычислены выборочный коэффициент корреляции $r_{\!\scriptscriptstyle B}=0,54$ и выборочные средние квадратические отклонения $\sigma_{\!\scriptscriptstyle X}=1,6$, $\sigma_{\!\scriptscriptstyle Y}=3,2$. Тогда выборочный коэффициент регрессии Y на X равен ...

Правильный ответ: 1,08

5. При построении выборочного уравнения парной регрессии вычислены выборочный коэффициент корреляции $r_{_{\! g}}=-0,66$ и выборочные средние квадратические отклонения $\sigma_{_{\! X}}=2,4$, $\sigma_{_{\! Y}}=1,2$. Тогда выборочный коэффициент регрессии X на Y равен ...

Правильный ответ: –1,32

6. Выборочное уравнение прямой линии регрессии Y на X имеет вид y = -6, 0 - 1, 5x. Тогда выборочный коэффициент регрессии равен ...

Правильный ответ: -1,5

7. Выборочное уравнение прямой линии регрессии X на Y имеет вид x = -5, 8 + 3, 7y. Тогда выборочный коэффициент регрессии равен ...

Правильный ответ: 3,7

8. Выборочное уравнение прямой линии регрессии Y на X имеет вид $\overline{y}_x = 2,7+0,6x$, а выборочные средние квадратические отклонения $\sigma_X = 0,7$, $\sigma_Y = 2,8$ Тогда выборочный коэффициент корреляции равен r_B равен ...

Правильный ответ: 0,15

9. Выборочное уравнение прямой линии регрессии X на Y имеет вид $\overline{x_y} = 34,5-2,44y$, а выборочные средние квадратические отклонения $\sigma_X = 6,0$, $\sigma_Y = 1,5$ Тогда выборочный коэффициент корреляции равен r_B равен ...

Правильный ответ: -0,61

10. Выборочное уравнение прямой линии регрессии Y на X имеет вид $\overline{y}_x - 2,5 = 1,34(x+3,46)$. Тогда выборочное среднее признака X равно ...

Правильный ответ: -3,46

11. Выборочное уравнение прямой линии регрессии X на Y имеет вид $x_y - 44,7 = -5,6(y+25,9)$. Тогда выборочное среднее признака X равно ...

Правильный ответ: 44,7

Дайте развернутый ответ на вопрос:

12. Что называют статистической гипотезой?

Правильный ответ: Статистической гипотезой называют гипотезу о виде закона распределения или о параметрах известных распределений.

Окончательные результаты обучения (формирования компетенций) определяются посредством перевода баллов, набранных студентом в процессе освоения дисциплины, в оценки:

- базовый уровень сформированности компетенции считается достигнутым, если результат обучения соответствует оценке «удовлетворительно» (50-64 рейтинговых баллов);
- повышенный уровень сформированности компетенции считается достигнутым, если результат обучения соответствует оценкам «хорошо» (65-85 рейтинговых баллов) и «отлично» (86-100 рейтинговых баллов).

4 ПОРЯДОК ПРОВЕДЕНИЯ ПОВТОРНОЙ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Форма промежуточной аттестации по дисциплине зачет.

Фонд оценочных средств для проведения повторной промежуточной аттестации формируется из числа оценочных средств по темам, которые не освоены студентом.

Примечание:

Дополнительные контрольные испытания проводятся для студентов, набравших менее **50 баллов** (в соответствии с «Положением о модульнорейтинговой системе»).

Таблица 8 – Критерии оценки сформированности компетенций

	Критерии оценивания
	сформированности компетенции
Код и наименование индикатора достижения	(части компетенции)
компетенции	на базовом уровне
(части компетенции)	соответствует оценке
	«удовлетворительно» 50-64% от
	максимального балла
	Знает основные понятия и методы
	решения дифференциальных
	уравнений, умеет под
	руководством преподавателя
	выбирать фундаментальные
ОПК-1.1. Выбирает фундаментальные законы,	законы для построения
описывающие изучаемый процесс или явление	математической модели с
	помощью дифференциального
	уравнения, умеет решать
	основные типы задач и выполняет
	не менее 65-75% обязательных
	заданий проверочных работ
ОПК-1.2. Составляет математическую модель,	Знает основные понятия и методы
описывающую изучаемый процесс или явление,	математического
выбирает и обосновывает граничные и начальные	программирования, но допускает
условия	неточности в доказательствах

	теоретических утверждений и
	выводах формул, умеет
	составлять математическую
	модель задачи линейного
	программирования, выполняет не
	менее 65-75% обязательных
	заданий проверочных работ
	Имеет представление о
	возможностях использования
ОПК-1.3. Оценивает адекватность результатов	аппарата математического
моделирования, формулирует предложения по	программирования, системного
использованию математической модели для решения	анализа, математической
задач профессиональной деятельности	статистики для решения задач
	профессиональной деятельности,
	но испытывает затруднения при
	решении такого типа задач
	Знает основные понятия и методы
	математической статистики и
	теории вероятностей, умеет
	решать основные типы задач и
	выполняет не менее 65-75%
	обязательных заданий
	проверочных работ, имеет
ОПК-6.6. Обрабатывает результаты эмпирических	представление о возможностях
исследований с помощью методов математической	использования математического
статистики и теории вероятностей	аппарата математической
	статистики и теории вероятностей
	для решения инженерных задач и
	описания физических,
	социальных и экономических
	процессов, но испытывает
	затруднения при решении такого
	типа задач